

التاريخ: 2022/05/19

المدة: 03 سا و 30 د

المادة: العلوم الفيزيائية

المستوى: 3 ع ت

امتحان البكالوريا التجريبي

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:
الموضوع الأول

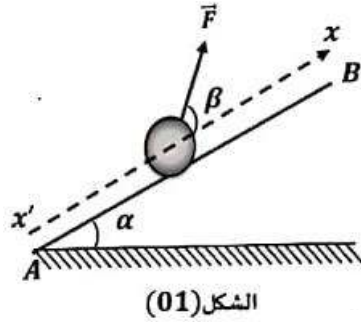
يحتوي الموضوع الأول على (04) صفحات (من الصفحة 1 من 8 إلى الصفحة 4 من 8)

الجزء الأول: (13 نقطة)

التمرين الأول: (6 نقاط)

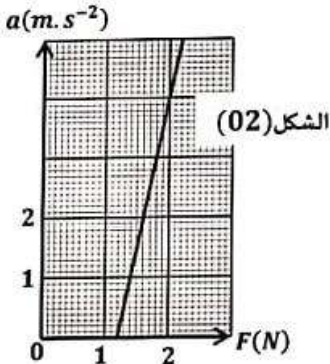
تعتبر الحركة المستقيمة للأجسام الكتلية على مستوي مائل أو في الهواء من أهم أنواع الحركات التي تتم على بُعد واحد. يهدف هذا التمرين إلى تحديد كتلة جسم صلب نعتبره نقطيا بطريقتين مختلفتين: عقب حركته في منحدر ثم عند حركته شاقوليا في الهواء.

تسارع الجاذبية الأرضية: $g = 10 \text{ m/s}^2$
I. الحركة على منحدر (AB)



الشكل (01)

ينسحب جسم صلب (S) وفق مستوي مائل زاوية ميله $\alpha = 30^\circ$ ابتداء من الموضع A بدون سرعة ابتدائية ليصل إلى الموضع B بسرعة v_B تحت تأثير قوة جر \vec{F} , يُمكن تغيير شدتها حيث يصنع حاملها زاوية ثابتة $\beta = 60^\circ$ مع المستوي المائل (الشكل 01). نعتبر قوى الاحتكاك مع المستوي تكافئ قوة وحيدة \vec{f} شدتها ثابتة مُعاكسة لجهة الحركة. نُكرر التجربة بقيم مُختلفة لشدّة القوة \vec{F} ونحسب في كل تجربة الزمن اللازم لقطع المسافة $AB = 2 \text{ m}$. النتائج المتحصّل عليها مكنتنا من رسم المنحنى البياني $a = f(F)$ والذي يُمثّل تغيّرات التسارع a بدلالة شدّة القوة F المُوضّح في الشكل (02).



الشكل (02)

1. مثل القوى الخارجية المؤثرة على الكرة خلال حركتها.
2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة تسارع مركز عطالة الجسم تُعطى بالشكل التالي:

$$a = \frac{\cos \beta}{m} F - (g \cdot \sin \alpha + \frac{f}{m})$$

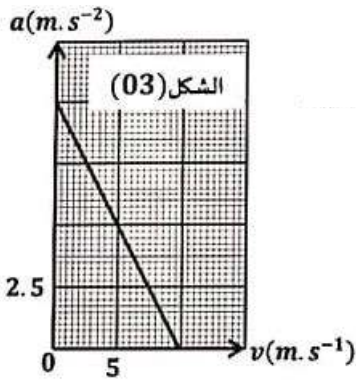
3. جد العبارة اللحظية للفاصلة $x(t)$.

4. بالاعتماد على بيان الشكل (02)، أوجد ماييلي:

- 1.4 قيمة الكتلة m و شدّة قوة الاحتكاك f .
- 2.4 شدّة قوة الجر F' التي من أجلها تكون حركة مركز عطالة الجسم (S) مُستقيمة مُنظمة.
- 3.4 سرعة الجسم (S) عند الموضع B في حالة $F = 2 \text{ N}$.
- 4.4 بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم S), تحقّق من قيمة سرعة الجسم (S) عند الموضع B.

II. حركة السقوط الشاقولي في الهواء

من ارتفاع h من سطح الأرض و في اللحظة $t = 0$ نترك الجسم (S) ليسقط شاقوليا دون سرعة ابتدائية من الموضع O لمبدأ المعلم الشاقولي المُوجّه في نفس جهة الحركة (Oz) حيث يخضع الجسم أثناء سقوطه لقوة احتكاك مع الهواء $\vec{F} = -k \vec{v}$ حيث $k = 0,1 \text{ SI}$ مُعامل هذا الاحتكاك. (يُهمل تأثير دافعة أرخميدس على الجسم أثناء سقوطه).



الدراسة التجريبية مكنتنا من رسم المنحنى البياني $a = g(v)$ لتغير التسارع a للجسم (S) بدلالة سرعته v الموضح في الشكل (03). بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، يبين أن المعادلة التفاضلية لتطور سرعة الجسم (S) تُكتب على الشكل: $\frac{dv}{dt} + A.v = B$

حيث A و B ثابتان يُطلب تعيين عبارتيهما.

1. اعتمادا على بيان الشكل (03)، أوجد مايلي:

1.2 قيمة السرعة الحدية v_{lim}

1.2 التسارع الابتدائي a_0

3.2 ثابت الزمن τ المُميّز للسقوط ثم أثبت تجانس هذا المقدار مع الزمن.

4.2 استنتج قيمة الكتلة m .

التمرين الثاني: (7 نقاط)

يحتوي هذا التمرين على جزئين مُستقلين (I) و (II).

I. خام الحديد هو صخر يحتوي الحديد الذي عادة ما يكون على شكل أكاسيد. تتفاوت الخامات من حيث تركيبها حيث يتم تصنيفها حسب محتواها وفق الجدول التالي:

خامات الحديد	الفقيرة	المُتوسطة	الغنيّة
نسبة الحديد الكتلية	أقل من 30%	بين 30% و 50%	أكبر من 50%



صخرة تحتوي خام الحديد عمرها 2 مليار سنة

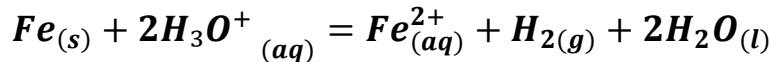
(متحف المعادن بمدينة دريسدن لألمانيا)

المصدر: <http://fr.wikipedia.org>

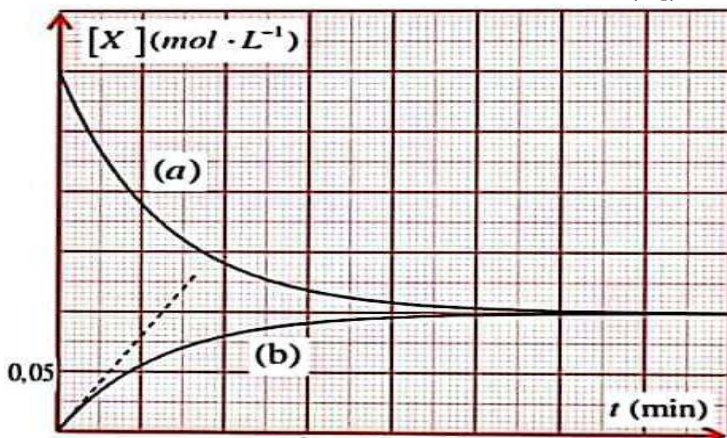
يُعتبر منجم "غار جيبيلات" من أكبر مناجم الجزائر. اكتُشف عام 1952 م، تُقدّر احتياطاته القابلة للاستغلال بحوالي 1,7 مليار طن من الخامات. يتم التخطيط لبدء التعدين فيه في آفاق 2022 م الأمر الذي سيضع الجزائر في موقع الريادة في صناعة الحديد والصلب في إفريقيا. (عن موسوعة ويكيبيديا بتصرف)

يهدف هذا التمرين إلى متابعة التحوّل الكيميائي بين معدن حديد "غار جيبيلات" وحمض وكذا تصنيف خام حديد هذا المنجم.

نضع في إبرلنماير حجما $V = 200 \text{ mL}$ من حمض كلور الماء تركيزه المولي $C = 0,3 \text{ mol/L}$. و عند لحظة تُضيف كتلة $m = 1,90 \text{ g}$ من خام الحديد (تحتوي على كتلة m_0 من الحديد), مُتابعة التحوّل الكيميائي مكنتنا من رسم المنحنيين البيانيين $[Fe^{2+}] = f(t)$ و $[H_3O^+] = g(t)$ أي لتركيزي شارديتي Fe^{2+} و H_3O^+ بدلالة الزمن بالشكل 03. التفاعل الحادث تام يُمدّج بالمعادلة التالية:



تعطى: الكتلة المولية الذرية للحديد: $55,8 \text{ g/mol}$



1. يبين أن التفاعل الحاصل هو تفاعل أكسدة – إرجاع مع كتابة الثنائيتين (Ox/Red) الداخليتين في التفاعل.

2. أنشئ جدولا لتقدم التفاعل الكيميائي الحاصل.

3. أنسب كل منحنى من الشكل 03 بالتركيز المُوافق له مع التعليل.

4. جد اعتمادا على أحد البيانيين قيمة التقدّم الأعظمي x_{max} .

5. جد بيانيا قيمة زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.

- 1.5- عرّف ثم احسب السرعة الحجمية لتشكل شوارد الحديد الثنائية Fe^{2+} عند اللحظة $t = 0$.
- 2.5- استنتج سرعة التفاعل عند نفس اللحظة.
6. حدّد المتفاعل المُحد، ثم استنتج كتلة الحديد m_0 في الخام.
7. جد نسبة الحديد في الخام المدروس علما أنه مأخوذ من غار جبيلات، واستنتج تصنيف هذا الخام.

II. يهدف هذا الجزء من التمرين إلى تحديد ثابت حموضة النشادر NH_3 انطلاقا من دراسة انحلاله في الماء.

نتوفّر على محلول تجاري (S_0) للنشادر NH_3 نسبة نقاوته 28% و كثافته $d = 0,91$. يُعطى:

الناقلات النوعية المولية الشاردية الناتجة عن انحلال النشادر في الماء:

$$\lambda_{NH_4^+} = 7,35 \text{ mS.m}^2/\text{mol} \quad \lambda_{OH^-} = 20 \text{ mS.m}^2/\text{mol}$$

ثابت التفكك الذاتي للماء في شروط التجربة: $pK_e = 14$

الكتلة المولية الجزيئية للنشادر: 17 g/mol

1. احسب التركيز المولي C_0 للمحلول (S_0).
2. اذكر البروتوكول التجريبي الذي يوافق التحضير المخبري لمحلول (S_1) حجمه 1 L وتركيزه المولي $C_1 = 0,1 \text{ mol/L}$ وذلك انطلاقا من المحلول (S_0).
3. تُمدّد المحلول (S_1) 10 مرّات فنحصل على محلول (S_2) ناقلتيته النوعية $\sigma = 10,9 \text{ mS.m}^{-1}$.
- 1.3- اكتب مُعادلة تفاعل النشادر مع الماء.
- 2.3- بين أن pH المحلول (S_2) يُعطى بالعلاقة: $pH = pK_e + \log[OH^-]$, ثم احسب قيمته.
- 3.3- اكتب تعبير نسبة التقدّم النهائي τ_f لتفاعل النشادر مع الماء بدلالة C_2 تركيز المحلول (S_2), σ , $\lambda_{NH_4^+}$ و λ_{OH^-} . احسب قيمته ثم سجّل تعليقا على ذلك.
- 4.3- بيّن أنّ ثابت الحموضة لثنائية النشادر يُكتب بالشكل: $Ka = \frac{(1-\tau_f)K_e}{C_2\tau_f^2}$ ثم احسب قيمة pKa .

الجزء الثاني: (7 نقاط) Ecole Erradja wa Tafaouk

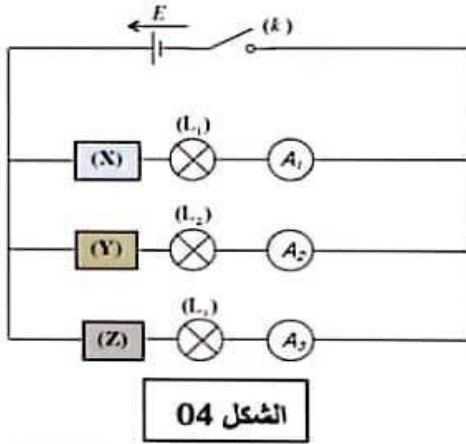
التمرين التجريبي: ÉCOLE PRIVÉE

في حصة للأعمال المخبرية، أراد الأستاذ التحقّق من مدى استيعاب تلاميذه لمختلف الظواهر الكهربائية التي تُوافق ناقل أومي، مُكثّفة ووشيجة. حيث وضع كلا من هذه العناصر الكهربائية في علبة ثم شكّل فوجين من التلاميذ ووفّر بين أيديهم جملة الوسائل التالية:

- بطارية قوّتها المحرّكة الكهربائية $E = 9 \text{ V}$
 - ثلاث أجهزة أمبير متر مقاومتها مهملة.
 - ثلاثة مصابيح متماثلة (L_1), (L_2) و (L_3) مقاومة كل مصباح R_0 .
 - قاطعة k و أسلاك توصيل.
 - ناقل أومي مقاومته $R' = 100 \Omega$.
 - ثلاث علب لعناصر كهربائية مجهولة تحمل الرموز X , Y و Z . أحدها ناقل أومي مقاومته R و الآخر مُكثّفة سعتها C و الثالث وشيجة ذاتيتها L و مقاومتها الدّاخلية r .
 - كوميوتر مربوط مع لاقط التيار لجهاز $ExAO$ من نوع $Foxy Jeulin$.
- يهدف هذا التمرين إلى التعرف على بعض العناصر الكهربائية اعتمادا على سلوكها وكذا كيفية تأثيرها على التيار الكهربائي في الدّارات التي تحتويها.

1. الفوج الأول: التعرف على العناصر الكهربائية المجهولة

أنجز التلاميذ التركيب التجريبي المبين بالشكل 04, وفي اللحظة $t = 0$ مبدأ للأزمة تم غلق القاطعة k . المشاهدات و النتائج دُونت في جدول الشكل 05 الموالي:



قراءة الأمبيرمتر (بال mA)			حالة المصباح		
$t \rightarrow +\infty$	$t = 0$	الزمن الأمبيرمتر	$t \rightarrow +\infty$	$t = 0$	الزمن المصباح
450	0	(A_1)	متوهج	منطفئ	(L_1)
150	150	(A_2)	متوهج	متوهج	(L_2)
0	900	(A_3)	منطفئ	متوهج	(L_3)

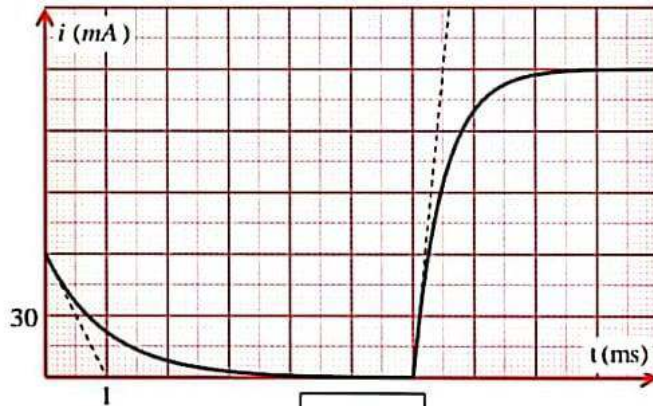
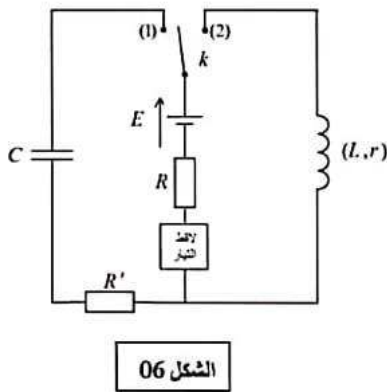
1.1- تعرّف على طبيعة كل عنصر من العناصر X , Y و Z .

2.1- بين أن المقاومة الكهربائية للمصباح الواحد هي $R_0 = 10 \Omega$.

3.1- جد قيمة كل من مقاومة الناقل الأومي R و المقاومة الداخلية للوشية r .

2. الفوج الثاني: تطوّر شدة التيار في دارة كهربائية

قام تلاميذ هذا الفوج بتركيب الدارة المُمثلة بالشكل 06 باستعمال نفس العناصر الكهربائية التي استعملها الفوج الأول و في لحظة $t = 0$ نعتبرها كمبدأ جديد لقياس الأزمة, تم وضع البادلة k في الوضع (1) و بعد مُدة زمنية كافية تمت أرجعتها إلى الوضع (2), فتحصلوا على بيان الشكل 07.



1.1- مثل الجهة الإصطلاحية للتيار الكهربائي و مختلف التوتّرات الكهربائية لكل من وضعي البادلة (1) و (2), و اذكر الظاهرة المُشاهدة في كل حالة.

2.2- اكتب المُعادلة التفاضلية التي تُحقّقها شدة التيار في كلّ حالة من وضعي البادلة.

3.2- حلّ المُعادلة التفاضلية من أجل الوضع (1) هو: $i(t) = I_0 e^{-\frac{t}{\tau_1}}$ ومن أجل الوضع (2) هو: $i(t) = I'_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})$. جد عبارة كلّ من الثوابت I_0 , I'_0 , τ_1 و τ_2 بدلالة مُميّزات الدارة.

4.2- اعتمادا على بيان الشكل 06 جد قيمة كل من الثوابت السابقة: I_0 , I'_0 , τ_1 و τ_2 .

5.2- استنتج قيمة كل من:

- مقاومة الناقل الأومي R .

- سعة المكثفة C .

- المقاومة الداخلية للوشية r .

- ذاتية الوشية L .

من 4 ص 8

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على (04) صفحات (من الصفحة 5 من 8 إلى الصفحة 8 من 8)

الجزء الأول: (13 نقطة)

التمرين الأول: (6 نقاط)

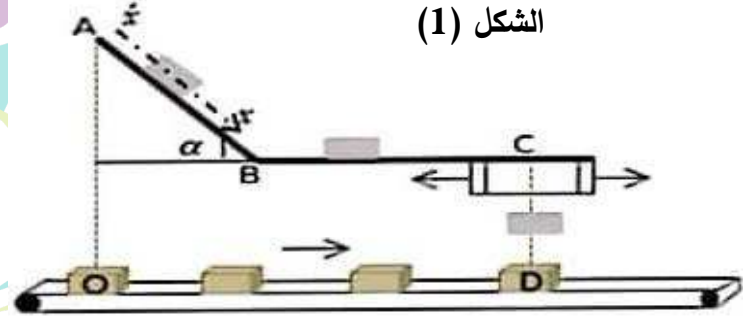
تُعتبر ألمانيا من أكبر الدول المُصدّرة للجبن في العالم بقيمة 4,6 مليار دولار سنوياً. في مصنع لصناعة الجبن وفي مرحلة التعليب طُلب من المهندس ضبط سرعة الشريط المُتحرك الحامل للغلب من أجل سقوط قطعة الجبن المُغلّفة داخل الغُلبَة مباشرة. يهدف هذا التمرين إلى دراسة حركة قطعة الجبن وضبط سرعة الشريط المُتحرك.



وضع المهندس رسماً تخطيطياً لعملية ملء الصناديق (الشكل 1) ودون جميع المعلومات التي تُساعده في الدراسة النظرية في جدول (الشكل 2).

<https://cdn-s-www.ledauphine.com/.jpg>

أجزاء المسار			الشكل (2)
CD	BC	AB	
1 m	7,69 m	1 m	المسافة
0,45 s	6,2 s	0,67 s	مدة الحركة
/	2 N	2 N	شدة الاحتكاك f
/	/	$\alpha = 20^\circ$	الميل عن الأفق
تسارع الثقالة: $g = 9,81 \text{ m/s}^2$			كتلة قطعة الجبن: $m = 5 \text{ kg}$



الشكل (1)

2. الحركة على المستوي المائل AB

تدفع الآلة قطعة الجبن من الموضع A بسرعة ابتدائية v_A .

1.1- مثل القوى المؤثرة على قطعة الجبن في مركز عطالتها G.

2.1- اعتماداً على القانون الثاني لنيوتن، أوجد العبارة الحرفية لتسارع مركز عطالة قطعة الجبن a ، ثم استنتج طبيعة حركتها.

3.1- أثبت أن عبارة سرعة قطعة الجبن عند مرورها بالموضع B تُعطى بالشكل: $v_B = \sqrt{5,92 + v_A^2}$

2. الحركة على المستوي الأفقي BC

1.2- باستخدام مبدأ انحفاظ الطاقة على جملة قطعة الجبن، أثبت أن عبارة مربع سرعة القطعة عند الموضع C تُعطى بالعبارة:

$$v_C^2 = \frac{29,6 - 2f \cdot BC}{5} + v_A^2$$

2.2- استنتج حينئذ قيمة السرعة الابتدائية v_A التي تُعطى الآلة لقطعة الجبن من أجل توقّفها بالضبط في الموضع C.

3. دراسة السقوط الشاقولي CD

عند توقّف قطعة الجبن في الموضع C وبعد $t = 2,68 \text{ s}$ تُفتح السكتين آلياً لتسقط القطعة شاقولياً بتسارع ثابت $9,81 \text{ m/s}^2$.

1.3- اعط تخميناً حول نوع هذا السقوط ثم برّر صحّة هذا التخمين استناداً على القانون الثاني لنيوتن.

2.3- حدد سرعة قطعة الجبن عند سقوطها في الموضع D.

4. حركة الغلبة على المستوي الأفقي OD

تنتقل الغلبة من الموضع O في نفس اللحظة مع قطعة الجبن (من الموضع A) حيث تُوضع فوق شريط بحركة مستقيمة منتظمة.

1.4- أحسب المسافة OD التي تقطعها الغلبة. وماهي المدة الزمنية اللازمة لتعليب قطعة جبن واحدة؟

2.4- ماهي السرعة التي يجب أن يضبط بها المهندس الشريط المُتحرك حتى تسقط قطعة الجبن بداخل الغلبة في الموضع D

التمرين الثاني: (7 نقاط)

غرض هذا التمرين تشغيل مغناطيس كهربائي في جهاز روبوت آلي باستعمال بطارية نووية. نقوم بتوصيل دائرة تحتوي على وشيعة مقاومتها $r = 4 \Omega$ و ذاتيتها L و ناقل أومي مقاومته $R = 20 \Omega$ و بطارية نووية توترها E يتم فيها تحويل الطاقة الحرارية الناتجة بالتفكك النووي إلى تيار كهربائي باستعمال خاصية الفعل الكهروحراري.

1. تحتوي البطارية على نظير السيزيوم $^{134}_{55}\text{Cs}$ المُشع وفق النمط β^- المُرفق بالنمط γ .

1.1- عرّف ماييلي: نظير - مُشع - النمط β^- .

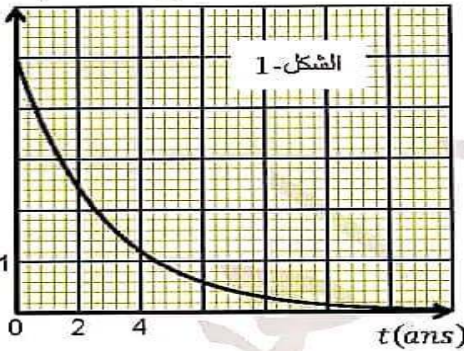
2.1- وضح سبب وكيفية إصدار الإشعاع γ .

3.1- اعتمادا على قوانين الانحفاظ، اكتب معادلة النشاط الإشعاعي للسيزيوم مُستعينا بمُستخرج الجدول الدّوري للعناصر التالي:

العنصر	La	Ba	Cs	Xe
Z	57	56	55	54

2. من إحدى الموسوعات العلمية الخاصة بالبحث العلمي في الفيزياء النووية تمّ استخراج المنحنى $A = f(t)$ للشكل 1

$A(\times 10^{10} Bq)$



والذي يُعبّر عن تطوّر النشاط الإشعاعي A لمُنبع مُشع من السيزيوم 134

مُماثل للمُنبع السابق كُتلته m_0 الموجودة في البطارية.

1.2- استنتج من مُنحنى الشكل 1 قيمة النشاط الإشعاعي A_0 عند اللحظة $t = 0$.

2.2- ما هي قيمة النشاط الإشعاعي في اللحظة $t = \tau$ الموافقة لِثابت الزمن؟ استنتج قيمة τ .

3.2- عرّف بزمن نصف العمر لعينة مُشعة ثم بيّن أنه يُعطى بالعلاقة:

$$t_{1/2} = \tau \cdot \ln 2$$

4.2- احسب الكُتلة m_0 .

3. تمّت دراسة الدّارة قبل تركيبها في الروبوت حسب الشكل 2 مع توصيل بعض عناصرها براسم الاهتزاز المهبلي.

1.3- ما هي التّوترات المُشاهدة على مستوى كل مدخل من مدخلي راسم الاهتزاز المهبلي

في هذه الدّارة؟ أيّ منهما يسمح بِمُتابعة تطوّر شدّة التيار خلال الزّمن؟ برّر.

2.3- اكتب المعادلة التفاضلية الموافقة لتطوّر شدّة التيار $i(t)$ في هذه الدّارة.

3.3- تقبل المعادلة التفاضلية السابقة العبارة: $i(t) = A + Be^{-at}$ حلّها.

جد عبارة كل من الثوابت A , B و α بدلالة مُميّزات الدّارة المدروسة.

4.3- نتائج المُحاكاة الرّقمية للتجربة سمحت بالحصول على مُنحنى تغيّرات

المقدار $\frac{di}{dt}$ بدلالة i في الشكل 3.

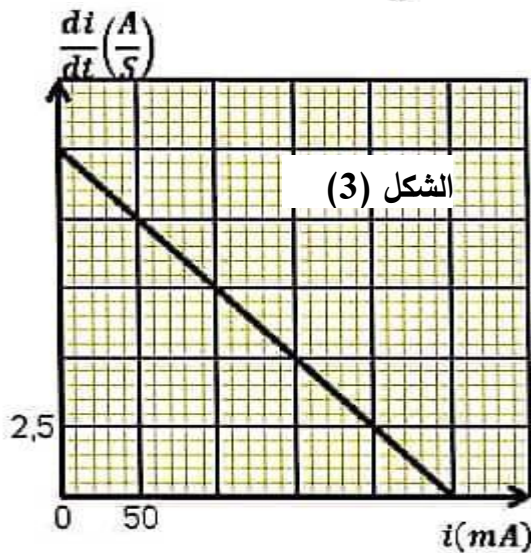
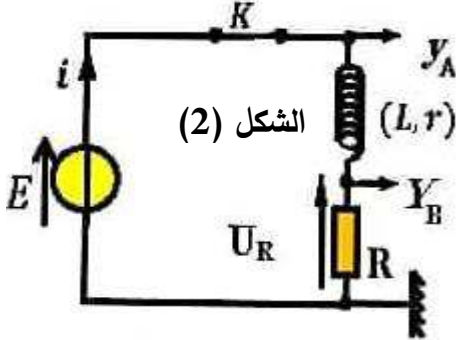
1.4.3- اكتب العبارة البيانية الموافقة لهذا المنحنى.

2.4.3- استنتج من البيان مُميّزات الدّارة: τ' ثابت زمن الدّارة - L - E .

3.4.3- اكتب عبارة شدّة التيار الأعظمي واحسب قيمته.

4.4.3- إن تزويد وشيعة بنواة حديدية يرفع من قيمة ذاتيتها. مثل في هذه

الحالة بشكل كيفي منحنى $\frac{di}{dt}$ بدلالة i الجديد في نفس المُعلم السابق للشكل 3.



الجزء الثاني: (7 نقاط)

التمرين التجريبي:

يهدف هذا التمرين إلى التعرف على حمض كربوكسيلي في المخبر و على بعض سلوكاته عند انحلاله في الماء و كذا عند تصنيعه للأسترات.

المعطيات :

- ← تؤخذ كل المحاليل عند الدرجة 25°C .
- ← الكتل المولية الذرية : $\text{O} : 16 \text{ g/mol}$ $\text{H} : 1 \text{ g/mol}$ $\text{C} : 12 \text{ g/mol}$
- ← كثافة الكحول المستعمل : $d = 0,79$
- ← الكتلة الحجمية للماء : $\rho_e = 1 \text{ g.cm}^{-3}$
- ← الجداء الشاردي للماء : $pK_e = 14$

أولاً: دراسة انحلال حمض كربوكسيلي في الماء

نحضر محلولاً مائياً S_0 من حمض كربوكسيلي $C_nH_{2n+1}COOH$ تركيزه المولي C_0 و ذلك بانحلال كتلة $m = 0,134 \text{ g}$ من المادة النقية لهذا الحمض في 800 mL من الماء المقطر .

(1) اكتب معادلة انحلال هذا الحمض في الماء.

(2) اكتب عبارة النسبة النهائية τ_f لتقدم التفاعل بدلالة pH المحلول و C_0 .

(3) بين أن pH المحلول S_0 يعطى بالعبارة التالية : $pH = pK_a + \log\left(\frac{\tau_f}{1-\tau_f}\right)$

حيث K_a هو ثابت الحموضة للثنائية $C_nH_{2n+1}COOH/C_nH_{2n+1}COO^-$.

(4) لغرض تحديد التركيز المولي C_0 لهذا الحمض و التعرف على صيغته , نحضر مجموعة من المحاليل ممددة و مختلفة التراكيز المولية انطلاقاً من المحلول S_0 . قياس pH لكل محلول سمح برسم البيان:

$pH = f\left(\log\left(\frac{\tau_f}{1-\tau_f}\right)\right)$ بالوثيقة 01.

(1.4) استنتج قيمة K_a .

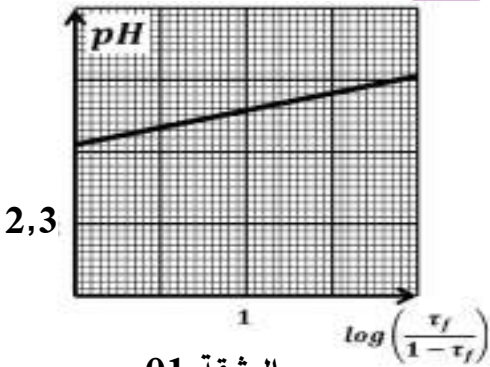
(2.4) حدد النوع الكيميائي الغالب في محلول للحمض $C_nH_{2n+1}COOH$ من أجل

$\tau_f = 0,7$.

(3.4) أعطى قياس لأحد المحاليل الممددة ب 160 مرة القيمة $pH = 4,8$.

احسب التركيز المولي C_0 للمحلول S_0 .

(4.4) بين أن $n = 1$ ثم استنتج الاسم النظامي للحمض الكربوكسيلي المدروس.



الوثيقة 01

ثانياً: دراسة تحول أسترة

لدراسة تفاعل أسترة, ننجز في بيشر مزيجاً حجمه الكلي $V = 100 \text{ mL}$, يتكون من $0,5 \text{ mol}$ من الحمض السابق و $0,5 \text{ mol}$ من كحول بوتان -2- أول و بعض قطرات من حمض الكبريت المركز.

بعد تحريك المزيج, نوزعه بالتساوي على 10 أنابيب اختبار مرقمة من 1 إلى 10 و نسدها بإحكام ثم نضعها عند اللحظة

$t = 0$ في حمام مائي درجة حرارته ثابتة 60°C .

(1) تفاعل الأسترة :

(1.1) باستعمال الصيغ نصف المفصلة, اكتب معادلة تفاعل الأسترة الحادث في أنبوب اختبار, و اعط اسم الأستر المتشكل.

(2.1) احسب حجم الكحول و كتلة الحمض اللذين تم مزجهما في البيشر.

(3.1) أنشئ جدول تقدم التفاعل الذي يحدث في كل أنبوب اختبار.

(4.1) عبر عن كمية مادة الأستر المتشكل $n_t(E)$ عند اللحظة t بدلالة كمية مادة الحمض المتبقي $n_t(ac)$.

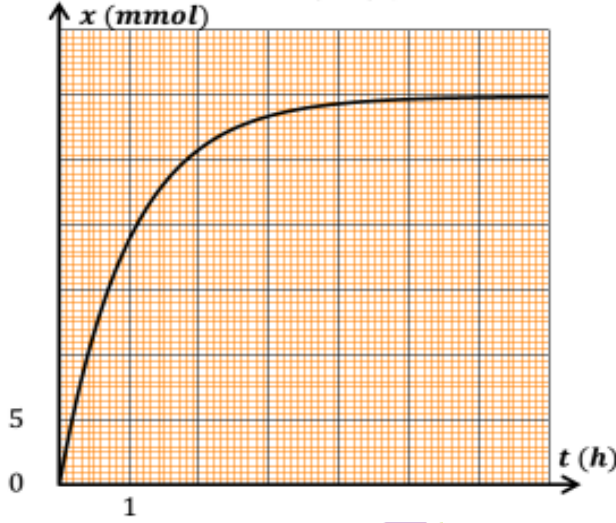
(2) معايرة الحمض المتبقي :

لمعايرة الحمض المتبقي, عند اللحظة t , في أنبوب الاختبار رقم 1, نفرغ محتواه في دورق عياري , ثم نخففه بالماء المقطر البارد للحصول على خليط حجمه 100 mL .

نأخذ من الخليط 10 mL و نصبها في بيشر, ونعايرها بواسطة محلول هيدروكسيد الصوديوم تركيزه $C_B = 1 \text{ mol.L}^{-1}$ (لا نأخذ بعين الاعتبار أثناء المعايرة شوارد H_3O^+ الواردة من حمض الكبريت المركز).

(1.2) اكتب معادلة تفاعل المعايرة ثم احسب ثابت التوازن K الموافق له عند 25°C .

(2.2) حجم محلول هيدروكسيد الصوديوم اللازم للحصول على التكافؤ هو $V_{BE} = 4 \text{ mL}$. استنتج كمية مادة الأستر المتشكل في أنبوب الاختبار رقم 1.



(3) متابعة تطور الجملة الكيميائية :

مكنت معايرة المحاليل الموجودة في أنابيب الاختبار السابقة , من رسم المنحنى $x = f(t)$ حيث x هو تقدم تفاعل الأسترة عند لحظة t في أنبوب اختبار بالوثيقة 02.

(1.3) احسب سرعة التفاعل عند اللحظتين $t_1 = 1 \text{ h}$ و $t_2 = 3 \text{ h}$. حدد العامل الحركي الذي يتحكم في تطور هذه السرعة .

(2.3) احسب ثابت التوازن K' لتفاعل الأسترة .

(3.3) احسب كمية مادة الحمض التي يجب إضافتها في أنبوب الاختبار في نفس الظروف التجريبية السابقة ليصبح مردود تفاعل الأسترة عند نهاية التفاعل هو $r = 90 \%$.

الوثيقة 02

مدرسة "الرجاء والتفوق" الخاصة

Ecole Erradja wa Tafaouk
ÉCOLE PRIVÉE

انتهى الموضوع الثاني



مدرسة "الرجاء والتفوق" الخاصة

Ecole Erradja wa Tafaouk
ÉCOLE PRIVÉE

0-0-0-1

$$x' = \frac{4-0}{2-1.2} = 5$$

$$p' = a - x' \cdot F = 4 - 5 \cdot 2 = -6$$

$$a = 5 \cdot F - 6$$

$$\cos \beta = \alpha' \Rightarrow m = \frac{\cos \beta}{\alpha'} = \frac{\cos 60}{5}$$

$$m = 0.1 \text{ Kg}$$

$$-(g \cdot \sin \alpha + \frac{f}{m}) = p' \Rightarrow g \cdot \sin \alpha + \frac{f}{m} = -p'$$

$$f = m \cdot (g \cdot \sin \alpha - p') = -(g \cdot \sin \alpha + p') \cdot m$$

$$f = -0.1 \cdot (10 \cdot \sin 30 - 6) \Rightarrow f = 0.1 \text{ N}$$

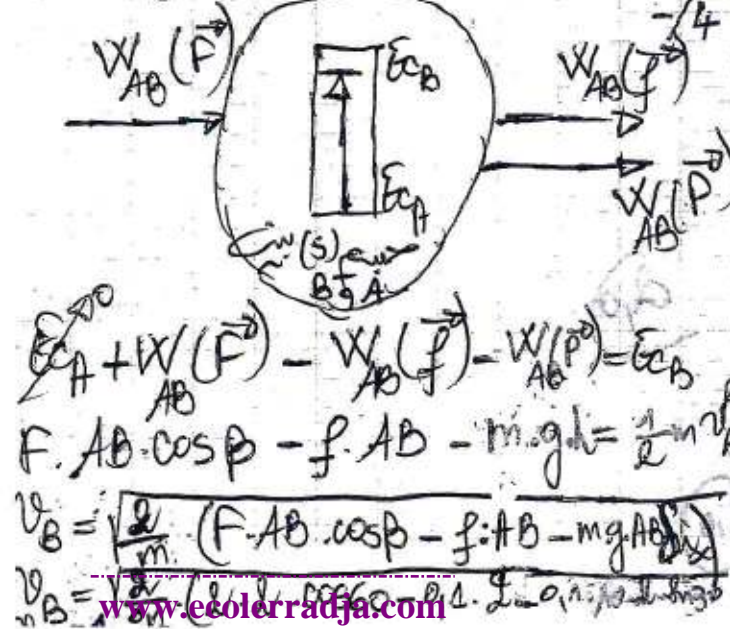
$$F' = m \cdot a - a = 0 \Rightarrow \text{سرعة ثابتة}$$

$$a = 4 \text{ m/s}^2 \quad F = 2 \text{ N}$$

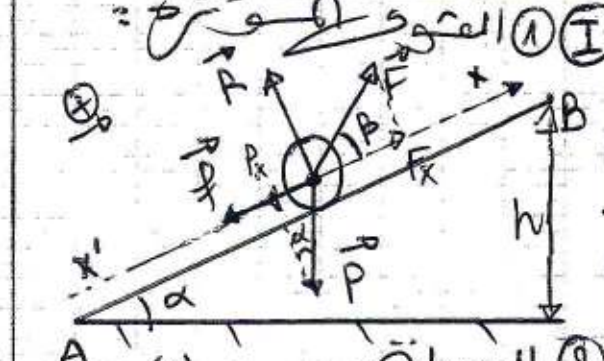
$$AB = \frac{a \cdot t^2}{2} \Rightarrow t_A = \sqrt{\frac{2AB}{a}}$$

$$t_B = \sqrt{\frac{2 \times 4}{4}} = 1 \text{ s}$$

$$v_B = a \cdot t_B = 4 \times 1 = 4 \text{ m/s}$$



التحرية 1-1



2- السجدة: جسم (S)
 3- سطح: سطح (S)
 4- قانون نيوتن الثاني:

$$\sum \vec{F}_{ur} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{R} + \vec{f} + \vec{F} + \vec{P} = m \cdot \vec{a}$$

$$R_x + f_x + F_x + P_x = m \cdot a_x$$

$$(-f + F \cdot \cos \beta - P \cdot \sin \alpha = m \cdot a) : m$$

$$a = -\frac{f}{m} + \frac{F \cdot \cos \beta}{m} - \frac{m \cdot g \cdot \sin \alpha}{m}$$

$$a = \frac{\cos \beta}{m} \cdot F - (g \cdot \sin \alpha + \frac{f}{m})$$

$$a = \frac{dv}{dt} \Rightarrow v(t) = \int a(t) dt$$

$$v(t) = \int a = a \cdot t + v_0 = a \cdot t$$

$$v = \frac{dx}{dt} \Rightarrow x(t) = \int v(t) dt = \int a \cdot t dt = \frac{a \cdot t^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{a \cdot t^2}{2} = \frac{1}{2} \left[\frac{\cos \beta}{m} \cdot F - (g \cdot \sin \alpha + \frac{f}{m}) \right] \cdot t^2$$

4- السجدة: جسم (S)
 5- سطح: سطح (S)
 6- قانون نيوتن الثاني:

$$a = \alpha' \cdot f + p'$$

$$\sin \alpha = \frac{P_x}{P}$$

$$\cos \beta = \frac{F_x}{F}$$

$$\sin \alpha = \frac{h}{AB}$$

المسألة ١

(I)

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{f} = m \cdot \vec{a} \quad (Oz)$$

$$P_z + f_z = m \cdot a_z$$

$$+P - f = m \cdot a$$

$$mg - k \cdot v = m \cdot \frac{dv}{dt}$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} \cdot v = g \rightarrow \begin{cases} A = \frac{k}{m} \\ B = g \end{cases}$$

$$v = e^{At} \left(\int \frac{B}{A} e^{-At} dt + C \right)$$

$$v_{\text{lim}} = 10 \text{ m/s} \quad a_{\text{lim}} = 0$$

$$v_0 = 0 \text{ m/s} \quad t = 0 \quad a_0 = 10 \text{ m/s}^2$$

$$a = -\left(\frac{k}{m}\right) \cdot v + g \rightarrow \frac{dv}{dt} = -\frac{1}{\tau} \cdot v + g$$

$$\frac{v_{\text{lim}}}{\tau} = g = a_0 \rightarrow \tau = \frac{v_{\text{lim}}}{a_0} = \frac{10}{10}$$

$$\tau = 1 \text{ s}$$

$$\tau = 1 \text{ s}$$

المعادلة التفاضلية:

$$\left[\frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} \right] = [g] \quad (\tau = 1 \text{ s})$$

$$\left[\frac{dv}{dt} \right] = \left[\frac{v}{\tau} \right] \rightarrow \left[\frac{dv}{dt} \right] = \left[\frac{v}{\tau} \right]$$

$$[\tau] = [T] = \text{s}$$

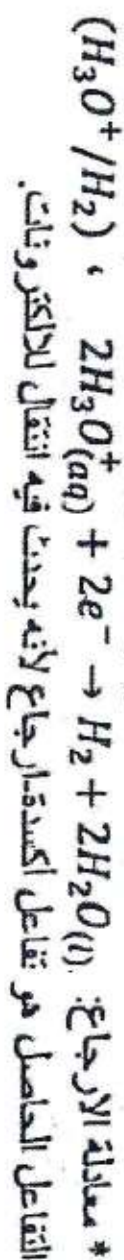
$$\tau = \frac{m}{k} \rightarrow m = \tau \cdot k = 1 \cdot 0.1 = 0.1 \text{ kg}$$

$$(m = 0.1 \text{ kg})$$



التعريف الثاني: (07 نقاط)

1.1. إثبات أن التفاعل الحاصل هو تفاعل أكسدة-إرجاع:



2. إنشاء جدول تقدم التفاعل المحروس:

معادلة التفاعل		$Fe(s) + 2H_3O^+_{(aq)} = Fe^{2+}_{(aq)} + H_2 + 2H_2O(l)$					
الحالة	التقدم	كمية المادة بالمول					
ابتدائية	0	n_0	CV	0	0	بوفرة	
انتقالية	x	$n_0 - x$	$CV - 2x$	x	x	بوفرة	
نهائية	x_{max}	$n_0 - x_{max}$	$CV - 2x_{max}$	x_{max}	x_{max}	بوفرة	

3. إرفاق كل منحنى بالتركيز المرافق له:

* بما أن تركيز المتفاعلات يتناقص بمرور الزمن فإن البيان (a) يمثل: $[H_3O^+] = g(t)$.
* بما أن تركيز النواتج يزداد بمرور الزمن فإن البيان (b) يمثل: $[Fe^{2+}] = f(t)$.

4. إيجاد قيمة التقدم الأعظمي x_{max} :

لدينا من البيان (b): $[Fe^{2+}]_f = 0,1 mol. L^{-1}$

من جدول التقدم نجد:

$$n(Fe^{2+})_f = x_{max} = [Fe^{2+}]_f. V = (0,1)(0,2) = 0,02 mol$$

0,5	0,5	<p>5. إيجاد قيمة زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$:</p> $[Fe^{2+}]_{t_{1/2}} = \frac{[Fe^{2+}]_f}{2} = \frac{0,1}{2} = 0,05 mol.L^{-1}$ <p>نلاحظ على البيان (b) نجد: $t_{1/2} = 9 min$</p>
0,75	0,5	<p>6. حساب السرعة الحجمية لتشكل شوارد الحديد الثاني عند اللحظة $t = 0$:</p> $v_{vol} = \frac{1}{V} \frac{dn(Fe^{2+})}{dt} = \frac{1}{V} \cdot \frac{d[Fe^{2+}] \cdot V}{dt} = \frac{d[Fe^{2+}]}{dt}$ <p>وبالتالي:</p> $v_{vol} = \frac{0,075 - 0}{10 - 0} = 7,5 \times 10^{-3} mol.L^{-1}.min^{-1}$ <p>استنتاج سرعة التفاعل عند نفس اللحظة:</p> $v_{vol} = \frac{1}{V} \frac{dn(Fe^{2+})}{dt} = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} = \frac{v}{V}$ <p>وبالتالي:</p> $v = V \cdot v_{vol} = (0,2)(7,5 \times 10^{-3}) = 1,5 \times 10^{-3} mol.min^{-1}$
0,5	0,25	<p>7. تحديد المتفاعل المحد:</p> <p>بما أن $[H_3O^+]_f \neq 0$ والتفاعل تام فإن المتفاعل المحد هو Fe.</p> <p>* استنتاج كتلة الحديد m_0 في الخام:</p> <p>لدينا من جدول التقدم: $x_{max} = 0,02 mol$</p> <p>ومنه: $n_0 - x_{max} = 0 \Rightarrow n_0 = x_{max} = 0,02 mol$</p> <p>$n_0 = \frac{m_0}{M} \Rightarrow m_0 = n_0 \cdot M = (0,02)(56) = 1,12 g$</p>
0,25	0,25	<p>8. استنتاج نسبة الحديد في الخام المدروس:</p> $\frac{m_0}{m} \times 100 = \frac{1,12}{1,9} \times 100 = 58,95\%$ <p>وبالتالي الخام المدروس هو خام غني.</p>

1. لدينا محلول تجاري (S_0) للنتشدر (NH_3) نسبة نفوذه 28% وكثافته $d = 0,91$ يتميز النتشدر بالتحفبة

NH_4^+/NH_3 حساب التركيز المولي للمحلول (S_0).

$$C_0 = \frac{10pd}{M}$$

$$M = 17g/mol$$

$$C_0 = \frac{10pd}{M} = \frac{10 \times 28 \times 0,91}{17} = 14,98 mol/L$$

(1) البروتوكول التجريبي لتحضير محلول (S_1) حجمه 1L وتركيزه المولي $C_1 = 0,1 mol/L$ ، وذلك انطلاقا من

(S_0)

الحجم اللازم أخذه من S_0 .

$$V_0 = \frac{C_1 V_1}{C_0} \text{ ومنه } C_0 V_0 = C_1 V_1$$

$$V_0 = \frac{0,1 \times 1000}{14,98} = 6,57 mL$$

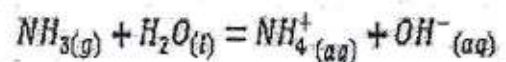
بواسطة ماصة عيارية نأخذ حجما $V_0 = 6,57 mL$ من المحلول S_0 ونضعه في حوضلة من عيار 1L فيها كمية قليلة من

الماء المقطر نرج المحلول جيدا ثم نكمل بالماء المقطر حتى الخط العياري.

نمدد المحلول (S_1) 10 مرات ونحصل على محلول (S_2) ناقليته النوعية $\sigma = 10,9 mS/m$

(2) نمدد المحلول (S_1) 10 مرات ونحصل على محلول (S_2) ناقليته النوعية $\sigma = 10,9 mS/m$

(أ) كتابة معادلة تفاعل النتشدر مع الماء.



(ب) نبين أن pH المحلول يُعطى بالعلاقة $pH = pK_e + \text{Log}[OH^-]$ ، ثم حساب قيمة pH المحلول (S_2).

$$K_e = \frac{[OH^-]_f [H_3O^+]_f}{[H_2O(l)]} : \text{لدينا الشاتية } H_2O(l) / OH^-$$

$$\text{Log } K_e = \text{Log}[OH^-]_f + \text{Log}[H_3O^+]_f \text{ ومنه } \text{Log } K_e = \text{Log} \frac{[OH^-]_f [H_3O^+]_f}{1}$$

$$-\text{Log}[H_3O^+]_f = -\text{Log } K_e + \text{Log}[OH^-]_f$$

$$pH = pK_e + \text{Log}[OH^-]$$

(ج) حساب نسبة التقدم النهائي لتفاعل النتشدر مع الماء.

$$\tau_f = \frac{[OH^-]_f}{C_2}$$

$$C_2 = \frac{C_1}{10} = 0,01 mol/L$$

$$\sigma = \lambda_{OH^-} [OH^-]_f + \lambda_{NH_4^+} [NH_4^+]_f$$

$$[OH^-]_f = [NH_4^+]_f = \frac{\sigma}{\lambda_{OH^-} + \lambda_{NH_4^+}} = \frac{10,9}{27,35} = 0,4 mol/m^3$$

$$\tau_f = \frac{0,4 \times 10^{-2}}{10^{-2}} = 0,04$$

(د) نبتن أن ثابت الحموضة للتأينة (NH_4^+/NH_3) يكتب بالشكل $K_{a_1} = \frac{(1-\tau)K_e}{C\tau^2}$ ، ثم احسب pK_{a_1} .

	$NH_3(g) + H_2O(l) = NH_4^+(aq) + OH^-(aq)$			
$t = 0$	CV	بوفرة	0	0
t	$CV - x$	بوفرة	x	x
t_f	$CV - x_f$	بوفرة	x_f	x_f

$$K_{a_1} = \frac{[H_3O^+]_f [NH_3]_f}{[NH_4^+]_f} \text{ ولدينا } \tau = \frac{[OH^-]_f}{C}$$

$$[NH_3]_f = C - [OH^-]_f$$

$$K_{a_1} = \frac{[H_3O^+]_f (C - [OH^-]_f)}{[OH^-]_f} = \frac{[H_3O^+]_f (C - [OH^-]_f) [OH^-]_f}{[OH^-]_f [OH^-]_f}$$

$$[OH^-]_f = \tau C$$

$$K_{a_1} = \frac{[H_3O^+]_f (C - [OH^-]_f) [OH^-]_f}{[OH^-]_f [OH^-]_f} = \frac{K_e (C - [OH^-]_f)}{[OH^-]_f [OH^-]_f} = \frac{K_e (C - \tau C)}{\tau^2 C^2}$$

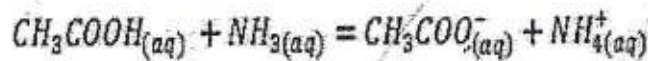
$$K_{a_1} = \frac{(1-\tau)K_e}{C\tau^2} \text{ ومنه } K_{a_1} = \frac{(1-0,04) \times 10^{-14}}{0,01 \times (0,04)^2} = 6 \times 10^{-10}$$

$$pK_{a_1} = -\log 6 \times 10^{-10} = 9,2$$

١١. دراسة تفاعل التبادل مع حمض الازيتويك

نمزج حجما V_1 من المحلول (S_1) مع حجم $V_2 = \frac{V_1}{2}$ من محلول مائي لحمض الازيتويك CH_3COOH المحلولين لهما نفس التركيز C .

(1) المعادلة الكيميائية المتوقعة للتحويل الحاصل.



(2) جدولا لتتبع التفاعل.

	$CH_3COOH_{(aq)} + NH_3(aq) = CH_3COO^-_{(aq)} + NH_4^+_{(aq)}$			
$t = 0$	CV_2	CV_1	0	0
t	$CV_2 - x$	$CV_1 - x$	x	x
t_f	$CV_2 - x_f$	$CV_1 - x_f$	x_f	x_f

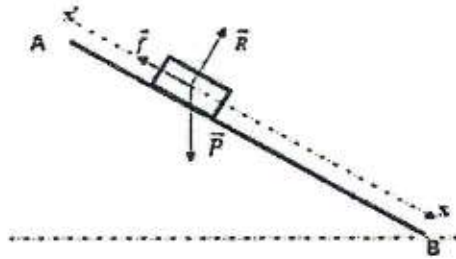
0,75	0,75	<p>الجزء الثاني:</p> <p>التربين التجريبي:</p> <p>1. الفوج الأول: التعرف على العناصر الكهربائية المجهولة:</p> <p>1. التعرف على طبيعة كل عنصر من العناصر Z, Y, X.</p> <p>* X: وشيعة ، Y: ناقل أومي ، Z: مكثفة.</p>
0,5	0,5	<p>2. قتين أن المقاومة الكهربائية للصباح الواحد $R_0 = 10\Omega$.</p> <p>لدينا: بالنسبة للصباح (L_3) في اللحظة $t = 0$: $u_c(0) = 0$</p> <p>ومنه: $u_{R_0} = E = R_0 I_0 \Rightarrow R_0 = \frac{E}{I_0} = \frac{9}{0,9} = 10\Omega$</p>
0,5	0,25	<p>3. إيجاد قيمة كل من مقاومة الناقل الأومي R والمقاومة الداخلية للوشيعة r.</p> <p>لدينا: بالنسبة للصباح (L_2) في اللحظة $t = 0$:</p> $u_{R_{eq}} = E = (R_0 + R) I_0 \Rightarrow R = \frac{E}{I_0} - R_0 = \frac{9}{0,15} - 10 = 50\Omega$ <p>لدينا: بالنسبة للصباح (L_1) في اللحظة $t = +\infty$:</p> $E = (R_0 + r) I_0 \Rightarrow r = \frac{E}{I_0} - R_0 = \frac{9}{0,45} - 10 = 10\Omega$

II. الفوج الثاني : تطور شدة التيار في دارة كهربائية.

	0,7 5	II. الفوج الثاني : تطور شدة التيار في دائرة كهربائية.				
0,7 5		1. تمثيل جهة التيار الكهربائي ومختلف التوترات لكل من وضعي البادلة، مع ذكر الظاهرة المشاهدة في كل حالة: * البادلة في الوضع (1): ثمنن مكثفة. * البادلة في الوضع (2): تأسيس التيار.				
	0, 5	2. كتابة معادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار في كل حالة:				
1	0, 5	<table border="1"> <tr> <th>البادلة في الوضع (1)</th> <th>البادلة في الوضع (2)</th> </tr> <tr> <td> $u_c + u_{R_{\epsilon q}} = E$ $\frac{q}{C} + R_{\epsilon q} i(t) = E$ بالاشتقاق نجد: $\frac{1}{C} \frac{d}{dt} + R_{\epsilon q} \frac{di}{dt} = 0$ ومنه: $\frac{1}{R_{\epsilon q} \cdot C} i(t) + \frac{di}{dt} = 0$ </td> <td> $u_b + u_R = E$ $L \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E$ بالقسمة على L نجد: $\frac{di}{dt} + \frac{(r+R)}{L} i(t) = \frac{E}{L}$ </td> </tr> </table>	البادلة في الوضع (1)	البادلة في الوضع (2)	$u_c + u_{R_{\epsilon q}} = E$ $\frac{q}{C} + R_{\epsilon q} i(t) = E$ بالاشتقاق نجد: $\frac{1}{C} \frac{d}{dt} + R_{\epsilon q} \frac{di}{dt} = 0$ ومنه: $\frac{1}{R_{\epsilon q} \cdot C} i(t) + \frac{di}{dt} = 0$	$u_b + u_R = E$ $L \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E$ بالقسمة على L نجد: $\frac{di}{dt} + \frac{(r+R)}{L} i(t) = \frac{E}{L}$
البادلة في الوضع (1)	البادلة في الوضع (2)					
$u_c + u_{R_{\epsilon q}} = E$ $\frac{q}{C} + R_{\epsilon q} i(t) = E$ بالاشتقاق نجد: $\frac{1}{C} \frac{d}{dt} + R_{\epsilon q} \frac{di}{dt} = 0$ ومنه: $\frac{1}{R_{\epsilon q} \cdot C} i(t) + \frac{di}{dt} = 0$	$u_b + u_R = E$ $L \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E$ بالقسمة على L نجد: $\frac{di}{dt} + \frac{(r+R)}{L} i(t) = \frac{E}{L}$					
		3. إيجاد كل من: $\tau_2, \tau_1, I'_0, I_0$ بدلالة ثوابت الدارة:				
1	0, 5	<table border="1"> <tr> <th>البادلة في الوضع (1)</th> <th>البادلة في الوضع (2)</th> </tr> <tr> <td> * لدينا: $i(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}}$ ومنه: $\frac{di}{dt} = -\frac{1}{\tau_1} I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} = -\frac{1}{\tau_1} i(t)$ وبالتالي: $\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_1} i(t) = 0$ بالمطابقة نجد: $\tau_1 = (R' + R) \cdot C$ * لدينا في اللحظة $t = 0$: $u_{R_{\epsilon q}}(0) = E$ ومنه: $R_{\epsilon q} \cdot I_0 = E$ وبالتالي: $I_0 = \frac{E}{(R' + R)}$ </td> <td> * لدينا: $i(t) = I'_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})$ ومنه: $\frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau_2} I'_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{1}{\tau_2} (I'_0 - i(t))$ وبالتالي: $\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_2} i(t) = \frac{I'_0}{\tau_2}$ بالمطابقة نجد: $\tau_2 = \frac{L}{R+r}$ و: $\frac{I'_0}{\tau_2} = \frac{E}{L} \Rightarrow I'_0 = \frac{E}{(r+R)}$ </td> </tr> </table>	البادلة في الوضع (1)	البادلة في الوضع (2)	* لدينا: $i(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}}$ ومنه: $\frac{di}{dt} = -\frac{1}{\tau_1} I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} = -\frac{1}{\tau_1} i(t)$ وبالتالي: $\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_1} i(t) = 0$ بالمطابقة نجد: $\tau_1 = (R' + R) \cdot C$ * لدينا في اللحظة $t = 0$: $u_{R_{\epsilon q}}(0) = E$ ومنه: $R_{\epsilon q} \cdot I_0 = E$ وبالتالي: $I_0 = \frac{E}{(R' + R)}$	* لدينا: $i(t) = I'_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})$ ومنه: $\frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau_2} I'_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{1}{\tau_2} (I'_0 - i(t))$ وبالتالي: $\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_2} i(t) = \frac{I'_0}{\tau_2}$ بالمطابقة نجد: $\tau_2 = \frac{L}{R+r}$ و: $\frac{I'_0}{\tau_2} = \frac{E}{L} \Rightarrow I'_0 = \frac{E}{(r+R)}$
البادلة في الوضع (1)	البادلة في الوضع (2)					
* لدينا: $i(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}}$ ومنه: $\frac{di}{dt} = -\frac{1}{\tau_1} I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} = -\frac{1}{\tau_1} i(t)$ وبالتالي: $\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_1} i(t) = 0$ بالمطابقة نجد: $\tau_1 = (R' + R) \cdot C$ * لدينا في اللحظة $t = 0$: $u_{R_{\epsilon q}}(0) = E$ ومنه: $R_{\epsilon q} \cdot I_0 = E$ وبالتالي: $I_0 = \frac{E}{(R' + R)}$	* لدينا: $i(t) = I'_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})$ ومنه: $\frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau_2} I'_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{1}{\tau_2} (I'_0 - i(t))$ وبالتالي: $\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_2} i(t) = \frac{I'_0}{\tau_2}$ بالمطابقة نجد: $\tau_2 = \frac{L}{R+r}$ و: $\frac{I'_0}{\tau_2} = \frac{E}{L} \Rightarrow I'_0 = \frac{E}{(r+R)}$					
1	1	4. إيجاد قيم كل من: $\tau_2, \tau_1, I'_0, I_0$ من البيان نجد: $\tau_2 = 0,5ms, I'_0 = 150mA, \tau_1 = 1ms, I_0 = 60mA$				
1	1	5. استنتاج قيمة: * مقاومة الناقل الأومي $R' = \frac{E}{I_0} - R = \frac{9}{0,06} - 50 = 100\Omega$ * سعة المكثفة $C = \frac{\tau_1}{(R' + R)} = \frac{1 \times 10^{-3}}{(150)} = 6,67\mu F$ * المقاومة الداخلية للوشية $r = \frac{E}{I'_0} - R = \frac{9}{0,1} - 50 = 10\Omega$ * ذاتية الوشية $L = \tau_2 (R + r) = (0,5 \times 10^{-3})(60) = 30mH$				
0.5	0,25	6. حساب الطاقة الأعظمية المخزنة في كل من المكثفة والوشية: * الطاقة المخزنة في المكثفة: $Ec_{max} = \frac{1}{2} C \cdot E^2 = \frac{1}{2} (6,67 \times 10^{-6})(9)^2 = 2,7 \times 10^{-4} J$ * الطاقة المخزنة في الوشية: $EL_{max} = \frac{1}{2} L I_0^2 = 3,38 \times 10^{-4} J$				

الجزء الأول:
التمرين الأول: (06 نقاط)

الجزء الأول (المستوي المائل AB)
(1) تمثيل القوى



0,75

0,25

(2) إيجاد العبارة الحرفية لتسارع مركز عطالة قطعة

الجين و استنتاج طبيعة الحركة:

- الجملة المدروسة : قطعة الجين.
- المرجع : سطحي أرضي ونعتبره عطالي لأن مدرة صغيرة مقارنة مع مدة دوران الأرض حول نفسها.

0,5

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}_G$

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m\vec{a}_G$$

2,5

بالإسقاط على محور $x'x$ نجد : $-f + P_x = ma_G \Rightarrow -f + mg \sin \alpha = ma_G$

$$a_G = -\frac{f}{m} + g \sin \alpha = 2.96 \text{ m/s}^2 \text{ = ثابت}$$

• طبيعة الحركة :

0,5

حركة مستقيمة متسارعة بانتظام لأن a_G ثابت و $a_G \times v > 0$
(3) إثبات أن عبارة سرعة قطعة الجين عند مرورها بالفوضع B تعطى بالشكل

$$v_B = \sqrt{5.92 + v_A^2}$$

• حركة مستقيمة متغيرة بانتظام و منه :

$$v_B^2 - v_A^2 = 2a_G AB \Rightarrow v_B^2 = 2a_G AB + v_A^2$$

0,5

$$v_B = \sqrt{2a_G AB + v_A^2}$$

$$v_B = \sqrt{2 \times 2.96 + v_A^2} \Rightarrow v_B = \sqrt{5.92 + v_A^2}$$

الجزء الثاني : (المستوي الأفقي BC)

(1) إثبات أن $v_C^2 = \frac{22.6 - 2f \cdot BC}{5} + v_A^2$ بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة :

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على جملة نجد :

$$E_{CB} + |w(\vec{f})| = E_{CC} \Rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 = \frac{1}{2}mv_C^2 + f \cdot BC$$

$$\begin{cases} v_C^2 = v_B^2 - \frac{2f \cdot BC}{m} \\ v_C^2 = 5.92 + v_A^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v_C^2 = 5.92 - \frac{2f \cdot BC}{m} + v_A^2 \\ m = 5 \text{ kg} \end{cases}$$

$$v_C^2 = \frac{29.6 - 2f \cdot BC}{5} + v_A^2 \text{ و منه}$$

0,75

0,75

0,75	0,75	<p>(2) إيجاد قيمة السرعة الابتدائية v_A من أجل توقف عند موضع C :</p> $v_C = 0 \Rightarrow \frac{29.6 - 2fBC}{5} + v_A^2 = 0$ <p>ومنه</p> $v_A^2 = -\frac{29.6 - 2fBC}{5} = -\frac{22.6 + 227.96}{5}$ $v_A^2 = 0.232 \Rightarrow v_A = 0.48 \text{ m/s}$
2	0,25 0,25 0,5 0,5 0,5	<p>الجزء الثالث : (سقوط شاقولي CD)</p> <p>(1) نوع السقوط : سقوط حر . تعريف : سقوط جسم في الهواء تحت تأثير قوة ثقله فقط .</p> <p>(2) حساب مسافة OD : $OD = AB \cos \alpha + BC$: $OD = 8.63 \text{ m}$</p> <p>أ. المدة الزمنية اللازمة لتعليب قطعة واحدة : $t = t_{AB} + t_{BC} + t_C + t_{CD} = 0.67 + 6.2 + 2.68 + 0.45 = 10(s)$ $v = \frac{OD}{t} = \frac{8.63}{10} = 0.863 \text{ m/s}$ <p>حركة مستقيمة منتظمة ومنه 0.863 m/s</p> </p>

$$\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau} i = \frac{E}{L}$$

(2) حل المعادلة التفاضلية :

$$i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

(3) يمثل البيان المعطى تغيرات المقدار $\frac{di(t)}{dt}$ بدلالة $i(t)$.

(أ) العبارة البيانية الموافقة لهذا البيان .

البيان هو عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل $\frac{di}{dt} = ai + b$.

من البيان $b = 250$.

و a يمثل ميل البيان $a = -\frac{12,5}{0,25} = -50$

$$\frac{di}{dt} = -50i + 12,5 \dots (1)$$

(ب) استنتاج من البيان مميزات الدارة L, E, τ .

$$\frac{di}{dt} = -\frac{1}{\tau} i + \frac{E}{L} \dots (2)$$

بالمطابقة بين (1) و (2).

$$\frac{1}{\tau} = 50 \text{ و } \frac{E}{L} = 12,5$$

$$\tau = 0,02s$$

$$E = (R + r)\tau \times 12,5 \text{ و } \frac{E}{L} = \frac{E}{(R+r)\tau} = 12,5$$

$$E = 24 \times 0,02 \times 12,5 = 6V$$

$$L = (R + r)\tau = 24 \times 0,02 = 0,48H$$

(4) عبارة شدة التيار الأعظمي وأحسب قيمته.

$$I_0 = \frac{E}{(R+r)}$$

$$I_0 = \frac{6}{24} = 0,25A$$

(5) الطاقة المخزنة في الوشعة في النظام الدائم.

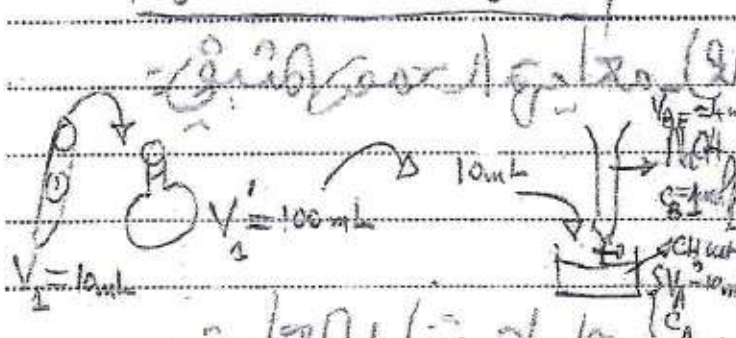
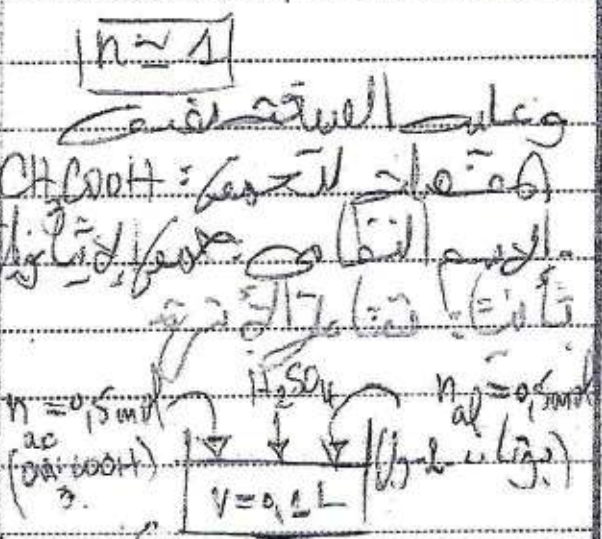
$n_{ac} = \frac{m_{ac}}{M_{ac}} \Rightarrow$: حساب النسبة المئوية
 $m_{ac} = n_{ac} \cdot M_{ac} = 0,5 \times 60 = 30g$
 حساب النسبة المئوية لـ 30g

$C = C \cdot M \Rightarrow M = \frac{C_m}{C}$
 $\Rightarrow M = \frac{0,1685}{2,78 \cdot 10^{-3}} = 60,25 \text{ g/mol}$
 : حساب M من التركيز

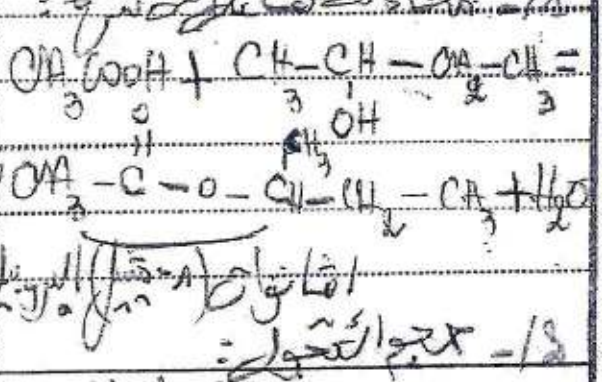
الوقت	السكر + الجلوكوز	السكر	الجلوكوز
t=0	$n'_0 = \frac{n_0}{10} = 0,05$	n'_0	0 0
t:	$n'_0 - x$	$n'_0 - x$	x x
في	$n'_0 - x_2$	$n'_0 - x_2$	x_2 x_2

$M = 12n + 2n + 1 + 12 + 16 \times 4$
 $M = 14n + 66$
 $\Rightarrow n = \frac{M - 66}{14} = \frac{60,25 - 66}{14}$

: حساب النسبة المئوية لـ 30g / 14
 $n_t(E) = x$
 $n_t(ac) = n'_0 - x$
 $n_t(ac) = n'_0 - n_t(E)$
 $n_t(E) = n'_0 - n_t(ac)$
 $n_t(E) = 0,05 - n_t(ac)$



$K = \frac{[CH_3COO^-][H_2O]}{[CH_3COOH][OH^-]}$
 $K = \frac{K_a}{K_e} = \frac{10^{-pK_a}}{10^{-pK_e}} = 10^{pK_e - pK_a}$



: حساب النسبة المئوية لـ 30g
 $k = 10^{14 - 4,8} = 1,58 \cdot 10^9$
 $n_a = n_{BE}$
 $C_a \cdot V_a = C_b \cdot V_{BE} \Rightarrow C_a = \frac{C_b \cdot V_{BE}}{V_a}$

ملاحظات الأستاذ :
 $n_{al} = \frac{m_{al}}{M_{al}} = \frac{P_{al} \cdot V_{al}}{M_{al}}$
 $d = \frac{V_{al}}{V_e} \Rightarrow n_{al} = \frac{d \cdot P_e \cdot V_{al}}{M_{al}}$
 $V_{al} = \frac{n_{al} \cdot M_{al}}{d \cdot P_e} = \frac{0,5 \cdot 74}{0,79 \times 1}$
 $V_{al} = 40,535 \text{ mL}$

$$[HA]_f = C_0 - [A]_f = C_0 - C_0 \cdot \alpha = C_0(1-\alpha)$$

$$pH = pK_a + \lg \frac{[A]_f}{[HA]_f} = pK_a + \lg \frac{C_0 \cdot \alpha}{C_0(1-\alpha)}$$

$$\lg \left(\frac{\alpha}{1-\alpha} \right) = 0 \Rightarrow \alpha = 0.5 \Rightarrow pH = pK_a = 4.83$$

$$pK_a = 4.83 \Rightarrow K_a = 10^{-4.83} = 1.58 \cdot 10^{-5}$$

$$pH = 4.83 + \lg \left(\frac{0.075}{1-0.075} \right) = 5.19$$

$$pH > pK_a \Rightarrow \lg \frac{[A]_f}{[HA]_f} > 0 \Rightarrow \frac{[A]_f}{[HA]_f} > 1$$

$$pH = pK_a + \lg \left(\frac{\alpha}{1-\alpha} \right) = 5.19 \Rightarrow \frac{\alpha}{1-\alpha} = 10 \Rightarrow \alpha = 10(1-\alpha) \Rightarrow \alpha = 10 - 10\alpha \Rightarrow 11\alpha = 10 \Rightarrow \alpha = \frac{10}{11}$$

$$C_0 = \frac{C_1}{\alpha} = \frac{1.6 \cdot 10^{-3}}{\frac{10}{11}} = 1.76 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$$

$$C_0 = 1.76 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$$

$$C_0 = 1.76 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$$

$$C_0 = 1.76 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$$

$$C_0 = 1.76 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$$

Handwritten notes and calculations in Arabic script.

Handwritten notes and calculations in Arabic script.



No	g/g	0	0
No - X	"	X	X
No - X _f	"	X _f	X _f

$$\alpha = \frac{X_f}{X_{max}} = \frac{n_f(H_3O^+)}{n_0} = \frac{[H_3O^+]}{C_0}$$

$$\alpha = \frac{10^{-pH}}{C_0}$$

$$K_a = \frac{[A]_f \cdot [H_3O^+]}{[HA]_f}$$

$$K_a = \frac{[A]_f}{[HA]_f} \cdot [H_3O^+]$$

$$\lg K_a - \lg [H_3O^+] = \lg \frac{[A]_f}{[HA]_f}$$

$$-pK_a + pH = \lg \frac{[A]_f}{[HA]_f}$$

$$pH = pK_a + \lg \frac{[A]_f}{[HA]_f}$$

$$[A]_f = [H_3O^+] = C_0 \cdot \alpha$$

(n) : حساب سرعة التفاعل

$$r = \frac{X_p}{X_{max}} \times 100$$

هنا زيادة السرعة مع زيادة التركيز

$$X_{max} = n_0 = 0.05 \text{ mol}$$

$$X_p = \frac{r \cdot X_{max}}{100} = \frac{0.05 \cdot 0.05}{100}$$

$$X_p = 0.045 \text{ mol}$$

حساب ثابت التوازن K'

$$K' = \frac{X_p}{(n_0 - X_p)(n_0 + n - X_p)}$$

$$n_0 + n - X_p = \frac{X_p}{(n_0 - X_p) K'}$$

$$n = X_p - n_0 + \frac{X_p^2}{n_0 - X_p}$$

$$= 0.045 - 0.05 + \frac{0.045^2}{0.05 - 0.045}$$

$$n = 0.175 \text{ mol}$$

النتيجة النهائية



$$C_a = \frac{1 \times 4}{10} = 0.4 \text{ mol/L}$$

C_a هو تركيز الحمض الموجود في الخزان

$$n_{ac} = C_a \cdot V = 0.4 \times 0.1 = 0.04 \text{ mol/L}$$

التركيز المبدئي هو 0.05 مول/لتر

$$n(E) = 0.05 - 0.04 = 0.01 \text{ mol}$$

$$n(E) = 0.04 \text{ mol}$$

حساب سرعة التفاعل

$$v_1 = \left(\frac{dx}{dt} \right)_{t=1h} = \frac{30.5 - 8}{2 - 0} = 11.25 \text{ mmol/h}$$

$$v_2 = \left(\frac{dx}{dt} \right)_{t=2h} = \frac{30 - 23.5}{3.9 - 0} = 1.66 \text{ mmol/h}$$

النتيجة النهائية

النتيجة النهائية

$$K' = \frac{[E]_f \cdot [H_2O]_f}{[Ac]_f \cdot [Al]_f}$$

$$K' = \frac{(X_p)^2}{(n_0 - X_p)(0.05 - 30 \cdot 10^{-3})}$$

$$K' = 2.25$$

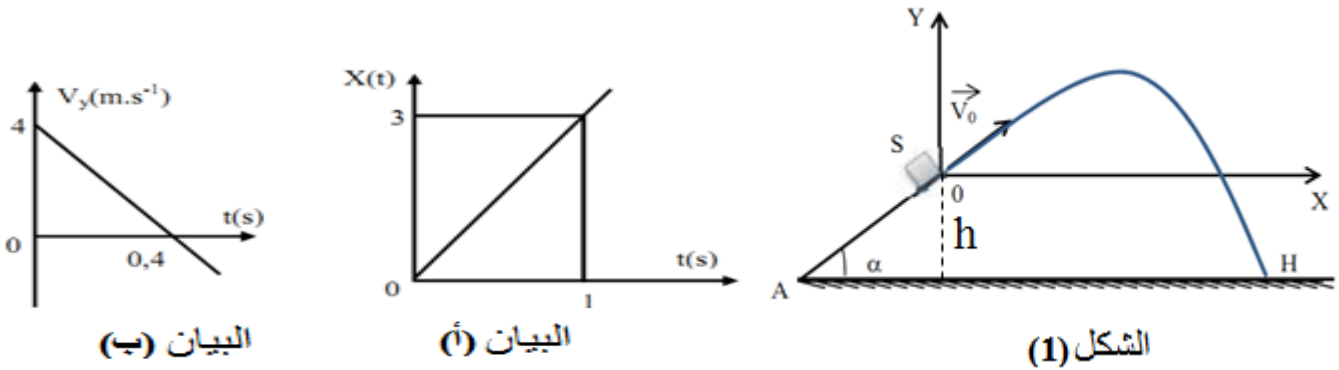
$$X = \frac{1}{2} (E) \text{ حيث } X_p = 30 \text{ mmol}$$

المستوى: الثالث ثانوي (علوم تجريبية) (3ASS)	ماي 2019
الامتحان التجريبي في مادة العلوم الفيزيائية	المدة: 3 سا 30د

الموضوع الأول

التمرين الأول: (06 نقاط)

- 1- نذف جسما (s) نعتبره نقطة مادية من نقطة A تقع أسفل مستوي أملس يميل عن الأفق بزاوية α وفق خط الميل الأعظمي بسرعة v_A ، فيصل إلى النقطة O بسرعة قدرها v_0 كما هو مبين في الشكل (1).
أ - مثل على الشكل جميع القوى المؤثرة على الجسم (s).
ب - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (s) أوجد عبارة تسارع الحركة على المسار AO.
ت - ما طبيعة الحركة على المسار AO؟ علل إجابتك.
- 2 - يمثل البيان (أ) تغيرات فاصلة القذيفة بدلالة الزمن، و يمثل البيان (ب) تغيرات سرعة القذيفة على محور الترتيب بدلالة الزمن:



- أ - مستعينا بالبيانين ((و)) استنتج مركبتى شعاع السرعة \vec{v}_0 ، ثم أحسب طويلته.
ب - أحسب قيمة الزاوية α .
 - 3 - بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم+أرض)، أحسب السرعة عند الموضع A علما أن $AO = 1,5m$.
 - 4 - باعتبار اللحظة التي يصل فيها الجسم (s) إلى الموضع O مبدأ للأزمنة ($t = 0$)، و بإهمال دافعة أرخميدس ومقاومة الهواء.
أ - أوجد معادلة مسار مركز عطالة الجسم (s) في المعلم $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
ب - حدّد بعد النقطة f عن النقطة O (المدى الأفقي للقذيفة).
ت - أوجد إحداثي النقطة H نقطة اصطدام القذيفة بالأرض.
- يعطى: $g = 10 m.s^{-2}$

التمرين الثاني: (07 نقاط)

يعتبر الطب النووي من أهم الاختصاصات ، إذ يستعمل في تشخيص الأمراض وفي علاجها. ومن بين التقنيات المعتمدة حيث يستعمل الإشعاع النووي في تدمير الأورام السرطانية إذ يقذف الورم أو النسيج المصاب بالإشعاع المنبعث من الكوبالت $^{60}_{27}\text{Co}$.

يفسر النشاط الإشعاعي لـ Co بتحول نوترون n إلى بروتون p . يمثل منحنى الشكل (2) تغيرات نشاط عينة A من الكوبالت بدلالة N' عدد الأنوية المتفككة خلال الزمن t .

1 أ- حدد نمط النشاط الإشعاعي للكوبالت مع التعليل؟

ب - اكتب معادلة التفكك لهذه النواة وتعرف على النواة الإبن من بين النواتين $^{26}_{26}\text{Fe}$. $^{28}_{28}\text{Ni}$.

ت - اكتب قانون التناقص الإشعاعي ، واستنتج

العلاقة النظرية بين N' عدد الأنوية المتفككة ونشاط العينة A .

2 باستغلال البيان حدد:

أ - النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 للعينة.

ب - ثابت النشاط الإشعاعي λ لنواة

الكوبالت $^{60}_{27}\text{Co}$.

ت - عدد الأنوية الابتدائية N_0 للعينة وحدد

كتلتها m_0 .

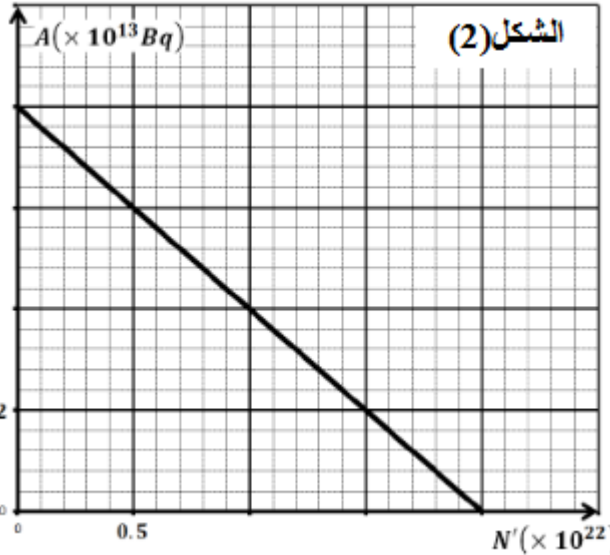
3 يمكن اعتبار العينة غير صالحة للاستعمال

من أجل $3 = \frac{N'(t)}{N(t)}$ ، حيث N عدد الأنوية

المتبقية .

أ - بين أنه يمكن كتابة النسبة $\frac{N'(t)}{N(t)}$ بالعلاقة التالية : $\frac{N'(t)}{N(t)} = e^{\lambda t} - 1$

ب - استنتج المدة الزمنية التي يمكن فيها اعتبار أن العينة غير صالحة



التمرين التجريبي: (07 نقاط)

يهدف هذا التمرين إلى: المتابعة الزمنية لتحول كيميائي ومعايرة محلول تجاري.

ملاحظة :

▪ كل المحاليل المائية مأخوذة في الدرجة 25°C .

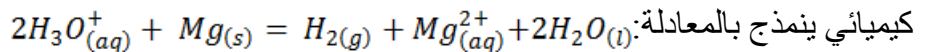
▪ الكتلة المولية لمعدن المغنيزيوم : $M = 24,3 \text{ g. mol}^{-1}$.

▪ ثابت الجداء الشاردي للماء : $K_e = 10^{-14}$.

I- المتابعة الزمنية للتحويل الكيميائي الحادث بين حمض كلور الماء ومعدن المغنيزيوم.

نضع في بيشر حجما $V = 50 \text{ mL}$ من محلول (S) لحمض كلور الماء $(\text{H}_3\text{O}^+_{(\text{aq})} + \text{Cl}^-_{(\text{aq})})$ تركيزه المولي C،
وندخل فيه مسرى مقياس الـ pH.

في اللحظة $t = 0$ ، نضيف إلى البيشر كمية من مسحوق المغنيزيوم $\text{Mg}_{(\text{s})}$ كتلتها $m_0 = 0,243 \text{ g}$ ، فيحدث تحول



كيميائي ينمذج بالمعادلة: يعتبر هذا التحول تام، بإهمال حجم مسحوق المغنيزيوم مقارنة بحجم المحلول V.

1 - بين أن التحول الحادث للجملة (حمض - معدن) عبارة أن تفاعل أكسدة- إرجاع مع تحديد الثنائيتان المشاركتان في التفاعل.

2 - نتائج متابعة تطور pH المحلول كما في الجدول التالي:

t(min)	0	1	2	3	5	7	10	12	14
pH	0,22	0,32	0,40	0,46	0,57	0,64	0,70	0,70	0,70

1-2- استنتج التركيز المولي C لمحلول حمض كلور الماء المستعمل.

2-2- أحسب التقدم الأعظمي واستنتج المتفاعل المحد.

3-2- بين أن عبارة التقدم $x(t)$ للتفاعل في اللحظة t تكتب على الشكل: $x(t) = \frac{1}{2}V(C - 10^{-\text{pH}})$.

4-2- تأكد فعلا أن هذا التحول تام.

5-2- حدد زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.

6-2- أحسب السرعة المتوسطة الحجمية للتفاعل $v_{\text{v.m}}$ بين اللحظتين: $t_1 = 1 \text{ min}$ و $t_2 = 2 \text{ min}$.

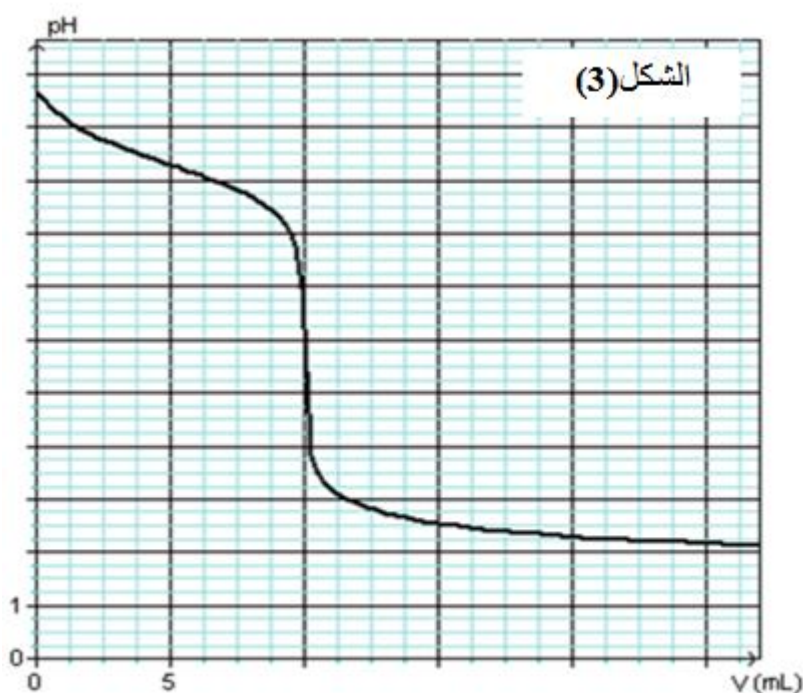
II : معايرة المحلول التجاري للأمونياك:

نتوفر على محلول تجاري S_0 من الأمونياك NH_3 تركيزه المولي C_0 ، يستعمل بعد تخفيفه كمادة للتنظيف أو كمادة

لإزالة الأوساخ والبقع . لتعيين تركيز هذا المحلول التجاري S_0 ، نمده 1000 مرة ، فنحصل على محلول S_1

تركيزه المولي C_1 .

- نجري معايرة pH متريية لحجم $V_1 = 20 \text{ mL}$ من المحلول S_1 بمحلول S_2 لحمض كلور الماء
 $(\text{H}_3\text{O}_{\text{aq}}^+ + \text{Cl}_{\text{aq}}^-)$ تركيزه المولي $C_2 = 2,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol. L}^{-1}$ والمتحصل عليه من المحلول S بعد تمديده 30
 مرة ، فنحصل على البيان الممثل في الشكل (3).
- 1 - أكتب المعادلة الكيميائية لتفاعل المعايرة.
 - 2 - أ- عرف نقطة التكافؤ ثم استنتج إحداثيتها.
 ب- أحسب التركيز المولي C_1 للمحلول S_1 ثم
 استنتج التركيز المولي C_0 للمحلول S_0 .
 - ج- ما طبيعة المحلول الناتج ؟ كيف تفسر ذلك ؟
 - 3 - أ- أوجد من البيان قيمة pH من أجل $V = 5 \text{ mL}$.
 ب- جالاعتماد على هذه القيمة، بيّن أنّ تفاعل المعايرة تحول تام.



عناصر الإجابة (الموضوع الأول)

التمرين الأول: (06 نقاط)

1-أ- عبارة تسارع الحركة على المسار AO :

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة (جسم) في المرجع السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا

$$\text{نجد: } \sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \text{ ومنه: } \vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}$$

بالإسقاط وفق محور الحركة الموجه و أخذ القيم الجبرية نجد:

$$-P_x = m \cdot a \Rightarrow -P \sin \alpha = m \cdot a$$

$$\text{أي: } -m g \sin \alpha = m \cdot a \text{ ، ومنه:}$$

$$a = -g \sin \alpha = C^{te}$$

ب- طبيعة الحركة على المسار AO مع التعليق: المسار مستقيم و التسارع مقدار ثابت، فالحركة مستقيمة متغيرة بانتظام (متباطئة).

2-أ- مركبتي شعاع السرعة \vec{v}_0 وطويلته:

$$\bullet \text{ من البيان (أ): } v_{0x} = v_x = \frac{dx}{dt} = \frac{3-0}{1-0} = 3m \cdot s^{-1}$$

$$\bullet \text{ من البيان (ب): } v_{0y} = 4m \cdot s^{-1}$$

$$\text{و منه: } v_{0x} = \|\vec{v}_0\| = \sqrt{v_{0x}^2 + v_{0y}^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5m \cdot s^{-1}$$

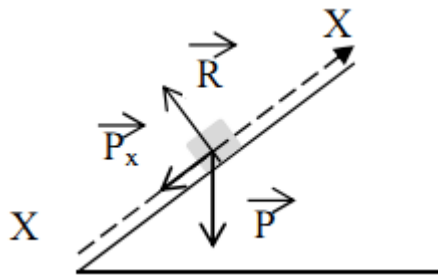
$$\bullet \text{ حساب قيمة الزاوية } \alpha: \sin \alpha = \frac{v_{0y}}{v_{0x}} = \frac{4}{5} = 0,8 \text{ ومنه: } \alpha = 53,13^\circ$$

3- حساب السرعة عند الموضع A: بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم+أرض) بين الموضعين O و A، و باعتبار المستوي الأفقي المار من النقطة A مرجع لحساب الطاقة الكامنة الثقالية نجد:

$$E_A = E_O \Rightarrow E_{C_A} + E_{PP_A} = E_{C_O} + E_{PP_O}$$

$$E_{C_A} = E_{C_O} + E_{PP_O} \Rightarrow \frac{1}{2} m v_A^2 = \frac{1}{2} m v_O^2 + m g h_O$$

$$\text{حيث: } h_O = AO \sin \alpha$$



$$v_A^2 = v_O^2 + 2gAO \sin \alpha \Rightarrow v_A = \sqrt{v_O^2 + 2gAO \sin \alpha}$$

$$v_A = \sqrt{5^2 + (2 \cdot 10 \cdot 1,5 \cdot 0,8)} \quad \text{و منه:}$$

$$v_A = 7 \text{ m.s}^{-1}$$

4-أ. معادلة مسار مركز عطالة الجسم (S) في المعلم $(\vec{0}; \vec{1})$:

بتطبيق القانون الثاني لنيتون على الجملة (جسم) في المرجع السطحي الأرضي الذي نعتبره غاليليا

$$\text{نجد: } \sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a} \quad \text{و منه: } \vec{P} = m \vec{a} \quad \text{أي: } \vec{a} = \vec{g}$$

$$\text{بالإسقاط في المعلم } (\vec{0}; \vec{1}) \text{ : و أخذ القيم الجبرية نجد: } \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases} \text{ بمكاملة الطرفين نجد:}$$

$$x(t) = v_0 \cdot \cos \alpha t \dots\dots\dots(1)$$

$$\begin{cases} v_x = v_0 \cdot \cos \alpha \\ v_y = -g t + v_0 \cdot \sin \alpha \end{cases} \text{ بمكاملة الطرفين نجد: } y(t) = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \cdot \sin \alpha t \dots\dots\dots(2)$$

$$\text{من (1) نجد: } t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha} \text{ ، وبالتعويض في (2) نجد:}$$

$$y = -\left(\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}\right) x^2 + (\tan \alpha) x$$

$$\text{ب. تحديد بعد النقطة f عن النقطة O: } y_f = -\left(\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}\right) x_f^2 + (\tan \alpha) x_f = 0$$

$$\text{و منه: } \left(\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}\right) x_f^2 = (\tan \alpha) x_f \text{ أي: } \left(\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}\right) x_f^2 = (\tan \alpha) x_f$$

$$\text{تطبيق عددي: } x_f = \frac{2v_0^2 \cos^2 \alpha (\tan \alpha)}{g} = \frac{v_0^2 \sin(2\alpha)}{2} = \frac{5^2 \sin(106,26)}{2}$$

$$x_f = 2,4 \text{ m}$$

$$\text{ت. إحداثيي النقطة H: لدينا: } y_H = -h = -AO \sin \alpha \text{ و منه: } y_H = -1,2 \text{ m}$$

$$-1,2 = -0,55x_H^2 + 1,33x_H \quad \text{بالتعويض في معادلة المسار نجد:}$$

$$0,55x_H^2 - 1,33x_H - 1,2 = 0$$

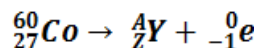
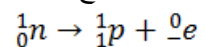
$$\sqrt{\Delta} = 2,1 \text{ و منه: } \Delta = (1,33)^2 - (4 \cdot 0,55 \cdot (-1,2)) = 4,41$$

$$x_{H_2} = \frac{1,33 - 2,1}{2 \cdot 0,55} = -0,58 \text{ m أو } x_{H_1} = \frac{1,33 + 2,1}{2 \cdot 0,55} = 3,18 \text{ m}$$

و منه احداثيات النقطة H هي: $H(3,18; -1,2)$

التمرين الثاني: (07 نقاط)

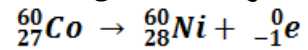
1 - إشعاع B^- لأن :



ب-من قانوني الإنحفاظ:

$$\begin{cases} A = 60 \\ Z = 28 \end{cases}$$

ومنه المعادلة من الشكل :



ت-قانون التناقص الإشعاعي:

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$A = \lambda N(t) = \lambda(N_0 - \hat{N}) \quad \dots\dots\dots(1)$$

$$A = A_0 - \lambda \hat{N}$$

$$A_0 = 8 * 10^{13} \text{ Bq من البيان}$$

ب- البيان معادلته من الشكل : $A = -k\hat{N} + B$

$$K = tg\alpha = 4 * 10^{-9}$$

$$B = 8 * 10^{13} = A_0$$

$$A = -4 * 10^{-9} \hat{N} + 8 * 10^{13} \dots\dots\dots(2)$$

اذن المعادلة من الشكل :

بمطابقة المعادلة (1) مع المعادلة (2) نجد : $\lambda = 4 * 10^{-9} s^{-1}$

$$N_0 = \frac{A_0}{\lambda} = 2 * 10^{20} \text{ noyaux} \quad \text{ت -}$$

$$\frac{\hat{N}}{N} = \frac{N_0 - N_0 e^{-\lambda t}}{N_0} = \frac{1}{e^{-\lambda t}} - 1 = e^{\lambda t} - 1 \quad \text{أ - 3}$$

$$\frac{\hat{N}}{N} = e^{\lambda t} - 1 = 3 \quad \text{ب -}$$

$$\ln e^{\lambda t} - \ln 1 = 3$$

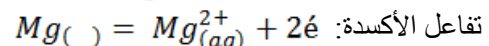
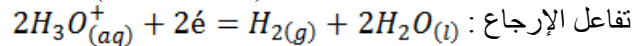
$$\lambda t = 3$$

$$t = \frac{3}{\lambda} = \frac{3}{4 * 10^{-9}} = 7,5 * 10^8 s$$

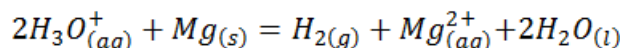
التمرين التجريبي: (07 نقاط)

I- المتابعة الزمنية للتحويل الكيميائي الحادث بين الحمض ومعدن المغنيزيوم:

1- أ-تبيان أن التحويل الحادث للجملة (حمض - معدن) عبارة أن تفاعل أكسدة-إرجاع:



المعادلة الإجمالية الأيونية :



1-2- استنتاج التركيز المولي C لمحلول حمض كلور الماء المستعمل :

إن حمض كلور الماء حمض قوي : $10^{-pH_0} = [H_3O^+]_0 = C$ ، حيث $10^{-pH_0} = 0.22$

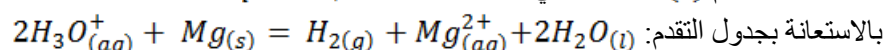
$$C = 0,60 \text{ mol. L}^{-1} \text{ وعليه}$$

2-2- تعيين المتفاعل المحد ثم حساب التقدم الأعظمي :

$$\frac{n}{2} = \frac{c.V}{2} = 1,5.20^{-2} \text{ mol} > \frac{n_0}{1} = 10^{-2} \text{ mol}$$

$$x_m = 10^{-2} \text{ mol}$$

3-2- عبارة التقدم x(t) للتفاعل في اللحظة t بدلالة V , C و pH :



$$n - 2x \quad n_1 - x \quad x \quad x \quad \text{بوفرة}$$

$$n = c.V \text{ و } n(t) = V.10^{-pH} \quad \text{حيث } n - 2x(t) = n(t) \quad \forall t \geq 0$$

$$(*) \quad x(t) = \frac{1}{2} V(c - 10^{-pH}) \quad \text{و عليه}$$

4-2- التأكد من أن فعلا هذا التحويل تام :

لما $t \geq t_f$ فإن : $pH = 0.70$ و من العلاقة (*) ، نجد :

$$x_f = 10^{-2} \text{ mol} = x_m \quad \text{و عليه فعلا هذا التحويل تام}$$

5-2- تحديد زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$:

لدينا من تعريف زمن التفاعل: $t = t_{1/2} \Rightarrow x_{1/2} = \frac{1}{2} x_m$

من العلاقة (*) نجد :

$$10^{-pH_{1/2}} = c - \frac{2x_{1/2}}{V} = 0,4 \text{ mol. L}^{-1} = [H_3O^+]_{1/2}$$

ومنه: $pH_{1/2} = 0,4$ وعليه : $t_{1/2} = 2 \text{ min}$

6-2- حساب السرعة المتوسطة الحجمية للتفاعل $v_{v,m}$ بين اللحظتين $t_1 = 1 \text{ min}$ و $t_2 = 2 \text{ min}$

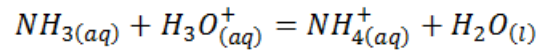
من تعريف السرعة المتوسطة للتفاعل : $v_{v,m} = \frac{1}{V} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{1}{V} \left(\frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \right)$

حيث: $(i = 1, 2)$ مع $x_i = \frac{1}{2} (c - 10^{-pH_i})$

وعليه: $v_{v,m} = \frac{1}{2} (10^{-pH_1} - 10^{-pH_2}) = 0,039 \text{ mol. L}^{-1} \text{ min}^{-1}$

II : معايرة المحلول التجاري للأمونياك:

1- كتابة المعادلة الكيميائية لتفاعل المعايرة:



2- أ- تعريف نقطة التكافؤ :

هي تلك النقطة التي يكون فيها المتفاعلان بنسب ستكيومترية.

- استنتاج إحداثيتها: $E(a_E = 10 \text{ mL}, pH_E = 5,7)$

ب- حساب التركيز المولي S_1 للمحلول :

عند التكافؤ: $C_1 \cdot V_1 = C_2 \cdot V_E$ و عليه : $C_1 = 1,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol. L}^{-1}$

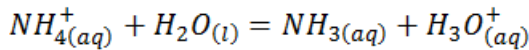
* - استنتاج التركيز المولي S_0 للمحلول :

$$C_0 = 1000 C_1 = 10 \text{ mol. L}^{-1}$$

ج- طبيعة المحلول الناتج :

$pH_E < 7$ و عليه فالمحلول ملحي حامضي (محلول كلور الأمونيوم)

- التفسير :



تواجد شوارد $H_3O^+(aq)$ دلالة على أن الوسط حامضي .

3- أ- إيجاد من البيان قيمة pH من أجل $V = 5 \text{ mL}$:

$$V = 5 \text{ mL} \Rightarrow pH = 9,3$$

ب- تبين ان تفاعل المعايرة تام :

ط- 1- : حساب ثابت التوازن للجملة المدروسة:

$$K = \frac{[NH_4^+]_f}{[NH_3]_f \cdot [H_3O^+]_f} = \frac{1}{Ka} = 10^{pKa}$$

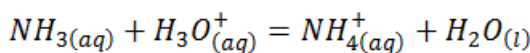
لدينا : $pH = pKa = 9,3$ فإنه $V = 5 \text{ mL} = \frac{1}{2} V_E$

ومنه : $K = 2 \cdot 10^9 > 10^4$ و عليه تفاعل المعايرة تفاعل تام .

ط- 2- : حساب نسبة التقدم النهائي :

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_m}$$

بالاستعانة بجدول التقدم :



بوفرة $n_1 - x_f n_2 - x_f x_f$

* - $x_m = ?$: $V < V_E$ و منه المتفاعل المحد هو حمض كلور الماء و عليه $x_m = n_2 = C_2 \cdot V$

* - $x_f = ?$:

$$x_f = n_2 - 10^{-pH}(V_1 + V) \text{ و منه } n_f(H_3O^+) = n_2 - x_f$$

و أخيرا : $1 \approx \frac{C_2 \cdot V - 10^{-PH} (V_1 + V)}{C_2 \cdot V}$ وعليه فهذا التحول تام

- 4-**المعيار الذي نعتّمده في اختيار أحسن كاشف ملون في حالة إجراء المعايرة اللونية :
- قيمة pH_E تنتمي إلى مجال التغير اللوني للكاشف .
 - مجال التغير اللوني للكاشف أصغري .

التاريخ: 2021/05/27

المدة: 03 ساء و30د

المادة: العلوم الفيزيائية

المستوى: 3 ع ت

امتحان البكالوريا التجريبية

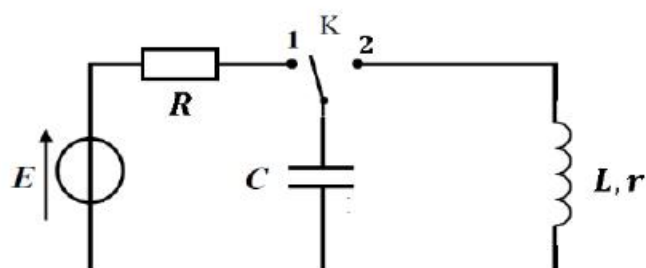
على المترشح أن يختار أحد الموضوعين:

الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على 04 صفحات (من الصفحة 01 إلى الصفحة 04)

الجزء الأول: (13 نقطة)

تمرين 01: (06 نقاط)



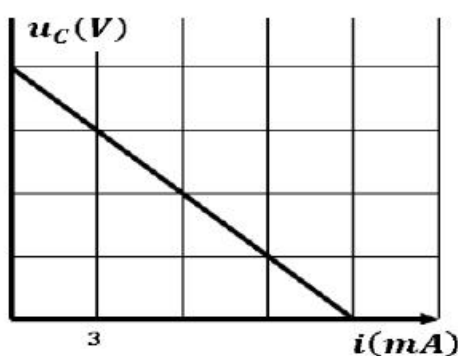
شكل 1

نحقق الدارة الكهربائية كما في الشكل 1 و المكونة من :

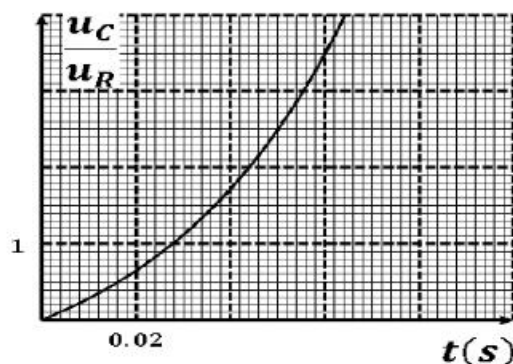
- مولد قوته الكهربائية E .
- ناقل أومي مقاومته R .
- مكثفة سعتها C .
- وشيعة ذاتيتها L و مقاومتها r .

أولاً: في لحظة نعتبرها $t = 0$ نجعل البادلة في الوضع 1.

نتابع كل من التوتر U_C بين طرفي المكثفة و التيار الكهربائي i المار في الدارة بواسطة التجهيز المدعم بالحاسوب، وباستعمال برمجيات مناسبة نحصل على البيانيين في الشكل 2 و الشكل 3.

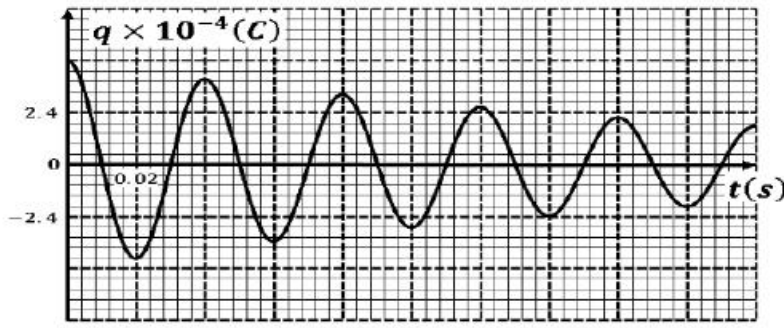


شكل 3



شكل 2

1. أعد رسم الدارة ووضح عليها جهة التيارات و التوترات و التيار الكهربائي.
2. بتطبيق قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية للتوتر U_C بين طرفي المكثفة.
3. حل المعادلة يكون من الشكل: $U_C = A + Be^{\alpha t}$ حيث A و B و α ثابت يطلب تعيين عباراتها بدلالة خصائص الدارة.
4. استنتج عبارة التوتر بين طرفي الناقل الأومي $U_R(t)$ ثم بين أن: $\frac{U_C}{U_R} = e^{\frac{t}{\tau}} - 1$.
5. بالاستعانة بالبيانيين في الشكل 2 و الشكل 3 أوجد كلا من: R ; E و τ و C .



شكل 4

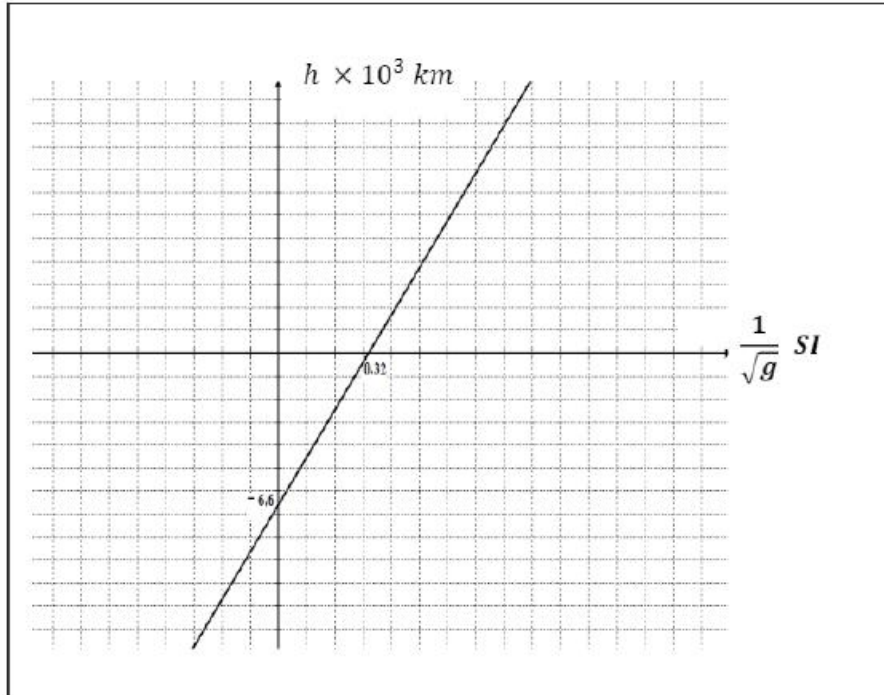
ثانياً: في لحظة نعتبرها من جديد $t = 0$ نجعل البادلة في الوضع (2) بعد شحن المكثف كلياً التجهيز السابق يسمح لنا بالحصول على تغيرات الشحنة المخزنة في المكثف بدلالة الزمن في الشكل 4 .

1. ما هو نمط الاهتزاز المحصل عليه؟
2. أكتب المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة $q(t)$ المخزنة في المكثف.
3. أوجد دور الاهتزازات ثم استنتج قيمة الذاتية L .
4. أحسب الطاقة العظمى المخزنة في المكثف ثم بيّن أنّ هذه الطاقة الكهربائية في الدارة ثابتة.

تمرين 02: (07 نقاط)

نعتبر الأرض كروية الشكل نصف قطرها R_T وكتلتها M_T يدور قمر اصطناعي كتلته m على ارتفاع h من سطحها و يتحرك بسرعة v .

1. أعط العبارة الحرفية لقوة التجاذب F بين الأرض و القمر الاصطناعي بدلالة G, R_T, h, M_T, m .
2. باستعمال التحليل البعدي استنتج وحدة ثابت الجذب العام G .
3. قيمة حقل الجاذبية g معرفة بالعلاقة: $g = \frac{F}{m}$, ستنتج العبارة الحرفية للجاذبية g بدلالة G, R_T, h, M_T .
4. انطلاقاً من العبارة السابقة بيّن أن عبارة الارتفاع يمكن أن تكتب على الشكل: $h = A \times \frac{1}{\sqrt{g}} + B$ حيث A و B ثابتين يطلب تحديد عبارتهما.



5. البيان المقابل يمثل: $h = f\left(\frac{1}{\sqrt{g}}\right)$.

- أ. أوجد العبارة البيانية.
- ب. أحسب كتلة الأرض M_T .
- ت. استنتج قيمة نصف قطر الأرض R_T .
- ث. أوجد قيمة تسارع الجاذبية g_0 على سطح الأرض.

6. إذا علمت أن قيمة تسارع الجاذبية

الأرضية في مدار هذا القمر هي:

$$g = 0,25 \text{ (SI)}$$

- أ. أوجد ارتفاع القمر الاصطناعي عن سطح الأرض.

- ب. أحسب سرعته v في مداره.

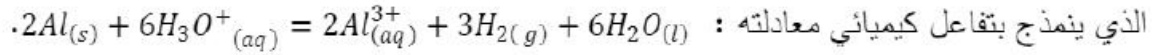
- ت. هل القمر الاصطناعي جيومستقر.

يعطى : $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ (SI)}$

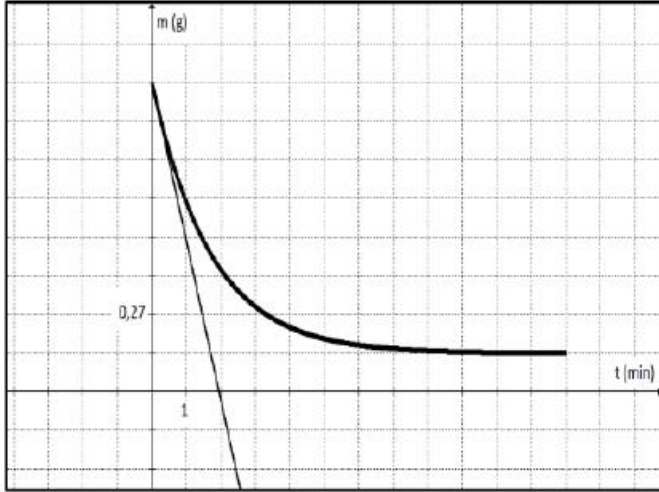
الجزء الثاني: (07 نقطة)

التمرين التجريبي: (07 نقاط)

لمتابعة تطور التحول الكيميائي التام الحادث بين معدن الألمنيوم Al ومحلول حمض كلور الهيدروجين $(H_3O^+ ; Cl^-)$



نقترح طريقتين:



أولاً: ندخل في اللحظة $t = 0$ صفيحة من الألمنيوم كتلتها

$m_0 = 1,08 \text{ g}$ بواسطة خيط داخل محلول حمض كلور

الهيدروجين حجمه $V = 90 \text{ ml}$ و تركيزه المولي C ومن لحظة

إلى أخرى نخرج الصفيحة ونزنها ثم نعيدها إلى المحلول.

إن المنحنى البياني الموالي يمثل تغيرات كتلة صفيحة الألمنيوم

بدلالة الزمن $m = f(t)$.

نعتبر حجم الوسط التفاعلي ثابت خلال مدة التحول وأن درجة الحرارة ثابتة.

1. حدد الثنائيتين (oxy/red) الداخلتين في التفاعل مع كتابة المعادلتين النصفيتين للأكسدة والإرجاع.

2. أنجز جدولاً لتقدم التفاعل.

3. هل المزيج المتفاعل ستوكيومتري؟ إذا كان الجواب لا، ما هو المتفاعل المحدد؟

4. أوجد التقدم الأعظمي x_{max} للتفاعل و استنتج قيمة التركيز المولي C .

5. باستعمال جدول التقدم بين صحة العلاقة :

$$\frac{dm}{dt} = \frac{M \times V}{3} \frac{d[H_3O^+]}{dt} \quad \text{حيث } M \text{ الكتلة المولية للألمنيوم.}$$

6. أحسب السرعة الحجمية لاختفاء شوارد H_3O^+ في اللحظتين $t = 0$ و $t = 10 \text{ min}$. ماذا تلاحظ ؟

7. عيّن زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.

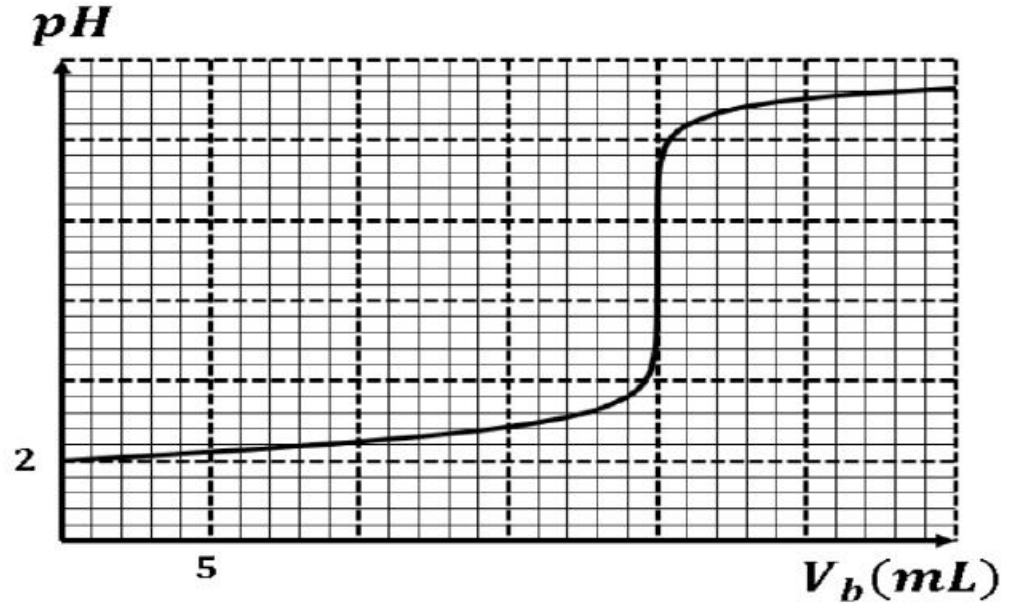
ثانياً: ندخل كتلة $m_0 = 0,3 \text{ g}$ من الألمنيوم Al في ورق يحتوي حجماً $V = 200 \text{ ml}$ من محلول حمض كلور

الهيدروجين $(H_3O^+ ; Cl^-)$ تركيزه المولي $C = 0,2 \text{ mol/l}$.

بعد نهاية التفاعل نمدد المحلول خمس مرات، نأخذ حجماً $V_a = 20 \text{ ml}$ من المحلول المخفف و نقوم بمعايرته بواسطة

محلول لهيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ ; OH^-)$ ذي التركيز المولي $C_b = 0,01 \text{ mol/l}$. بواسطة PH متر نتحصل على

البيان الموالي :



1. أرسم مخطط التركيب المستعمل في عملية المعايرة.
2. أكتب معادلة تفاعل المعايرة بين $(H_3O^+ ; Cl^-)$ و $(Na^+ ; OH^-)$.
3. أحسب ثابت التوازن لتفاعل المعايرة الحادث و ماذا تستنتج؟
4. حدد إحداثيات نقطة التكافؤ.
5. أحسب تركيز المحلول المخفف في الدورق.

$$K_e = 10^{-14} \quad ; \quad V_M = 24 \text{ l.mol}^{-1} \quad ; \quad M(Al) = 27 \text{ g.mol}^{-1}$$

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على 04 صفحات (من الصفحة 05 إلى الصفحة 08)

الجزء الأول: (13 نقطة)

تمرين 01: (06 نقاط)

البلوتونيوم 239 هو أحد نظائر البلوتونيوم وهو من المواد التي تستخدم كوقود نووي في المفاعلات النووية لإنتاج الطاقة الكهربائية، يتم إنتاجه انطلاقا من اليورانيوم 238 وفق المعادلة التالية: $^{238}_{92}\text{U} + {}^1_0\text{n} \rightarrow ^{239}_{94}\text{Pu} + 2\beta^-$.

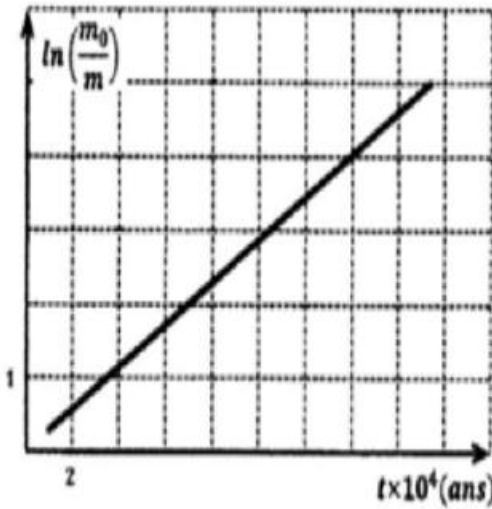
I. بلوتونيوم 239 يتفكك تلقائيا مصدرا جسيمات α .

1. أ. عرّف كل من : النظائر، α .

ب. أكتب معادلة التفكك النووي للبلوتونيوم 239 علما أنّ النواة الناتجة هي أحد نظائر اليورانيوم $^{235}_{92}\text{U}$.

2. عينة من البلوتونيوم 239 كتلتها $m_0 = 1\text{ g}$ بواسطة برنامج محاكاة لنشاطها الإشعاعي تمكنا من الحصول على

البيان في الشكل المقابل:



أ. من بين العلاقات التالية ما هي العلاقة التي تعبر عن كتلة

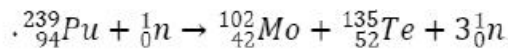
الأنوية المتبقية في العينة:

$$m_0 = m e^{-\lambda t} ; m = m_0 e^{\lambda t} ; m_0 = m e^{\lambda t}$$

ب. أكتب عبارة البيان ثم استنتج ثابت النشاط الإشعاعي λ .

ت. أحسب النشاط الإشعاعي الابتدائي للعينة السابقة.

II. يندمج أحد التفاعلات الممكنة لانحطار $^{239}_{94}\text{Pu}$ بالمعادلة :



1. عرّف تفاعل الانحطار النووي.

2. أ. ما هي النواة الأكثر استقرارا من بين النوى الواردة في معادلة تفاعل الانحطار.

ب. هل النتيجة تتوافق مع التعريف؟

3. أحسب الطاقة المحررة من انحطار نواة واحدة من البلوتونيوم 239.

4. استنتج النقص الكتلي الموافق لتفاعل انحطار البلوتونيوم 239.

5. أ. أحسب بالجول الطاقة المحررة من العينة السابقة $m = 1\text{ g}$.

ب. تستعمل الطاقة السابقة في توليد الكهرباء في مفاعل نووي استطاعته الكهربائية $P = 30\text{ MW}$ بمردود طاقي

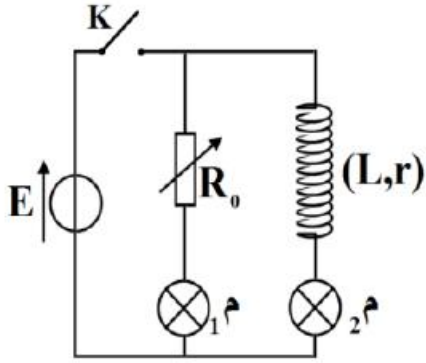
$\rho = 30\%$. أحسب المدة اللازمة لاستهلاك الكتلة السابقة.

المعطيات: المردود الطاقي : $\rho = \frac{E_{ele}}{E}$ ، الطاقة الكهربائية : E_{ele} ، الطاقة المحررة : E .

$$^{239}_{94}\text{Pu} : 7,5\text{ Mev/nucléon} , ^{102}_{42}\text{Mo} : 8,6\text{ Mev/nucléon} , ^{135}_{52}\text{Te} : 8,3\text{ Mev/nucléon}$$

$$1\text{ Mev} = 1,6 \times 10^{-13}\text{ J} ; N_A = 6,02 \times 10^{23}\text{ mol}^{-1} ; 1\text{u} = 931,5\text{ Mev/c}^2$$

تمرين 02: (07 نقاط)

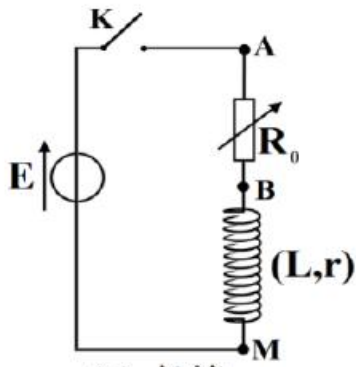


الشكل (1)

- I. لدراسة تأثير وشيعة حقيقية في دارة كهربائية، ننجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل I و المتكون من مولد ثابت التوتر وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها r مقاومة متغيرة R_0 ومصباحان M_1 و M_2 وقاطعة K .
نضبط المقاومة المتغيرة على القيمة r , ($R_0 = r$).

اختر الجواب الصحيح من بين العبارات التالية:

1. عند غلق القاطعة K , يضيء المصباحان في آن واحد.
2. عند غلق القاطعة K , يضيء المصباح M_1 ثم يضيء المصباح M_2 بتأخر زمني.
3. عند غلق القاطعة K , يضيء المصباح M_2 ثم يضيء المصباح M_1 بتأخر زمني.
4. عند غلق القاطعة K , يضيء المصباح M_1 ولا يضيء المصباح M_2 .



الشكل (2)

- II. لإيجاد المقادير المميزة للوشيعة السابقة (L, r), ننجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 2 و نضبط المقاومة المتغيرة على القيمة $R_0 = 8 \Omega$ ثم نغلق القاطعة عند اللحظة $t = 0$.

- أ. أوجد المعادلة التفاضلية بدلالة شدة التيار الكهربائي المار في الدارة.
- ب. تقبل المعادلة التفاضلية السابقة حلا من الشكل: $i(t) = \frac{E}{R+r} + \alpha e^{\beta t}$ حيث α و β ثابتان يطلب تعيين عبارتهما.

- III. باستعمال برمجة تمكنا من تتبع التطور الزمني للتوترين $U_{AB}(t)$ و $U_{AM}(t)$ أنظر شكل 3.

1. بين أن المنحني 2 يوافق التوتر $U_{AB}(t)$.

2. أوجد بيانيا:

أ. قيمة توتر المولد E .

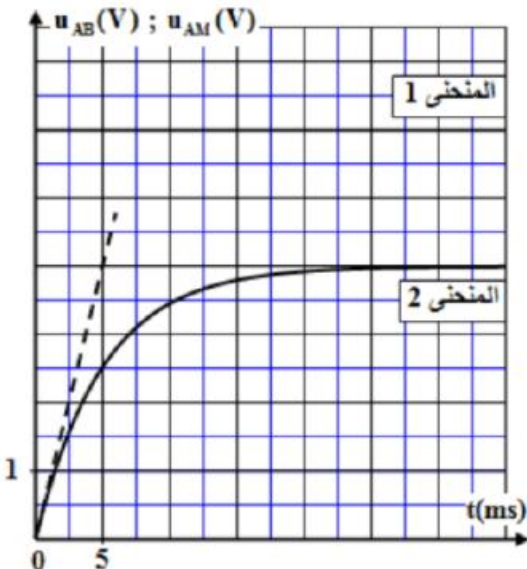
ب. التوتر $U_{AB}(\max)$.

ت. قيمة ثابت الزمن τ .

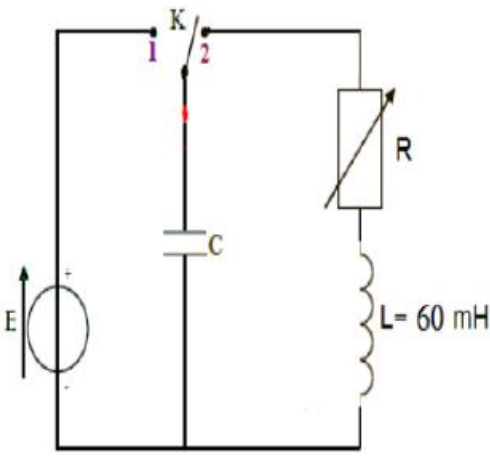
3. أحسب المقاومة الداخلية للوشيعة r .

4. أوجد قيمة ذاتية الوشيعة L .

5. أحسب الطاقة المغناطيسية العظمى المخزنة في الوشيعة.



الشكل 3



شكل 4

IV. نحقق التركيب الموضح في الشكل 4 وشيعة ذاتيتها $L = 60 \text{ mH}$ ومقاومتها الداخلية مهملة , مقاومة متغيرة , مكثفة سعتها C و مولد ثابت للتوتر $E = 6 \text{ V}$.

1. ما هي قيمة التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة إذا كانت البادلة في الوضع 1؟ و هل المكثفة تتشحن لحظيا؟ علل.
2. بعد شحن المكثفة كليا نضع البادلة في الوضع 2.
- ماذا يحدث؟ هل هذه الظاهرة تدوم إلى ملا نهاية $t = +\infty$.
3. إذا كانت قيمة المقاومة معدومة $R = 0$:
أ. ما هو النظام المشاهد في الدارة؟
ب. أوجد المعادلة التفاضلية التي تعبر عن تطور U_C بدلالة الزمن.
ت. ما هي قيمة سعة المكثفة حتى يكون دور الاهتزازات $T_0 = 1 \text{ ms}$ ؟
ث. عبّر عن طاقة الدارة بدلالة i ; L ; U_C ; C هل تتغير قيمتها مع مرور الزمن؟ أحسب قيمتها.
ج. أرسم تغيرات التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن.
4. إذا كانت قيمة المقاومة R ضعيفة و غير مهملة $R \neq 0$:
أ. ما هو النظام الجديد المشاهد؟
ب. حدد قيمة شبه دور الاهتزازة.
ت. أرسم شكل تغيرات التوتر بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن.
ث. ما هي قيمة الطاقة الابتدائية للدارة؟ و كيف تتحول.

الجزء الثاني: (07 نقطة)

التمرين التجريبي: (07 نقاط)

في مخبر الثانوية و جد التلاميذ قارورتين متماثلتين لحمض الخل (CH_3COOH) مكتوب عليهما:

الكتلة الحجمية $\rho = 1,02 \text{ g/ml}$, الكتلة المولية: $M = 60 \text{ g/mol}$.

فأراد التلاميذ ايجاد كتلة الحمض في كل قارورة دون استعمال الميزان, من أجل ذلك كوّنوا فوجين.

الفوج الأول أراد استعمال الطريقة الكيميائية لحساب الكتلة و بعض خصائص الحمض, من أجل ذلك قاموا بتمديد حمض

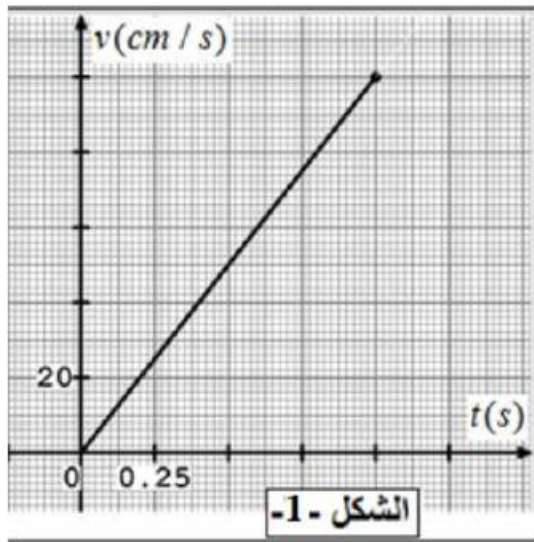
الخل 10 مرات للحصول على محلول S_1 حجمه $V_1 = 100 \text{ ml}$ و قاموا بقياس PH فوجدوه $\text{PH} = 2,4$.

بعد ذلك قاموا بمعايرة $V_a = 20 \text{ ml}$ من المحلول S_1 بمحلول هيدروكسيد الصوديوم تركيزه $C_b = 0,1 \text{ mol/l}$.

قبل المعايرة كانت النسبة: $\frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]} = 3,98 \times 10^{-3}$ و عند إضافة $V_b = 83,33 \text{ ml}$ من محلول هيدروكسيد الصوديوم $NaOH$ أصبحت النسبة: $\frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]} = 1$

1. أكتب معادلة تفاعل المعايرة بين حمض الخل و شاردة الهيدروكسيد و أنجز جدول التقدم.
2. أحسب التركيز المولي C_a للمحلول S_1 و التركيز C_0 للحمض الموجود في القارورة الأولى.
3. استنتج كتلة الحمض الموجود في القارورة الأولى.
4. أحسب قيمة PK_a للتنائية CH_3COOH/CH_3COO^- .

الفوج الثاني أراد استعمال الطريقة الفيزيائية لحساب الكتلة من لأجل ذلك قاموا بتجميد حمض الخل في قالب مكعب تحت درجة حرارة $-17^\circ C$ فأصبح الحمض على شكل جسم صلب كتلته m .



على مستوي مائل بزاوية $\alpha = 20^\circ$ بالنسبة للأفق ترك التلاميذ الجسم الصلب ينزلق دون سرعة ابتدائية من النقطة A .

يخضع الجسم أثناء حركته لإحتكاكات مطبقة من طرف المستوي المائل نمذجها بقوة f ثابتة و معاكسة لجهة الحركة شدتها $1,3 \text{ N}$.

تم تصوير حركة مركز عطالة الجسم أثناء الحركة وبعد معالجة التصوير ببرنامج مناسب تم رسم البيان $v = f(t)$. الشكل 1.

1. مثل القوى المطبقة على الجسم
2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد عبارة تسارع مركز عطالة الجسم بدلالة $f ; \alpha ; g ; m$.
3. باستغلال البيان أوجد:

أ. المسافة المقطوعة AB .

ب. التسارع a بطريقتين مختلفتين. ثم استنتج قيمة m .

ت. هل التلاميذ توصلوا إلى نفس النتائج؟

انتهى الموضوع الثاني

$$U_C = -10^3 i + 12$$

$$\left. \begin{array}{l} -R = -10^3 \Omega \\ E = 12V \end{array} \right\} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} R = 10^3 \Omega \\ E = 12V \end{array} \right.$$

$$t = 2 \Rightarrow \frac{U_C}{U_R} = e^{\frac{t}{\tau}} - 1 = e - 1 = 1,7$$

بالإسقاط في البيان : $\tau = 0,04s$

$$\tau = RC \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{0,04}{10^3} = 4 \cdot 10^{-5} F$$

1- نصف في المتوازن : المتوازنات حرة متزامدة

$$U_L + U_C = 0 \Rightarrow L \frac{di}{dt} + r i + \frac{q}{C} = 0 \quad -2$$

$$L \frac{d^2 q}{dt^2} + r \frac{dq}{dt} + \frac{1}{C} q = 0$$

$$\frac{d^2 q}{dt^2} + \frac{r}{L} \frac{dq}{dt} + \frac{1}{LC} q = 0$$

3- من البيان : $T = 0,04s$

$$T = 2\pi \sqrt{LC} \Rightarrow T^2 = 4\pi^2 LC$$

$$L = \frac{T^2}{4\pi^2 C} \Rightarrow L = \frac{(0,04)^2}{4\pi^2 \cdot 4 \cdot 10^{-5}} = 1H$$

4- الطاقة العظمى المخزنة في المكثف

$$E_C(\max) = \frac{1}{2} C E^2 = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 10^{-5} \cdot (12)^2$$

$$E_C(\max) = 2,88 \cdot 10^{-3} J$$

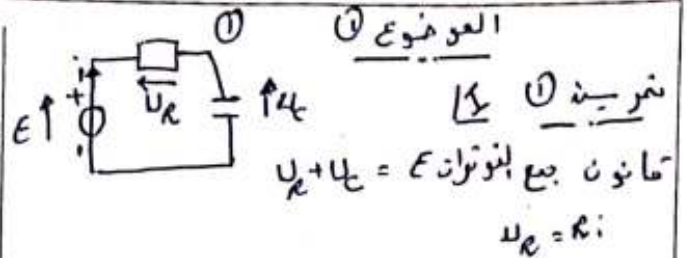
$$E_C = \frac{1}{2} C U_C^2 = \frac{1}{2} C U_C \cdot U_C = \frac{1}{2} q U_C$$

$$E_C(\max) = \frac{1}{2} q_{\max} \cdot E$$

من البيان q_{\max} ليست ثابتة إذن :

$E_C(\max)$ ليست ثابتة

حيث تكون $E_C(\max)$ ثابتة يجب تزع المقاومة ($r=0$)



$$U_R = R C \frac{dU_C}{dt} \quad \text{و من} \quad i = C \frac{dU_C}{dt} \quad \left\{ \begin{array}{l} i = \frac{dq}{dt} \\ q = C U_C \end{array} \right.$$

$$R C \frac{dU_C}{dt} + U_C = E$$

$$\frac{dU_C}{dt} = \beta \alpha e^{\alpha t} \quad \text{اذن} \quad U_C = A + \beta e^{\alpha t} \quad -3$$

نعوض في المعادلة : $R C \frac{dU_C}{dt} + U_C = E$

$$R C \beta \alpha e^{\alpha t} + A + \beta e^{\alpha t} = E$$

$$\beta e^{\alpha t} (R C \alpha + 1) + A - E = 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} R C \alpha + 1 = 0 \\ A - E = 0 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \alpha = -\frac{1}{R C} \\ A = E \end{array} \right.$$

لما $t=0$ لدينا $U_C=0$: $A + \beta e^0 = 0$

$$\beta = -A \Rightarrow \beta = -E$$

$$U_C = E - E e^{-\frac{t}{\tau}} \quad ; \quad \tau = R C$$

$$U_C + U_R = E \Rightarrow U_R = E - U_C \quad -4$$

$$U_R = E - (E - E e^{-\frac{t}{\tau}}) = E e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\frac{U_C}{U_R} = \frac{E - E e^{-\frac{t}{\tau}}}{E e^{-\frac{t}{\tau}}} = \frac{E}{E e^{-\frac{t}{\tau}}} - \frac{E e^{-\frac{t}{\tau}}}{E e^{-\frac{t}{\tau}}}$$

$$\frac{U_C}{U_R} = e^{\frac{t}{\tau}} - 1$$

$$E = 12V \quad -5$$

1- بدمعادلة البيان شكل 3 :

نقريًا : $U_C + U_R = E \Rightarrow U_C = E - U_R$

$$U_C = E - R i \Rightarrow U_C = -R i + E$$

$$U_C = \frac{0-12}{10^3 \cdot 0} i + 12$$

①

$$\alpha = \frac{0 - (-6,6 \cdot 10^6)}{0,32 - 0} = 20,625 \cdot 10^6$$

$$h = 20,625 \cdot 10^6 \frac{1}{\sqrt{g}} = 6,6 \cdot 10^6 \quad - (2)$$

بالطالبة بنت بيبي ١٠، ٢

$$\left. \begin{aligned} \sqrt{G_T} &= 20,625 \cdot 10^6 \\ -R_T &= -6,6 \cdot 10^6 \text{ m} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \left. \begin{aligned} G_T &= 4,25 \cdot 10^{14} \\ R_T &= 6,6 \cdot 10^6 \text{ m} \end{aligned} \right\}$$

$$\eta_T = \frac{4,25 \cdot 10^{14}}{6,67 \cdot 10^{11}} = 6,37 \cdot 10^{24} \text{ kg}$$

لحساب η ، ϵ ارجا ذبیه علی سطح الارض و
 مأخذ $h=0$ اذن :

$$0 = 20,625 \cdot 10^6 \cdot \frac{1}{\sqrt{g_0}} - 6,6 \cdot 10^6$$

$$g_0 = \left(\frac{20,625 \cdot 10^6}{6,6 \cdot 10^6} \right)^2 = 9,76 \text{ m/s}$$

$$h = 20,625 \frac{10^6}{\sqrt{0,25}} - 6,6 \cdot 10^6 = 34,65 \cdot 10^6$$

مصرفة الشريعة الإسلامية :

$$v = \sqrt{\frac{G M_T}{R_T + h}} = \sqrt{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 6,37 \cdot 10^{24}}{6,6 \cdot 10^6 + 34,65 \cdot 10^6}}$$

$$v = 3209,37 \text{ m/s}$$

حساب دور الفتر :

$$T = \frac{2\pi(R_T + h)}{v}$$

$$\tau = \frac{2\pi (6.6 \cdot 10^6 + 34.65 \cdot 10^6)}{3209.37}$$

$$= 80757.715' \approx 22.43$$

القر لیسہ جیو مستقر $T \neq 24^h$

$E = E_C + E_L$: طاقة الدارة :

$$= \frac{1}{2} c v_c^2 + \frac{1}{2} L i^2$$

$$U_c(t) = E \cos(\omega_0 t + \varphi) \quad \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$\therefore I(t) = C \frac{dV_C}{dt} = -C \epsilon \omega_0 \sin(\omega_0 t + \varphi)$$

$$E = \frac{1}{2} C [E \cos(\omega_0 t + \varphi)]^2 + \frac{1}{2} L [-c E \omega_0 \sin(\omega_0 t + \varphi)]^2$$

$$= \frac{1}{2} C E^2 \cos^2(\omega_0 t + \varphi) + \frac{1}{2} C E^2 \sin^2(\omega_0 t + \varphi)$$

$$= \frac{1}{2} C E^2 \cos^2(\omega_0 t + \varphi) + \frac{1}{2} L C E^2 \frac{1}{L C} \sin^2(\omega_0 t + \varphi)$$

$$= \frac{1}{2} c E^2 (\cos^2(\omega_0 t + \varphi) + \sin^2(\omega_0 t + \varphi))$$

$$= \frac{1}{2} CF^2$$

$$F = G \frac{m_T}{(R_T + h)^2} \quad \text{نقطة 2 :}$$

$$[G] = \frac{[F]}{\frac{[m][r]}{[R + k]^2}} \Rightarrow [G] = \frac{[M][L][t]^{-2}}{\frac{[M]^1}{[L]^2}}$$

$$[G] = \frac{[L]^3}{[M] \cdot [t]^2}$$

$$g = \frac{F}{m} \Rightarrow g = \frac{G M_r}{(R_r + h)^2} \quad -3$$

$$(r_f + h)^2 = \frac{GM_f}{g} \Rightarrow r_f + h = \frac{\sqrt{GM_f}}{\sqrt{g}} \quad -4$$

$$h = \sqrt{g r_T} \cdot \frac{1}{\sqrt{g}} = R_T \quad - (1)$$

$$B = -R_T \quad A = \sqrt{G \gamma_T}$$

5. معادلة البيان :

$$h = \alpha \frac{1}{\sqrt{g}} + \beta$$

$$m = m_1 - \frac{27cV}{6} + \frac{27[H_3O^+]}{6}V$$

$$\frac{dm}{dt} = \frac{27V}{3} \frac{d[H_3O^+]}{dt}$$

6. السرعة الحقيقية لا تتغير H_3O^+ :

$$J_{H_3O^+} = -\frac{1}{V} \frac{dn(H_3O^+)}{dt} = -\frac{d[H_3O^+]}{dt}$$

معاً نجد :

$$J_{H_3O^+} = -\frac{3}{27V} \frac{dm}{dt}$$

$\frac{dm}{dt}$: ميل المماس

عند $t=0$:

$$J = -\frac{3}{27 \cdot 90 \cdot 10^{-3}} \frac{0,54 - 1,08}{1 - 0}$$

$$= 0,66 \text{ mol/L} \cdot \text{min}$$

عند $t=10 \text{ min}$: $J=0$

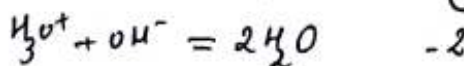
نلاحظ أن السرعة تتناقص.

7- لما $t = t_{1/2}$ يكون $x = \frac{x_{\max}}{2}$

من العلاقة ① : $m = m_1 - 27 \cdot \frac{x_{\max}}{2}$

$$m = 1,08 - 27 \cdot 0,0175 = 0,6075 \text{ g}$$

بالإسقاط على المنحنى : $t_{1/2} = 1,5 \text{ min}$



3. $K = \frac{1}{[H_3O^+][OH^-]} = \frac{1}{10^{-14}} = 10^{14}$

$K > 10^4$: التفاعل تام

4. لإحداثيات نقطة التوازن :
 $\begin{cases} pH=7 \\ V_E = 20 \text{ ml} \end{cases}$

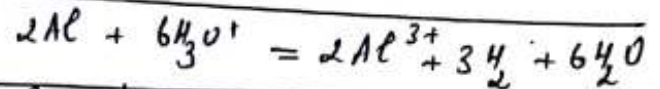
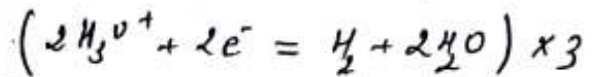
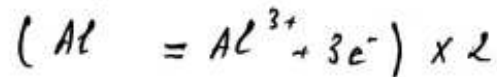
5. عند التوازن : $c_2 V_2 = c_6 V_{6E}$

$$c_2 = \frac{c_6 V_{6E}}{V_A} \Rightarrow c_2 = \frac{0,01 \cdot 20 \cdot 10^{-3}}{20 \cdot 10^{-3}}$$

$$c_2 = 0,01 \text{ mol/l}$$

التحريك التجريبي : كما

الشائتين : (H_3O^+/H_2) و (Al^{3+}/Al)



n_1	n_2	v	v_0	بوزة
$n_1 - 2x$	$n_2 - 6x$	$2x$	$3x$	"
$n_1 - 2x_f$	$n_2 - 6x_f$	$2x_f$	$3x_f$	"

التفاعل تام إذا $x_f = x_{\max}$

هناك كتلة متبقية من Al إذا :

المزيج ليس في نسب ستوكيومترية

المسائل المطروحة H_3O^+

4- من جدول التفاعل :
 $n_f(Al) = n_1 - 2x_{\max}$

$$\frac{m_f}{M} = \frac{m_1}{M} - 2x_{\max} \Rightarrow m_f = m_1 - 27 \cdot 2x_{\max}$$

$$x_{\max} = \frac{m_1 - m_f}{27} \Rightarrow x_{\max} = \frac{1,08 - 0,135}{2 \times 27}$$

$$x_{\max} = 0,0175 \text{ mol}$$

المسائل المطروحة H_3O^+ إذا :

$$n_2 - 6x_{\max} = 0 \Rightarrow c \cdot v = 6x_{\max}$$

$$c = \frac{6x_{\max}}{v} \Rightarrow c = \frac{6 \times 0,0175}{90 \cdot 10^{-3}} = 1,16 \text{ mol/l}$$

5. $n(Al) = n_1 - 2x \Rightarrow \frac{m}{M} = \frac{m_1}{M} - 2x$

$$m = m_1 - 27 \cdot 2x \quad \text{①}$$

$$n(H_3O^+) = cV - 6x \Rightarrow x = \frac{cV - n(H_3O^+)}{6}$$

$$x = \frac{cV - [H_3O^+] \cdot V}{6}$$

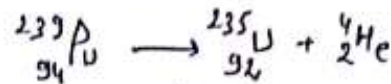
نحوض في ①

الموضوع 2

تقريبية ①

النفق أثر: هي أنوية ممتدة نفس العاكلة
لها نفس العدد الذري Z وتختلف في العدد الكتلي A

3 شعاع α : وهو نواة الهيليوم ${}^4_2\text{He}$



$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow \frac{N(t)}{N} = \frac{N_0}{N} e^{-\lambda t} \quad 2$$

$$m(t) = m_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow m_0 = m e^{\lambda t}$$

$$\frac{m_0}{m} = e^{\lambda t} \quad \text{ب. المعادلة التفرقة:}$$

$$\ln \frac{m_0}{m} = \lambda t$$

$$\ln \frac{m_0}{m} = \alpha t \quad \text{المعادلة البائية:}$$

$$\alpha = \frac{4-0}{14 \cdot 10^4} = 2,857 \cdot 10^{-5} \text{ ans}^{-1}$$

$$= \frac{2,857 \cdot 10^{-5}}{365 \cdot 24 \cdot 3600} \approx 9 \cdot 10^{-13} \text{ s}^{-1}$$

$$\lambda = 9 \cdot 10^{-13} \text{ s}^{-1} \quad \ln \frac{m_0}{m} = 9 \cdot 10^{-13} \cdot t$$

$$A_0 = \lambda N_0 \Rightarrow A_0 = 9 \cdot 10^{-13} \cdot \frac{1}{239} \cdot 6,02 \cdot 10^{23}$$

$$A_0 = 2,26 \cdot 10^6 \text{ g}$$

تفاعل α انشطار:

هو تفاعل نووي مفعل يتم من خلاله قذف
نواة شحنة غير مستقرة بنظرونات فتتفطر
لتعطي أنوية أكثر استقراراً وتحرر جسيمات
وطاقت

2. النواة الأكثر استقراراً هي التي يكون
لها $\frac{E_f}{A}$ كبير:

نعم النسبة تتوافق مع التعريف

$$E_{Lf} = E_f(f) - E_f(i) \quad 3$$

$$= E_f(Pb) + E_f(Te) - E_f(Pu)$$

$$E_{Lf} = 8,6 \cdot 102 + 8,3 \cdot 135 - 7,5 \cdot 239 = 205,2 \text{ MeV}$$

$$E_{Lf} = \Delta m c^2 \quad 4$$

$$\Delta m = \frac{E_{Lf}}{931,5} \Rightarrow \Delta m = \frac{205,2}{931,5} = 0,22 \text{ u}$$

$$E_{Lf} = 205,2 \cdot 1,6 \cdot 10^{-13} \text{ J} \quad 5. \text{ نواة واحدة تحرر:}$$

$$N = \frac{m}{M} N_A = \frac{1}{239} \cdot 6,02 \cdot 10^{23} \quad 1 \text{ g يحتوي على:}$$

$$N = 2,518 \cdot 10^{21}$$

$$E_{Lf} = 205,2 \cdot 1,6 \cdot 10^{-13} \cdot 2,518 \cdot 10^{21}$$

$$E_{Lf} = 8,26 \cdot 10^{10} \text{ J}$$

$$f = \frac{E_{fpe}}{E} \Rightarrow E_{fpe} = f \cdot E \Rightarrow E_{fpe} = 0,3 \cdot 8,26 \cdot 10^{10}$$

$$E_{fpe} = 2,478 \cdot 10^{10} \text{ J}$$

$$P = \frac{E}{t} \Rightarrow t = \frac{E}{P} \Rightarrow t = \frac{2,478 \cdot 10^{10}}{30 \cdot 10^6}$$

$$t = 826 \text{ s} \Rightarrow t \approx 14 \text{ min}$$

تقريبية 2

الجواب الصحيح هو الجواب 2.

$$U_L + U_{R_0} = E \Rightarrow L \frac{di}{dt} + r i + R_0 i = E$$

$$\frac{di}{dt} + \frac{(R_0 + r)}{L} i = \frac{E}{L}$$

$$i = \frac{E}{R+r} + \alpha e^{\beta t} \Rightarrow \frac{di}{dt} = \alpha \beta e^{\beta t}$$

$$\alpha \beta e^{\beta t} + \frac{R+r}{L} \left(\frac{E}{R+r} + \alpha e^{\beta t} \right) = \frac{E}{L}$$

$$\alpha \beta e^{\beta t} + \frac{E}{L} + \frac{\alpha(R+r)}{L} e^{\beta t} = \frac{E}{L}$$

$$\alpha e^{\beta t} \left(\beta + \frac{R+r}{L} \right) = 0 \Rightarrow \beta = -\frac{R+r}{L} = -\frac{1}{\tau}$$

$$\text{لما } i(0) = 0 : t = 0$$

$$\frac{E}{R+r} + \alpha e^0 = 0 \Rightarrow \alpha = -\frac{E}{R+r} = -I_0$$

$$i(t) = \frac{E}{R+r} - \frac{E}{R+r} e^{-t/\tau} \quad \tau = \frac{L}{R+r}$$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \Rightarrow T_0^2 = 4\pi^2 LC$$

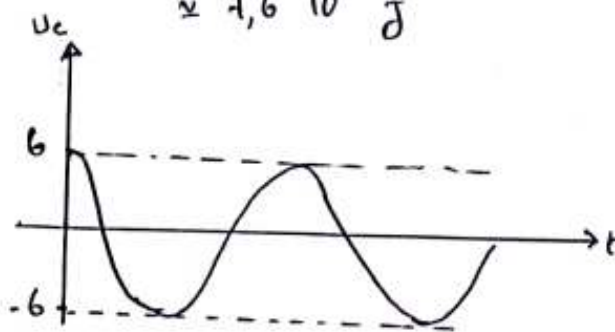
$$C = \frac{T_0^2}{4\pi^2 L} \Rightarrow C = \frac{(10^{-3})^2}{4\pi^2 \cdot 0,06} = 4,22 \cdot 10^{-8} F$$

$$E = \frac{1}{2} C U_C^2 + \frac{1}{2} L i^2 \quad \text{طاقة الدارة :}$$

$R=0$ فيها ثابتة عبر الزمن لأن

$$E = \frac{1}{2} C E^2 = \frac{1}{2} 4,22 \cdot 10^{-8} \cdot (6)^2$$

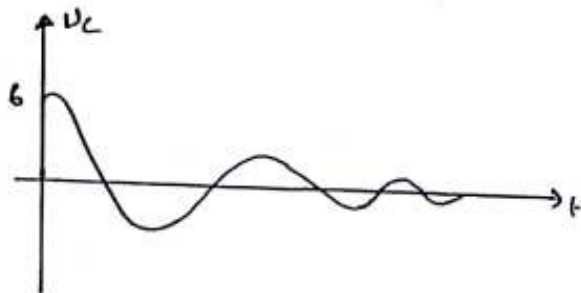
$$\approx 7,6 \cdot 10^{-6} J$$



4. $R \neq 0$

النظام المشاهد: التنازلات حرة متنازلة
نظام شبه دوري

$$T_1 = T_0 = 1 ms$$



$$E = 7,6 \cdot 10^{-6} J$$

الطاقة الابتدائية للدائرة

تتحول عند مُرَيق فكل جول (حرارة)
في المقاومة

$$U_{AB} = R i(t) \quad \text{لدينا}$$

تغيرات U_{AB} هي نفسها تغيرات $i(t)$ ومنه
المسئلي 2 هو مسئلي U_{AB}

$$U_{AB}^{(max)} = 4V / E = 6V \quad / \quad U_{AB} = E = 6V \quad 2$$

$$Z = 5 ms \Rightarrow Z = 5 \cdot 10^{-3} s$$

$$U_{AB}^{(max)} = R_0 I_0 \Rightarrow I_0 = \frac{U_{AB}^{(max)}}{R_0} \quad 3$$

$$I_0 = \frac{4}{8} = 0,5 A \quad ; \quad I_0 = \frac{E}{R+r}$$

$$I_0(R+r) = E \Rightarrow r = \frac{E}{I_0} - R$$

$$r = \frac{6}{0,5} - 8 = 4 \Omega \quad r = 4 \Omega$$

$$L = Z(R+r) \quad \text{منه} \quad Z = \frac{L}{R+r} \quad 4$$

$$L = 5 \cdot 10^{-3} (8+4) = 0,06 H$$

5. الطاقة للفرقة في الوشيعية: "المعطي"

$$E = \frac{1}{2} L I_0^2 \Rightarrow E = \frac{1}{2} 0,06 \cdot (0,5)^2 = 7,5 \cdot 10^{-3} J$$

$$U_C = 6V \quad \text{البادلة في الوقع 1}$$

نعم المكثفة تتخذ لحظيًا لأن: $Z = R = 0$

2. البادلة في الوقع 2: الطاقة للفرقة في

المكثفة نقرع في الوشيعية والمقاومة

هذه المقاومة لا تدوم إلى ما لا نهاية لأن

الطاقة ستدفع في المقاومة على شكل حرارة

3. $R=0$: النظام هو: التنازلات حرة متنازلة

$$U_L + U_C = 0 \Rightarrow L \frac{di}{dt} + U_C = 0 \quad \text{ب-}$$

$$i = \frac{dq}{dt} \quad \left\{ \begin{array}{l} i = C \frac{dU_C}{dt} \\ q = C U_C \end{array} \right. \Rightarrow \frac{di}{dt} = C \frac{d^2 U_C}{dt^2}$$

$$C L \frac{d^2 U_C}{dt^2} + U_C = 0 \Rightarrow \frac{d^2 U_C}{dt^2} + \frac{1}{LC} U_C = 0$$

$$\Sigma \vec{F} = m \vec{a} : \vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m \vec{a} \quad -2$$

$$P \sin \alpha - f = m a : \text{با } \alpha \text{ على } xx'$$

$$a = \frac{P \sin \alpha - f}{m} = \frac{mg \sin \alpha - f}{m}$$

$$a = g \sin \alpha - \frac{f}{m}$$

$$a = \frac{1-0}{1-0} = 1 \text{ m/s}^2 \quad 3. \text{ من البيان:}$$

$$AB = \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot 1 = 0,5 \text{ m}$$

$$\frac{v_2^2}{2} - \frac{v_1^2}{2} = 2 a \cdot AB \Rightarrow a = \frac{v_2^2 - v_1^2}{2 \cdot AB}$$

$$a = \frac{11^2 - 0}{2 \cdot 0,5} = 1 \text{ m/s}^2$$

$$a = g \sin \alpha - \frac{f}{m} \Rightarrow \frac{f}{m} = g \sin \alpha - a$$

$$m = \frac{f}{g \sin \alpha - a} \Rightarrow m = \frac{1,3}{10 \sin 20^\circ - 1}$$

$$m = 0,537 \text{ kg}$$

$$= 537 \text{ g}$$

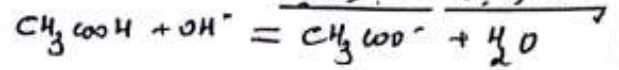
السلامة لم يتوصلوا الى نفس النتائج

و ذلك راجع امّا لكون العصف

في القاردين ليس له نفس التركيز

والضغط في التجربة.

التجربة التجريبية:



$$c_a V_a \quad c_b V_b \quad 0 \quad \text{بوفرة}$$

$$c_a V_a - x \quad c_b V_b - x \quad x \quad \sim$$

$$c_a V_a - x_{eq} \quad c_b V_b - x_{eq} \quad x_{eq} \quad \sim$$

$$V_{bE} = 2.83,33 \text{ ml} \quad \text{عند النكاح}$$

$$V_{bE} = 166,66 \text{ ml}$$

$$c_a V_a = c_b V_{bE} \Rightarrow c_a = \frac{c_b V_{bE}}{V_a}$$

$$c_a = \frac{0,1 \cdot 166,66 \cdot 10^{-3}}{20 \cdot 10^{-3}} = 0,833 \text{ mol/l}$$

$$F = \frac{C_0}{C_1} = \frac{V_1}{V_0}$$

$$C_0 = F \cdot C_1$$

$$C_0 = 10 \cdot 0,833$$

$$C_0 = 8,33 \text{ mol/l}$$

$$V_0 = \frac{V_1}{F} \Rightarrow V_0 = \frac{100}{10} = 10 \text{ ml}$$

$$C_m = M \cdot C \Rightarrow C_m = 60 \cdot 8,33 = 499,8 \text{ g/l}$$

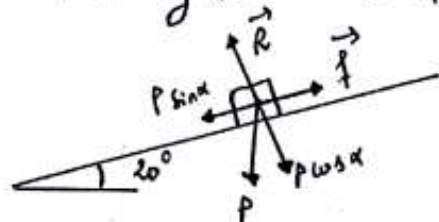
$$C_m \approx 500 \text{ g/l}$$

$$C_m = \frac{m}{V} \Rightarrow m = C_m \cdot V$$

$$m = 500 \cdot 0,01 = 5 \text{ g}$$

$$pK_a = pH - \log \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]}$$

$$pK_a = 2,4 - \log 3,98 \cdot 10^{-3} = 4,8$$





على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على 05 صفحات (من الصفحة 01 من 10 إلى الصفحة 05 من 10)

التمرين الأول: (06 نقاط)

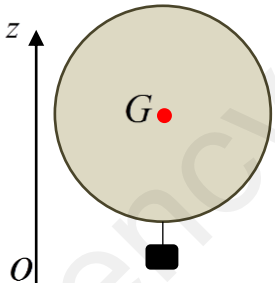


يُنْفَخ منطاد مسبار من المطاط الرقيق الجد مرن، بواسطة غاز الهيليوم. تربط تحت المنطاد سلة تحمل التجهيز العلمي اللازم لدراسة تركيب الهواء الجوي. ينفجر الجدار المطاطي للمنطاد عندما يكون موجودا على ارتفاع محصور بين 20 و 30 كيلومترا. بعد الانفجار، تفتح مظلة صغيرة كي تعود بالسلة ومحتواها إلى سطح الأرض. تُدرس الجملة (منطاد + سلة + التجهيز العلمي) ذات الكتلة m ومركز عطالتها G في مرجع سطحي أرضي نعتبره غاليليا.

يهدف التمرين إلى دراسة ميكانيك طيران منطاد مسبار على ارتفاعات منخفضة.

- المعطيات:

- كتلة المنطاد: $m_1 = 2,1 \text{ kg}$ - حجم المنطاد: $V_b = 9,0 \text{ m}^3$ - قيمة تسارع الجاذبية: $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$
- كتلة السلة فارغة: $m_0 = 0,5 \text{ kg}$ - الكتلة الحجمية للهواء: $\rho = 1,29 \text{ kg.m}^{-3}$
- شدة قوة احتكاك الهواء على الجملة تعطى بالعلاقة: $f = A \cdot \rho \cdot v^2$ بحيث A ثابت من أجل ارتفاعات منخفضة، نفرض أنه لا توجد رياح تُحرف حركة الجملة عن منحائها الشاقولي وأن حجم السلة مهمل بالنسبة لحجم المنطاد.
- 1. ينطلق المنطاد من السكون و يصعد شاقوليا نحو الأعلى.



الشكل 1: حركة صعود منطاد مسبار

1.1. أحص القوى الخارجية المطبقة على مركز عطالة الجملة G ، ثم مثلها على الشكل 1.

2.1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الجملة، بين أن المعادلة

$$\frac{dv}{dt} + \frac{A \cdot \rho}{m} \cdot v^2 = g \left(\frac{\rho \cdot V_b}{m} - 1 \right)$$

3.1. استنتج عبارة كل من: التسارع الابتدائي a_0 والسرعة الحدية v_{lim} .

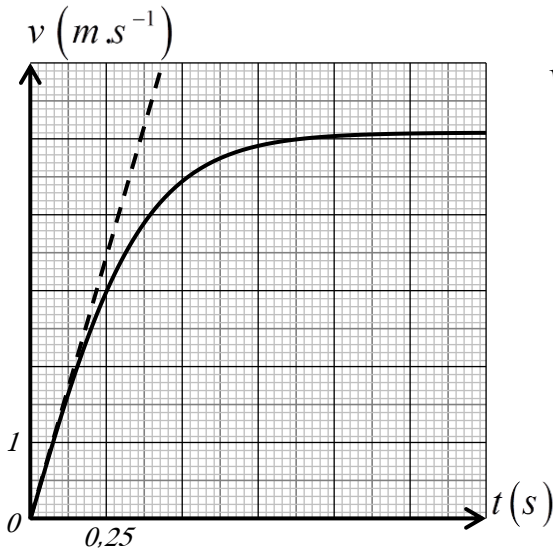
4.1. باستعمال التحليل البعدي، حدّد وحدة الثابت A .

2. يمكن للمنطاد أن يرتفع إذا كان شعاع التسارع غير معدوم وموجّه نحو الأعلى.

1.2. حدّد الشرط اللازم لارتفاع المنطاد الذي تحقّقه كتلة الجملة، ممّا يلي:

$$(أ) \quad m < \rho \cdot V_b \quad (ب) \quad m > \rho \cdot V_b$$

2.2. أحسب الكتلة الأعظمية m_2 للتجهيز العلمي الذي يمكن حمله على متن السلة.



3. دراسة حركة المنطاد مكننتا من الحصول على البيان $v = f(t)$

الموضح في الشكل 2.

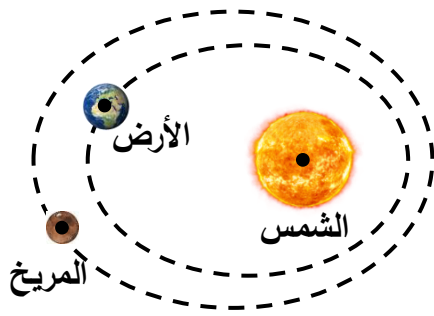
1.3. حدّد قيمة السرعة الحدية v_{lim} ، والتسارع الابتدائي a_0 .

2.3. استنتج قيمة كل من: m_2 كتلة التجهيز العلمي

المستعمل، والثابت A .



الشكل 2: تغيّرات سرعة مركز عطالة الجملة بدلالة الزمن.



الشكل 3: رسم يوضح مسارات بعض الكواكب حول الشمس.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

مثل كل الكواكب في نظامنا الشمسي، تدور الأرض والمريخ حول الشمس. لكن الأرض أقرب إلى الشمس، وبالتالي تتسابق على طول مدارها بسرعة أكبر. "تقوم الأرض برحلتين حول الشمس في نفس الوقت تقريبا الذي يستغرقه المريخ للقيام برحلة واحدة". لذلك في بعض الأحيان يكون الكوكبان على جانبيين متقابلين من الشمس، متباعداً جداً، وفي أحيان أخرى، تلحق الأرض بجارتها وتمر بالقرب منها نسبياً في ظاهرة تدعى بـ"التقابل".

يهدف التمرين إلى دراسة بعض مميزات كوكبي الأرض والمريخ، والتعرف على ظاهرة "التقابل".

- المعطيات:

- ثابت التجاذب الكوني: $G = 6,67 \times 10^{-11} SI$ - كتلة الشمس: $M_s = 2 \times 10^{30} kg$

- الوحدة الفلكية $U.A = 1,5 \times 10^8 km$

1. يوضّح الشكل 3 نظرة العالم كبلر لحركة الكواكب حول الشمس في بداية دراسته. اشرح ذلك

2. نعتبر أن حركة كل من الأرض والمريخ حول الشمس دائرية منتظمة. (نهمل باقي القوى المؤثرة على الكوكبين أمام تأثير قوة الجذب العام التي تطبقها الشمس).

1.2. حدّد المرجع المناسب للدراسة، وعرفه.

2.2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة كوكب (P) ، بين أن عبارة سرعته المدارية v_p تكتب

$$v_p = \sqrt{\frac{G \cdot M_s}{r_p}}$$

حيث M_s كتلة الشمس (S) و r_p نصف قطر مدار الكوكب (P) .

3.2. استنتج عبارة القانون الثالث لكبلر.



4.2. الجدول التالي يوضح بعض

خصائص الكواكب المدروسة:

المريخ	الأرض	الكوكب (P)
...	365,25	الدور T_p (jour)
1,515	...	نصف قطر المدار r_p (U.A)
...	...	$\frac{T_p^2}{r_p^3} (s^2.m^{-3})$

- أنقل الجدول على ورقة الإجابة وأكمله.

3. خلال سنوات مضت وقعت ظاهرة فلكية

تدعى "التقابل"، بحيث يكون المريخ، الأرض

والشمس على استقامة واحدة بحيث يمكن

مشاهدته باستعمال تليسكوب أو حتى بعض

المرات بواسطة العين المجردة.

1.3. أحسب النسبة $\frac{T_T}{T_M}$ بين دور الأرض ودور المريخ حول الشمس.

2.3. ناقش صحّة العبارة "تقوم الأرض برحلتين حول الشمس في نفس الوقت تقريباً الذي يستغرقه المريخ

للقيام برحلة واحدة".

التمرين الثالث: (06 نقاط)

للمكثفات دور أساسي في بعض الأجهزة الكهربائية نتيجة ميزتها

في تخزين الطاقة وإرجاعها عند الحاجة. وكذلك إمكانية التحكم

في مدة شحنها وتفريغها

يهدف التمرين إلى دراسة شحن وتفريغ مكثفة

من أجل ذلك ننجز التركيب الممثل في الشكل 4، المكون من:

- مولد للتوتر قوته المحركة الكهربائية E .

- ناقلين أوميين مقاومتيهما $R_1 = 100\Omega$ و R_2 .

- مكثفة سعتها C غير مشحونة. - بادلة K .

1. عند اللحظة $t = 0$ نضع البادلة في الوضع (1).

1. أنقل الدارة على ورقة الإجابة، ومثل عليها بأسهم اتجاه التيار والتوتر بين طرفي المكثفة u_C ، التوتر بين طرفي

الناقل الأومي u_{R_1} .

2. بواسطة برمجية مناسبة حصلنا على

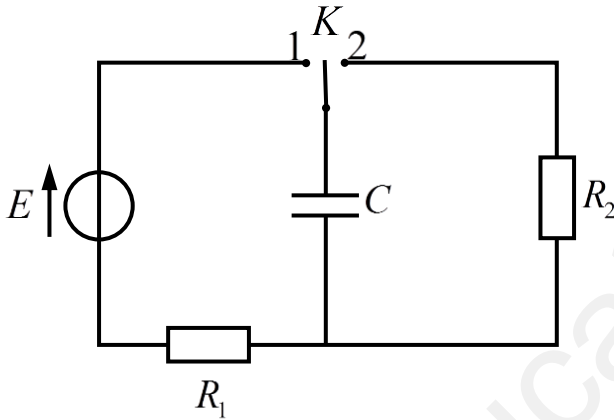
بياني التوترين u_C و E الممثلين في

الشكل 5، بالاعتماد عليه:

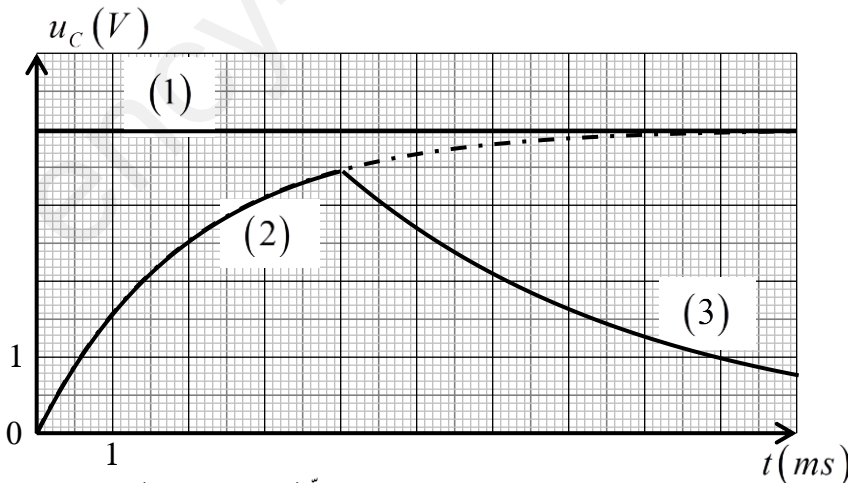
1.2. عيّن قيمة E وثابت الزمن τ_1 .

2.2. تحقق من أن سعة المكثفة

$C = 20\mu F$.



الشكل 4. دارة تجربة شحن وتفريغ مكثفة



الشكل 5. تطور التوتر بين طرفي المكثفة خلال الدراسة





3. بتطبيق قانون جمع التوترات، جد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين طرفي المكثفة u_C .
4. حل المعادلة التفاضلية يكتب من الشكل: $u_C(t) = A(1 - e^{-\alpha t})$ ، حيث أن A و α ثابتين موجبين.
- حدّد عبارة كل من: A و α بدلالة مميزات الدارة.

5. أحسب قيمة الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة $t_1 = 4ms$.
- II. يتم إيقاف شحن المكثفة عند اللحظة $t_1 = 4ms$ وذلك بتغيير وضع البادلة إلى الوضع (2)، فتتفرغ المكثفة في الناقل الأومي R_2 ، يمثل البيان. 3 (الشكل. 5) تغيرات التوتر u_C بدلالة الزمن، ونختار t_1 مبدأ للأزمنة.
1. اعتمادا على البيان. 3، حدّد قيمة ثابت الزمن τ_2 ، واستنتج قيمة مقاومة الناقل الأومي R_2 .
2. أحسب قيمة الطاقة المحولة في الناقل الأومي R_2 عند اللحظة $t_2 = 8ms$.

التمرين التجريبي: (06 نقاط)



للأسترات دور هام في كيمياء العطور وفي الصناعة الغذائية لكونها تملك رائحة مميزة كرائحة الأزهار أو الفواكه، كما تستخدم في الصناعات الصيدلانية. توجد الأسترات طبيعيا في النباتات أو تُفرزها بعض الحشرات، كما يمكن اصطناعها في المختبر عن طريق تفاعل الكحولات مع الأحماض الكربوكسيلية.

يهدف التمرين إلى دراسة محلول مائي لحمض الإيثانويك ثم متابعة تطور تفاعل الأسترة.

1. دراسة محلول مائي لحمض الإيثانويك:

نحضّر محلولاً مائياً (S_0) لحمض الإيثانويك CH_3COOH تركيزه المولي $c_0 = 10^{-2} mol / L$ وحجمه V_0 . أعطى قياس pH القيمة 3,4.

1. أكتب معادلة تفاعل حمض الإيثانويك مع الماء.
2. أعط عبارة نسبة التقدم النهائي τ_{f0} بدلالة pH و c_0 ثم بيّن أن حمض الإيثانويك ضعيف.
3. نمّد المحلول (S_0) وذلك بإضافة حجما V_e من الماء للحصول على محلول (S_1) تركيزه المولي c_1 وحجمه V_1 .
- 1.3. جد عبارة ثابت الحموضة Ka للثنائية (CH_3COOH / CH_3COO^-) بدلالة c_1 و τ_f .

$$\tau_f^2 = \frac{Ka}{c_0 \cdot V_0} V_e + \frac{Ka}{c_0} \quad \text{من أجل } \tau_f \ll 1 \text{، بيّن أن}$$

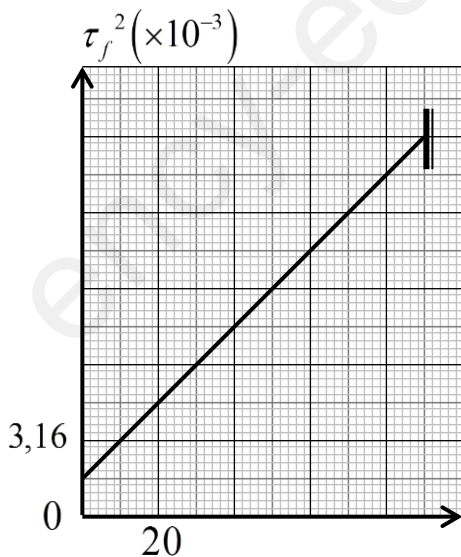
4. يمثل الشكل. 6 تغيرات τ_f^2 بدلالة حجم الماء المضاف V_e من أجل $\tau_f \ll 1$.

1.4. اعتمادا على البيان، جد قيمة كل من: ثابت الحموضة Ka والحجم V_0 .

2.4. استنتج تأثير تمديد المحلول على نسبة التقدم النهائي.

2. متابعة تطور تفاعل الأسترة:

لدراسة تطور تفاعل الأسترة، نمزج في بيشر $0,5mol$ من حمض الإيثانويك CH_3COOH و $0,5mol$ من كحول صيغته العامة C_4H_9OH وبعض قطرات من حمض

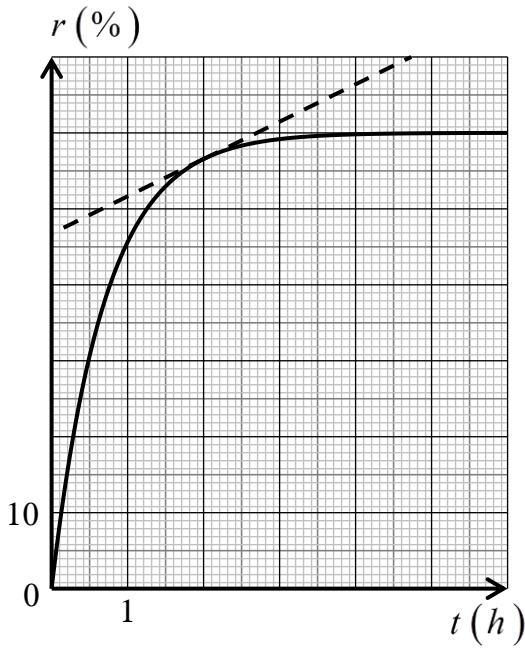


الشكل. 6 تغيرات τ_f^2 بدلالة حجم الماء المضاف



الكبريت المركز، نوزعه بالتساوي على عشرة أنابيب اختبار مرقمة من 1 إلى 10 ونسدها بإحكام ثم نضعها عند اللحظة $t=0$ في حمام مائي درجة حرارته ثابتة.

1. اكتب معادلة تفاعل الأسترة الحادث في أنبوب اختبار.
2. أنشئ جدولا لتقدم التفاعل الذي يحدث في كل أنبوب اختبار.
3. مكّنت معايرة محتوى أنابيب الاختبار السابقة، عند لحظات مختلفة، من رسم البيان $r = f(t)$ حيث r مردود تفاعل الأسترة عند لحظة t في أنبوب اختبار (الشكل 7).



الشكل 7. تطور مردود التفاعل r بدلالة الزمن

- 1.3. عرّف سرعة التفاعل، وبيّن أنها تُكتب على الشكل

$$v = 5 \times 10^{-4} \cdot \frac{dr}{dt} \text{ التالي:}$$

- 2.3. أحسب سرعة التفاعل عند اللحظة $t = 2h$.
- 3.3. حدّد قيمة مردود تفاعل الأسترة عند بلوغ التوازن، واستنتج صنف الكحول المستعمل.
- 4.3. أعط تسمية كل من الكحول المستعمل والأستر المتشكل.



نحن سندك



الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على 05 صفحات (من الصفحة 06 من 10 إلى الصفحة 10 من 10)



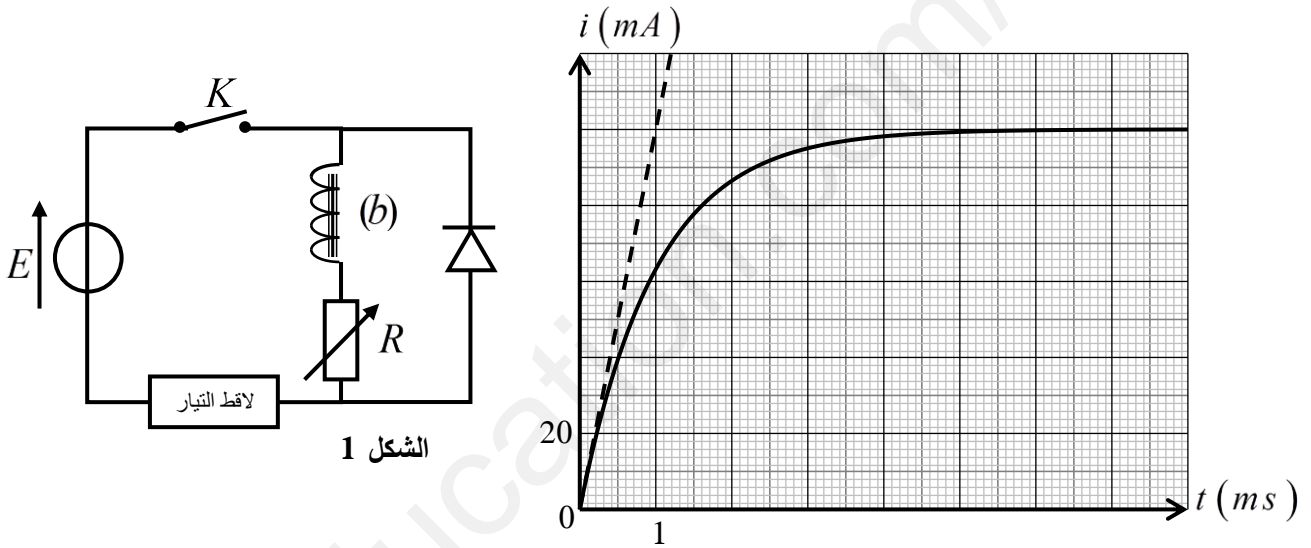
التمرين الأول: (04 نقاط)



الوشية عبارة عن سلك طويل من النحاس ملفوف حول أسطوانة عازلة. تحتوي كثير من الأجهزة مثل مكبرات الصوت، التلفزيونات، المحركات والمنوبات على الوشائع. يهدف التمرين إلى تحديد مميزات وشية ودراسة تأثير بعض العوامل على تأسيس التيار.

تتكون دائرة كهربائية من مولد ذو توتر ثابت $E = 10V$ ، وعلبة مقاومات R ، ووشية (b) بنواة حديدية ذاتيتها L ومقاومتها الداخلية r ، قاطعة K وصمام ثنائي. (الشكل 1).

1. نضبط ذاتية الوشية على القيمة L_0 والمقاومة على القيمة R_0 ثم نغلق القاطعة عند اللحظة $t = 0$ ، ونسجل بواسطة لاقط التيار لجهاز $ExAO$ تطور شدة التيار $i(t)$. نحصل على بيان الشكل 2. الممثل لتغيرات شدة التيار الكهربائي $i(t)$ المار في الدارة بدلالة الزمن.



الشكل 2. تغيرات شدة التيار الكهربائي i بدلالة الزمن

1.1. وضح أهمية النواة الحديدية.

2.1. جد المعادلة التفاضلية لشدة التيار الكهربائي المار في الدارة.

3.1. حل المعادلة التفاضلية السابقة من الشكل: $i(t) = A + B \cdot e^{\alpha t}$ حيث A ، B و α ثوابت يطلب

تعيين عبارة كل منها بدلالة مميزات الدارة.

4.1. احسب معامل توجيه المماس عند اللحظة $t = 0$ ، ثم استنتج قيمة ذاتية الوشية L_0 .

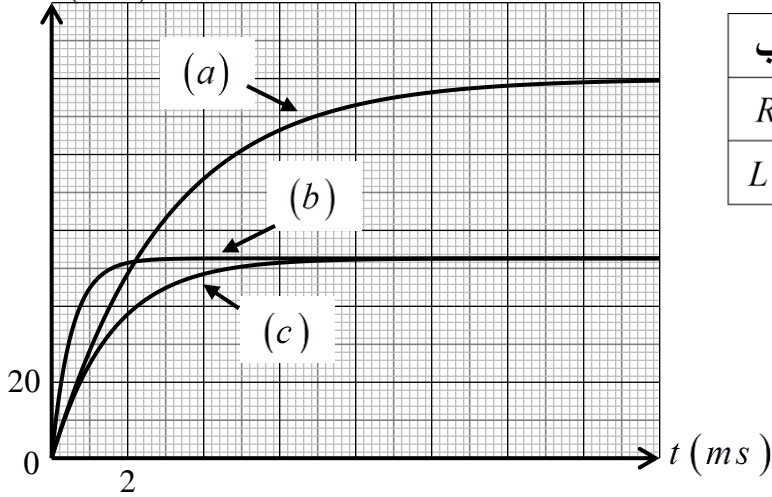
5.1. عيّن قيمة ثابت الزمن τ_0 .

6.1. جد قيمة كل من: r و R_0 ، علما أنه في النظام الدائم يكون لدينا: $\frac{u_R}{u_b} = 9$

2. لدراسة تأثير ذاتية الوشية، ومقاومة الناقل الأومي على تأسيس التيار الكهربائي المار في الدارة، نقوم بتغيير الذاتية L والمقاومة R ، حسب الجدول التالي:



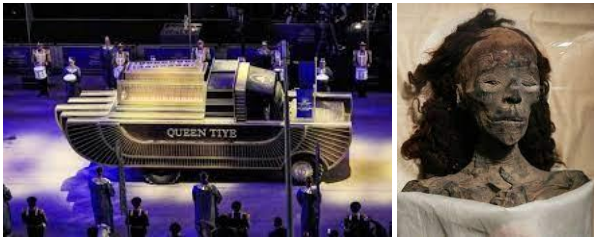
الشكل 3. تغيرات شدة التيار الكهربائي بدلالة الزمن $i (mA)$



التجارب	01	02	03
$R (\Omega)$	$R_1 = R$	$R_2 = 2R$	$R_3 = 2R$
$L (H)$	$L_1 = 3L$	$L_2 = 3L$	$L_3 = L$

تمكنا من تمثيل البيانات (a, b, c) الموافقة للتجارب الثلاثة (الشكل 3).

- ارفق كل تجربة بالبيان الموافق مع التعليل.



التمرين الثاني: (04 نقاط)

"تي" هي ملكة مصرية قديمة عُثر على مومياءها في مقبرة بوادي الملوك سنة 1898م؛ وتم الكشف عن أنها المومياء الملقبة بـ "السيدة العظيمة" وذلك في عام 2010.

الدراسات الأولية التي تمت على المومياء بينت مبدئياً أنها توفيت قبل 3000 إلى 4000 سنة.

يهدف التمرين إلى دراسة تفكك الكربون المشع وتحديد تاريخ وفاة الملكة تي.

يمثل الشكل 4 جزء من مخطط $(N - Z)$ حيث تمثل المنطقة المظلمة وادي الاستقرار الذي يشمل الأنوية المستقرة.

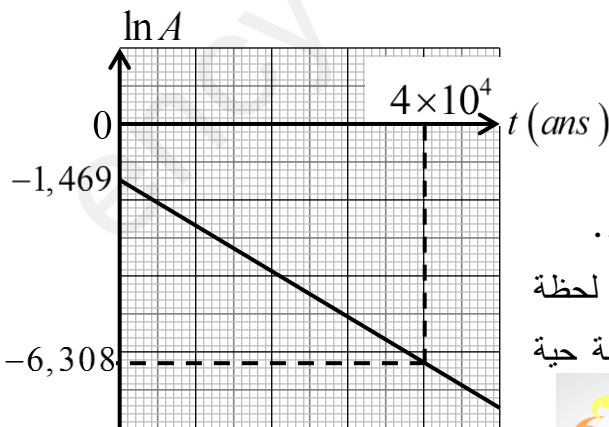
1. عرف ما يلي: نظائر، تفكك β^- .

2. اعتماداً على الشكل 4، اكتب معادلة تفكك النواة $^{14}_6C$ مع تحديد النواة

البنيت الناتجة A_ZX والجسيم الصادر.

3. دراسة النشاط الإشعاعي لعينة مشعة من الكربون 14 مكنتنا

من الحصول على الشكل 5. يمثل تغيرات $\ln A(t)$ لعينة مشعة (الشكل 4 جزء من المخطط $(N = f(Z))$) من الكربون 14 بدلالة الزمن.



الشكل 5. تغيرات $\ln A$ بدلالة الزمن

1.3. أعط عبارة قانون النشاط الإشعاعي $A(t)$ ،

وبين أنه يكتب على الشكل: $\ln A(t) = -\lambda t + \ln A_0$

2.3. استنتج بياناً ثابت النشاط الإشعاع λ ،

وبين أن قيمة زمن نصف العمر $t_{1/2}$ للكربون 14 هي 5730ans.

3.3. أخذت عينة من المومياء، وتم قياس نشاطها الإشعاعي لحظة

العثور عليها فأعطى القيمة $0,154Bq$ في حين أن نشاط عينة حية

مماثلة لها في الكتلة هو $0,230Bq$.

- حدد تاريخ وفاة "الملكة تي".

4.3. حسب النتائج المحسوبة سابقاً، وضح إن كانت النتائج الأولية صحيحة.



التمرين الثالث: (06 نقاط)

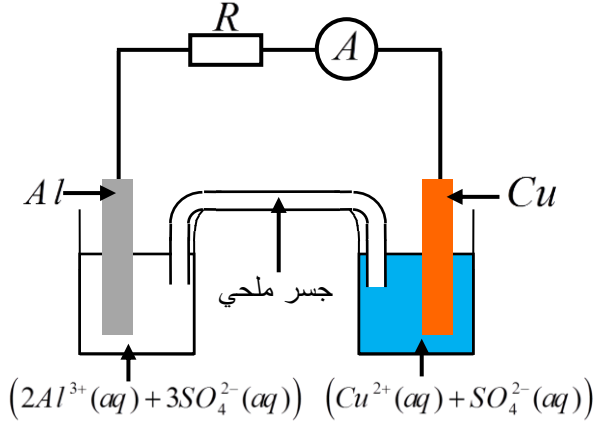


الألمنيوم هو أكثر المعادن انتشاراً في القشرة الأرضية، حيث يشكل الألمنيوم حوالي 8% من كتلة سطح الأرض الصلب.

يمتاز الألمنيوم بمقاومته للتآكل وبانخفاض كثافته؛ مما جعله محط اهتمام في مجالات عدة.

يهدف التمرين إلى دراسة عمود كهروكيميائي وحركية التفاعل الكيميائي بين معدن الألمنيوم وشوارد الهيدرونيوم.

- الجزء الأول:



الشكل. 6 عمود ألمنيوم - نحاس

- في كأس بيشر (1)، نغمر صفيحة ألمنيوم $Al(s)$ كتلة الجزء المغمور منها $m_1 = 1g$ في محلول كبريتات الألمنيوم $(2Al^{3+}(aq) + 3SO_4^{2-}(aq))$ حجمه $V_1 = 50mL$ وتركيز شوارد الألمنيوم فيه $[Al^{3+}]_0 = 0,5mol / L$.

- في كأس بيشر (2)، نغمر صفيحة النحاس $Cu(s)$ كتلتها m_2 في محلول كبريتات النحاس $(Cu^{2+}(aq) + SO_4^{2-}(aq))$ حجمه $V_2 = 50mL$ وتركيز شوارد النحاس فيه $[Cu^{2+}]_0 = 0,5mol / L$.

- نصل المحلولين ببعضهما بواسطة جسر ملحي ونربط الصفيحتين بجهاز أمبير متر وناقل أومي. (الشكل. 6). خلال اشتغال العمود نلاحظ مرور التيار من صفيحة النحاس نحو صفيحة الألمنيوم.

معطيات: $F = 96500C.mol^{-1}$ ، $M(Al) = 27g.mol^{-1}$

1. حدّد قطبي هذا العمود ثم اعط الرمز الاصطلاحي للعمود.
2. اكتب المعادلتين النصفيتين الإلكترونيتين عند كل مسرى، ثم معادلة التفاعل المُنمذج للتحويل الحادث في العمود.
3. علما أن ثابت التوازن لهذا التفاعل هو $K = 10^{200}$ ، احسب كسر التفاعل الابتدائي $Q_{r,i}$ ثم بيّن جهة التطور التلقائي للجملة الكيميائية.

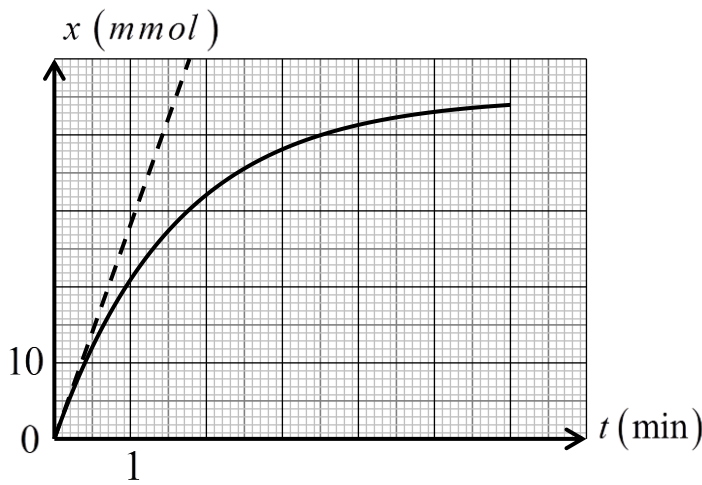


4. أنشئ جدول تقدم التفاعل، وجد قيمة التقدم الأعظمي x_{max} .
5. احسب Q_{max} كمية الكهرباء الأعظمية التي ينتجها العمود.
6. استنتج تغير كتلة معدن الألمنيوم $\Delta m(Al)$ في الحالة النهائية.

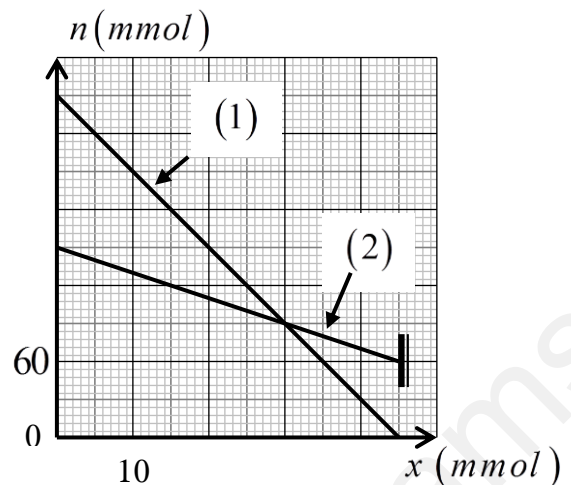
- الجزء الثاني:

لدراسة حركية التفاعل الكيميائي بين معدن الألمنيوم وشوارد الهيدرونيوم. نضع عند اللحظة $t = 0$ ، كتلة m_0 من الألمنيوم الصلب في ورق به حجم $V = 100mL$ من محلول حمض كلور الماء تركيزه المولي c ، ننمذج التحويل الكيميائي الحادث بالمعادلة التالية: $2Al(s) + 6H_3O^+(aq) = 2Al^{3+}(aq) + 3H_2(g) + 6H_2O(l)$

المتابعة الزمنية لهذا التحويل مكنتنا من تمثيل البيانات الموضّحة في الشكل. 7 الممثل لتغيّرات كميات مادة المتفاعلات بدلالة التقدم x ، الشكل. 8 الممثل لتغيّرات تقدم التفاعل x بدلالة الزمن.



الشكل 8. تغيّرات تقدم التفاعل x بدلالة الزمن



الشكل 7. تغيّرات كميات مادة المتفاعلات بدلالة التقدم x



1. أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل الحادث.

2. من بين البيانين (1) و (2)، حدّد الموافق لتغيرات $n(Al)$ مع التعليل.

3. عيّن المتفاعل المحد، واستنتج قيمة التقدم الأعظمي x_{\max} .

4. عرّف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$. ثم عيّن قيمته.

5. أعط عبارة السرعة الحجمية للتفاعل، أحسب قيمتها عند اللحظة $t = 0$ ، ثم استنتج سرعة تشكل شوارد الألمنيوم عند نفس اللحظة.

التمرين التجريبي: (06 نقاط)

تعتبر الحركة المستقيمة نوعاً من أنواع الحركات، تتعلق بالتأثيرات الميكانيكية التي تخضع لها وبالشروط الابتدائية. يهدف هذا التمرين إلى دراسة حركة جسم صلب على مستوي مائل وأفق.

المعطيات: $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$

التجربة 01:

ينزل جسم صلب (S) كتلته m بدون سرعة ابتدائية على

مستوي مائل AB زاوية ميله $\alpha = 14^\circ$.

نثبت الخليتين الضوئيتين (C_1) و (C_2) لقياس الزمن بين

موضع الانطلاق O وموضع الوصول M ، ومن أجل

مسافات x بين الخليتين نقيس الزمن t الذي تستغرقه العربة لقطع هذه المسافة.

نكرّر هذه التجربة من أجل مسافات مختلفة (الشكل 9)، تمّ تسجيل النتائج في الجدول التالي:

$x (m)$	0,30	0,50	0,70	0,90	1,10
$t (s)$	0,50	0,65	0,77	0,87	0,96
$t^2 (s^2)$					



1. بفرض أن قوى الاحتكاك مهملة.

1.1. مثل القوى الخارجية المؤثرة على مركز عطالة الجسم (S) أثناء حركته.

2.1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد عبارة التسارع $a_{thé}$ لمركز عطالة الجسم (S)، ثم أحسب قيمته.

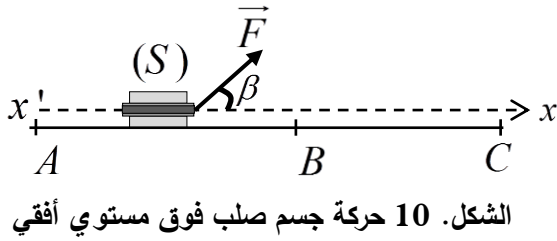
3.1. اكتب المعادلتين الزنيتين للسرعة $v(t)$ والموضع $x(t)$.

2. أكمل الجدول، ثم أرسم البيان $x = f(t^2)$ ، باستعمال سلم رسم مناسب.

3. اعتمادا على البيان $x = f(t^2)$ ، جد قيمة التسارع التجريبي a_{exp} .

4. قارن بين القيمتين $a_{thé}$ و a_{exp} ، ضع استنتاجك فيما يخص الفرضية المعتمدة "قوى الاحتكاك مهملة".

التجربة 02:



يتحرك جسم صلب (S) كتلته $m = 200g$ على مستوي

AC خشن الموضّح في الشكل 10، ويخضع لقوة جر ثابتة

\vec{F} على المسار AB فقط، يصنع حاملها مع المستوي الأفقي

زاوية $\beta = 30^\circ$.

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الجسم (S)

بيّن أنّ عبارة التسارع a_1 خلال المسار AB تكتب بالعلاقة التالية: $a_1 = \frac{F \cdot \cos(\beta) - f}{m}$

2. استنتج عبارة التسارع a_2 للجسم (S) خلال المسار BC.

3. الدراسة التجريبية لحركة مركز عطالة الجسم (S) على المسار AC،

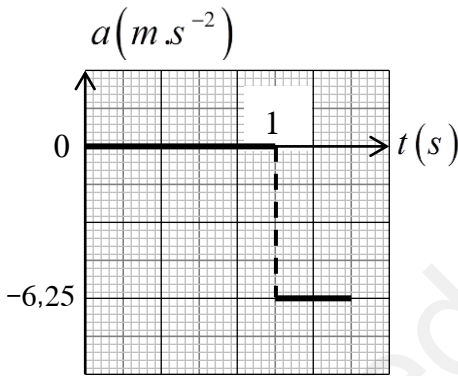
مكّنتنا من الحصول على البيان الممثل لتغيّرات التسارع a بدلالة الزمن t

الموضّح في الشكل 11.

1.3. حدّد طبيعة حركة مركز عطالة الجسم (S) على المسار

AB ثم BC.

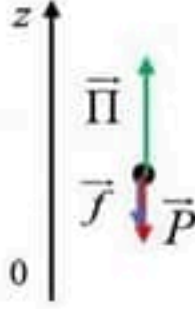
2.3. استنتج قيمة كل من: f و F .




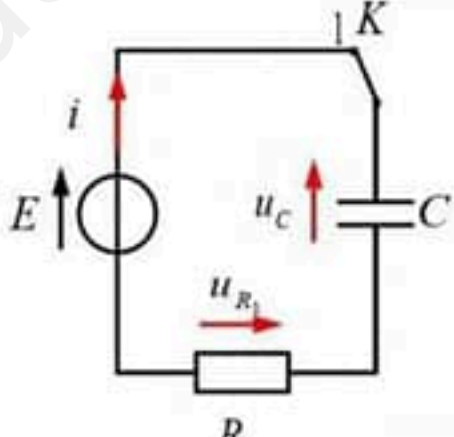
الشكل 11 تغيّرات التسارع a بدلالة الزمن



انتهى الموضوع الثاني

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموعة	مجزأة	
02,25	0,75	<p>التمرين الأول: (04 نقاط)</p> <p>1.1. إحصاء القوى وتمثيلها:</p> <ul style="list-style-type: none"> - الجملة: منطاد + سلة + التجهيز العلمي. - المرجع: سطحي أرضي نعتبره غاليليا. - النقل \vec{P} - الاحتكاك \vec{f} - دافعة أرخميدس $\vec{\Pi}$ 
	2x0,25	<p>2.1. إثبات المعادلة التفاضلية:</p> <p>- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الكرة:</p> $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow \vec{P} + \vec{f} + \vec{\Pi} = m \cdot \vec{a}$ <p>بإسقاط العبارة الشعاعية على محور الحركة:</p> $-P - f + \Pi = m \cdot a \Rightarrow -m \cdot g + A \cdot \rho_{air} \cdot v^2 + \rho_{air} \cdot V_b \cdot g = m \cdot \frac{dv}{dt}$ <p>وعليه: $\frac{dv}{dt} + \frac{A \cdot \rho_{air}}{m} \cdot v^2 = -g + \frac{\rho_{air} \cdot V_b \cdot g}{m}$</p> <p>منه: $\frac{dv}{dt} + \frac{A \cdot \rho_{air}}{M} \cdot v^2 = g \cdot \left(\frac{\rho_{air} \cdot V_b}{M} - 1 \right)$</p>
	0,25	<p>3.1. عبارة التسارع الابتدائي a_0 والسرعة الحدية v_{lim}:</p> <p>* التسارع الابتدائي a_0: $a_0 = g \cdot \left(\frac{\rho_{air} \cdot V_b}{M} - 1 \right)$</p> <p>* السرعة الحدية v_{lim}: $v_{lim} = \sqrt{\frac{g \cdot (\rho_{air} \cdot V_b - M)}{A \cdot \rho_{air}}}$</p>
	0,50	<p>4.1. التحليل البعدي للثابت A:</p> <p>لدينا:</p> $A = \frac{f}{\rho_{air} \cdot v^2} \rightarrow [A] = \frac{[f]}{[\rho_{air}] \cdot [v]^2} = [A] = \frac{[m] \cdot [a]}{[\rho_{air}] \cdot [v]^2} = \frac{M \cdot L \cdot T^{-2}}{M \cdot L^{-3} \cdot L^2 \cdot T^{-2}} = L$
		<p>1.2. تحديد عبارة الكتلة الصحيحة:</p> <p>عند اللحظة $t = 0$، نعلم أن $f = 0N$، منه:</p>

0,75	2x0,25	$a > 0 \Rightarrow -m \cdot g + \rho_{\text{air}} \cdot V_b \cdot g > 0 \Rightarrow -m \cdot g > -\rho_{\text{air}} \cdot V_b \cdot g$ <p>وعليه: $m < \rho_{\text{air}} \cdot V_b$</p>
0,25	0,25	<p>2.2. حساب الكتلة الأعظمية m_2 للتجهيز العلمي:</p> <p>من العلاقة السابقة: $m = \rho_{\text{air}} \cdot V_b \Rightarrow m_0 + m_1 + m_2 = \rho_{\text{air}} \cdot V$</p> <p>منه: $m_2 = \rho_{\text{air}} \cdot V - (m_0 + m_1) = 1,29 \times 9 - (2,1 + 0,5) = 9,01 \text{ kg}$</p>
01,00	2x0,25	<p>1.3. تحديد قيمة السرعة الحدية v_{lim} والتسارع الابتدائي a_0:</p> <p>* التسارع الابتدائي a_0: $a_0 = \frac{dv}{dt} \Big _{t=0} = \frac{5,15 - 0}{0,375 - 0} = 13,73 \text{ m.s}^{-2}$</p> <p>* السرعة الحدية v_{lim}: $v_{\text{lim}} = 5,1 \text{ m.s}^{-1}$</p> <p>2.3. استنتاج قيمة الكتلة m_2' والثابت A:</p> <p>* الكتلة m_2': $a_0 = g \cdot \left(\frac{\rho_{\text{air}} \cdot V_b}{m} - 1 \right) \Rightarrow m = \frac{\rho_{\text{air}} \cdot V_b \cdot g}{a_0 + g} = \frac{1,29 \times 9 \times 9,8}{13,73 + 9,8} = 4,83 \text{ kg}$</p> <p>منه: $m_2' = m - (m_0 + m_1) = 4,83 - (2,1 + 0,5) = 2,23 \text{ kg}$</p> <p>* الثابت A: $v_{\text{lim}} = \sqrt{\frac{g \cdot (\rho_{\text{air}} \cdot V_b - m)}{A \cdot \rho_{\text{air}}}} \Rightarrow A = \frac{g \cdot (\rho_{\text{air}} \cdot V_b - m)}{v_{\text{lim}}^2 \cdot \rho_{\text{air}}}$</p> <p>منه: $A = \frac{9,8 \times (1,29 \times 9 - 4,83)}{5,1^2 \times 1,29} = 1,98 \text{ m}$</p>
0,25	0,25	<p>التمرين الثاني: (04 نقاط)</p> <p>1. توضيح حول الشكل 3:</p> <p>يوضح الشكل 3 القانون الأول لـ كيبلر، والذي تكلم فيه على أن الكواكب تدور حول الشمس وفق مسارات اهليلجية تقع الشمس في أحد محوريه.</p>
2x0,25	2x0,25	<p>2. 1-2. تحديد المرجع المناسب للدراسة وتعريفه:</p> <p>* مرجع الدراسة: هيليومركزي</p> <p>* تعريف: هو مرجع مزود بمعلم مرتبط بمركز الشمس ومحاور موجه لثلاث نجوم بعيدة نعتبرها ثابتة.</p> <p>2-2. إثبات السرعة المدارية v_p:</p> <p>- الجملة: كوكب (P).</p> <p>- القوة وتمثيلها: $\vec{F}_{S/P}$</p> <p>- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الجملة:</p> <p>$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = M_p \cdot \vec{a} \Rightarrow \vec{F}_{S/M} = M_p \cdot \vec{a}$</p> <p>بإسقاط العبارة الشعاعية على المحور الناظمي:</p> <p>$F_{S/M} = M_p \cdot a \Rightarrow a = G \cdot \frac{M_S}{r_p^2}$</p>

02,25	0,25	<p>بما أن حركة الكوكب منتظمة، إذن: $a = a_n \Rightarrow \frac{v_p^2}{r_p} = G \cdot \frac{M_s}{r_p^2} \Rightarrow v_p = \sqrt{\frac{G \cdot M_s}{r_p}}$</p>
	0,50	<p>2-3. استنتاج عبارة القانون الثالث لكبلر:</p> <p>نعلم أن: $T = \frac{2\pi r_p}{v_p} \Rightarrow \frac{T_p^2}{r_p^3} = \frac{4\pi^2}{G \cdot M_s}$</p>
	01,00	<p>2-4. اكمل الجدول:</p> <p>* الأرض:</p> <div style="display: flex; align-items: center;">  <div> $\frac{T_T^2}{r_T^3} = \frac{4 \times 3,14^2}{6,67 \times 10^{-11} \times 2 \times 10^{30}} \approx 3 \times 10^{-19}$ $r_T = \sqrt[3]{\frac{(365,25 \times 24 \times 3600)^2}{3 \times 10^{-19}}} \approx 1,5 \times 10^{11} m = 1 U.A$ </div> </div> <p>* المريخ:</p> $T_M = \sqrt{(1,515 \times 1,5 \times 10^{11})^3 \times 3 \times 10^{-19}} = 5,93 \times 10^7 s = 686,34 \text{ jour}$ $\frac{T_T^2}{r_T^3} = \frac{T_M^2}{r_M^3} \approx 3 \times 10^{-19}$
	0,25	<p>3. 1-3. حساب النسبة $\frac{T_T}{T_M} = \frac{365,25}{686,34} = 0,53$</p>
0,50	0,25	<p>2-3. مناقشة صحة العبارة:</p> <p>العبارة صحيحة المذكورة في السند، أي المريخ يقطع تقريبا دورة كاملة، تقطع الأرض دورتين حول الشمس. $T_M = 1,88 \times T_T \approx 2 \cdot T_T$</p>
	3x0,25	<p>التمرين الثالث: (06 نقاط)</p> <p>1. تمثيل اتجاه التيار والتوترات:</p> <div style="text-align: center;">  </div>
	0,25	<p>2. 1-2. تعيين قيمة E و τ_1:</p> <p>من المنحنى (01)، نجد: $E = 4V$</p>
	2x0,25	<p>نعلم أن: $u_C(\tau_1) = 0,63E = 2,52V$ بالإسقاط على منحنى (2)، نجد: $\tau_1 = 2ms$</p> <p>2-2. التحقق من أن $C = 20 \mu F$:</p>

0,50	نعلم أن: $C = \frac{\tau_1}{R_1} = \frac{2 \times 10^{-3}}{100} = 20 \times 10^{-6} F \Rightarrow C = 20 \mu F$
0,50	3. إيجاد المعادلة التفاضلية التي يحققها u_C : بتطبيق قانون جمع التوترات: $u_C + u_{R_1} = E \Rightarrow u_C + R_1 C \cdot \frac{du_C}{dt} = E \Rightarrow \frac{du_C}{dt} + \frac{1}{R_1 C} \cdot u_C = \frac{E}{R_1 C}$
0,25	4. إيجاد الثوابت A و α وحساب قيمها: باشتقاق عبارة $u_C(t)$ نجد: $\frac{du_C}{dt} = A \cdot \alpha \cdot e^{-\alpha t}$ بتعويض عبارة $u_C(t)$ و $\frac{du_C}{dt}$ في المعادلة التفاضلية، نجد:
2x0,25	 $A \alpha \cdot e^{-\alpha t} + \frac{A}{R_1 C} (1 - e^{-\alpha t}) = \frac{E}{R_1 C} \Rightarrow A \cdot e^{-\alpha t} \left(\alpha - \frac{1}{R_1 C} \right) + \frac{A}{R_1 C} = \frac{E}{R_1 C}$ وعليه: $\begin{cases} A = E \\ \alpha = \frac{1}{R_1 C} \end{cases}$
0,50	5. حساب قيمة الطاقة المخزنة في المكثفة عند $t_1 = 4ms$: نعلم أن: $E_C(t_1) = \frac{1}{2} C u_C(t_1)^2 = \frac{20}{2} \cdot (4(1 - e^{-0,2 \times 4}))^2 = 120 \mu J$
0,25	1. تحديد قيمة ثابت الزمن τ_2 واستنتاج قيمة مقاومة الناقل الأومي R_2 : * قيمة ثابت الزمن τ_2 : نعلم أن: $u_C(\tau_1) = 0,37 \times U_0 = 1,276V$
2x0,25	بالإسقاط على البيان (3)، نجد: $\Delta t = \tau_2 + t_1 = 8ms$ وعليه: $\tau_2 = 4ms$ * قيمة مقاومة الناقل الأومي R_2 :
0,50	نعلم أن: $R_2 = \frac{\tau_2}{C} = \frac{4 \times 10^{-3}}{20 \times 10^{-6}} = 200 \Omega$
0,75	2. حساب قيمة الطاقة المحولة في الناقل الأومي عند اللحظة $t_2 = 8ms$: عند t_2 : $E_C(t_2) = \frac{20 \times 1,27^2}{2} = 16,13 \mu J$ وعليه: $E_R = 120 - 16,13 = 103,87 \mu J$
0,25	التمرين التجريبي: (06 نقاط) 1. دراسة محلول مائي لحمض الإيثانويك: 1. معادلة تفاعل حمض الإيثانويك مع الماء: $CH_3COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = CH_3COO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$

0,75	<p>2. عبارة نسبة التقدم النهائي τ_{f0} بدلالة pH و C_0، وتبين أن الحمض ضعيف:</p> <p>* عبارة τ_{f0}:</p> $\tau_{f0} = \frac{10^{-pH}}{C_0}$ <p>* تبين أن الحمض ضعيف : $\tau_{f0} = \frac{10^{-3,4}}{10^{-2}} \approx 0,04$ بما أن $\tau_{f0} < 1$ إذن الحمض ضعيف</p>
0,75	<p>3. 1-3. إيجاد عبارة ثابت الحموضة Ka بدلالة τ_f و C_1:</p> <p>لدينا: $Ka = \frac{[CH_3COO^-]_f [H_3O^+]_f}{[CH_3COOH]_f}$</p> <p>من جهة أخرى:</p> $[CH_3COO^-]_f = [H_3O^+]_f = \tau_f C_1 ; [CH_3COOH]_f = C_1 - [H_3O^+]_f = C_1 (1 - \tau_f)$ <p>وعليه: $Ka = \frac{\tau_f^2 C_1}{1 - \tau_f}$</p>
0,75	<p>3-2. تبين عبارة τ_f^2:</p> <p>بما أن $\tau_f \ll 1$، إذن: $Ka = \tau_f^2 C_1 \Rightarrow \tau_f^2 = \frac{Ka}{C_1}$</p> <p>ونعلم أيضا أن: $C_1(V_0 + V_e) = C_0 V_0 \Rightarrow C_1 = \frac{C_0 V_0}{V_0 + V_e}$</p> <p>وعليه: $\tau_f^2 = \frac{Ka}{\frac{C_0 V_0}{V_0 + V_e}} = Ka \left(\frac{V_0 + V_e}{C_0 V_0} \right) = \frac{Ka}{C_0} \frac{V_0 + V_e}{V_0}$</p>
0,75	<p>4. 1-4. إيجاد قيمة ثابت الحموضة Ka وحجم المحلول V_0:</p> <p>* عبارة بيانية: $\tau_f^2 = 1,58 \times 10^{-4} \cdot V_e + 1,58 \times 10^{-3}$</p> <p>* مطابقة بين العبارة البيانية والعبارة النظرية: $\begin{cases} \frac{Ka}{C_0 V_0} = 1,58 \times 10^{-4} \\ \frac{Ka}{C_0} = 1,58 \times 10^{-3} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} V_0 = 10ml \\ Ka = 1,58 \times 10^{-5} \end{cases}$</p>
0,25	<p>4-2. استنتاج تأثير التمديد على نسبة التقدم النهائي:</p> <p>كلما كان المحلول ممدد كانت نسبة التقدم النهائي أكبر.</p>
0,25	<p>2. تفاعل حمض الإيثانويك مع كحول:</p> <p>1. كتابة معادلة تفاعل الأسترة الحادث في أنبوب اختبار:</p> $CH_3COOH_{(l)} + C_4H_9OH_{(l)} = CH_3COOC_4H_9_{(l)} + H_2O_{(l)}$

0,25	<p>2. إنشاء جدول تقدم التفاعل الذي يحدث في كل أنبوب اختبار:</p> <table border="1"> <tr> <th colspan="2">معادلة التفاعل</th> <th colspan="4">$Ac(l) + Al(l) = E(l) + H_2O(l)$</th> </tr> <tr> <th>الحالة</th> <th>التقدم</th> <th colspan="4">كميات المادة بالـ mol</th> </tr> <tr> <td>الابتدائية</td> <td>0</td> <td>0,05</td> <td>0,05</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>التقالية</td> <td>x</td> <td>$0,05 - x$</td> <td>$0,05 - x$</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>النهائية</td> <td>x_f</td> <td>$0,05 - x_f$</td> <td>$0,05 - x_f$</td> <td>x_f</td> <td>x_f</td> </tr> </table>	معادلة التفاعل		$Ac(l) + Al(l) = E(l) + H_2O(l)$				الحالة	التقدم	كميات المادة بالـ mol				الابتدائية	0	0,05	0,05	0	0	التقالية	x	$0,05 - x$	$0,05 - x$	x	x	النهائية	x_f	$0,05 - x_f$	$0,05 - x_f$	x_f	x_f
معادلة التفاعل		$Ac(l) + Al(l) = E(l) + H_2O(l)$																													
الحالة	التقدم	كميات المادة بالـ mol																													
الابتدائية	0	0,05	0,05	0	0																										
التقالية	x	$0,05 - x$	$0,05 - x$	x	x																										
النهائية	x_f	$0,05 - x_f$	$0,05 - x_f$	x_f	x_f																										
0,75	<p>3. 1-3. تعريف سرعة التفاعل، وإثبات عبارتها:</p> <p>تغير تقدم التفاعل في وحدة الحجم $v = \frac{dx}{dt}$</p> <p>عبرة مردود التفاعل عند لحظة t: $r = \frac{x}{x_{max}} \cdot 100 \Rightarrow x = \frac{x_{max}}{100} \cdot r$</p> <p>منه: $v = \frac{d\left(\frac{x_{max}}{100} \cdot r\right)}{dt} = \frac{x_{max}}{100} \cdot \frac{dr}{dt} = 5 \times 10^{-4} \times \frac{dr}{dt}$</p>																														
0,25	<p>3-2. حساب سرعة التفاعل عند اللحظة $t = 2h$:</p> <p>$v = 5 \times 10^{-4} \times \frac{56,5 - 47}{2 - 0} \approx 2,4 \times 10^{-4} mol h^{-1}$</p>																														
0,50	<p>3-3. تحدد قيمة مردود تفاعل الأسترة عند بلوغ التوازن، واستنتاج صنف الكحول المستعمل:</p> <p>بما أن المزيج الابتدائي متساوي في كمية المادة ومردود تفاعل الأسترة 60%، إذن الكحول المستعمل ثانوي.</p>																														
0,50	<p>3-4. إعطاء تسمية كل من الكحول المستعمل والأستر المتشكل:</p> <table border="1"> <tr> <th>الكحول</th> <th>الأستر</th> </tr> <tr> <td>بوتان 2-أول</td> <td>إيثانوات 1-سميثيل البروبيل</td> </tr> <tr> <td>$CH_3 - CH - CH_2 - CH_3$ OH</td> <td>$CH_3 - COO - CH - CH_2 - CH_3$ CH₃</td> </tr> </table>	الكحول	الأستر	بوتان 2-أول	إيثانوات 1-سميثيل البروبيل	$CH_3 - CH - CH_2 - CH_3$ OH	$CH_3 - COO - CH - CH_2 - CH_3$ CH ₃																								
الكحول	الأستر																														
بوتان 2-أول	إيثانوات 1-سميثيل البروبيل																														
$CH_3 - CH - CH_2 - CH_3$ OH	$CH_3 - COO - CH - CH_2 - CH_3$ CH ₃																														

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموعة	مجزأة	
	0,25	التمرين الأول: (04 نقاط) 1-1. أهمية النواة الحديدية: الرفع من قيمة ذاتية الوشيعية.
	0,50	2-1. إيجاد المعادلة التفاضلية لشدة التيار الكهربائي المار في الدار: بتطبيق قانون جمع التوترات: $u_b + u_R = E \Rightarrow L_0 \cdot \frac{di}{dt} + (R_0 + r) \cdot i = E \Rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{R_0 + r}{L_0} \cdot i = \frac{E}{L_0}$
	01,00	3-1. إيجاد عبارة الثوابت A و B و α : لدينا: $i(t) = A + B e^{\alpha t} \rightarrow \frac{di}{dt} = \alpha \cdot B \cdot e^{\alpha t}$ بتعويض عبارة $i(t)$ و $\frac{di}{dt}$ في المعادلة التفاضلية السابقة، نجد: $\frac{di}{dt} + \frac{R_0 + r}{L_0} \cdot (A + B e^{\alpha t}) = \frac{E}{L_0} \Rightarrow B e^{\alpha t} \cdot \left(\alpha + \frac{R_0 + r}{L_0} \right) + \frac{(R_0 + r) \cdot A - E}{L_0} = 0$ منه: $\alpha = -\frac{R_0 + r}{L_0}$; $A = \frac{E}{R_0 + r}$ من الشروط الابتدائية: $i(0) = A + B e^0 = 0 \rightarrow B = -A = -\frac{E}{R_0 + r}$
	0,50	4-1. حساب معامل توجيه المماس عند اللحظة $t = 0$ واستنتاج قيمة ذاتية الوشيعية L_0 : * حساب معامل توجيه المماس عند اللحظة $t = 0$: $\frac{di}{dt} \Big _{t=0} = \frac{100 - 0}{1 - 0} = 100 A s^{-1}$ * استنتاج قيمة ذاتية الوشيعية L_0 : من المعادلة التفاضلية وفي اللحظة $t = 0$ ، نجد: $\frac{di}{dt} \Big _{t=0} = \frac{E}{L_0} \Rightarrow L_0 = \frac{E}{\frac{di}{dt} \Big _{t=0}} = \frac{10}{100} = 0,1 H$
	0,25	5-1. إيجاد قيمة τ_0 : $\tau_0 = 1 ms$
	0,50	6-1. إيجاد قيمة r و R_0 : * حساب قيمة r : $\tau_0 = \frac{L_0}{R_0 + r} = \frac{L_0}{10r} \Rightarrow r = \frac{L_0}{10\tau_0} = \frac{0,1}{10 \times 10^{-3}} = 10 \Omega$ * حساب قيمة R_0 : $R_0 = 9r = 90 \Omega$

	01,00	<p>2. إرفاق كل تجربة بالبيان الموافق:</p> <p>* التجربة 01 :</p> $I_1 = \frac{E}{R_0 + r} = 0,1mA ; \tau_1 = 3\tau_0 = 3ms$ <p>وهذا ما يوافق البيان (a).</p> <p>* التجربة 02 :</p> $I_2 = \frac{E}{2R_0 + r} = 0,052A ; \tau_2 = \frac{3L}{2R_0 + r} = 1,57ms$ <p>وهذا ما يوافق البيان (c).</p> <p>* التجربة 03 :</p> $I_3 = \frac{E}{2R_0 + r} = 0,052A ; \tau_3 = \frac{L}{2R_0 + r} = 0,53ms$ <p>وهذا ما يوافق البيان (b).</p>
01,00	01,00	<p>التمرين الثاني: (04 نقاط)</p> <p>1. تعريفات:</p> <p>* نواة مشعة: هي نواة غير مستقرة تتفكك تلقائيا إلى نواة أكثر استقرارا بإصدار إشعاعات $\alpha \cdot \beta \cdot \gamma$.</p> <p>* تفكك β^-: عبارة عن إلكترون ${}^0_{-1}e$، ينتج عن تحول نوترون إلى بروتون وفق المعادلة: ${}^1_0n \rightarrow {}^1_1p + {}^0_{-1}e$.</p>
0,75	0,75	<p>2. معادلة تفكك النواة ${}^{14}_6C$:</p> <p>بما أن النواة ${}^{14}_6C$ تقع فوق وادي الاستقرار فإن نمط تفككها β^-، وعليه: ${}^{14}_6C \rightarrow {}^A_ZX + {}^0_{-1}e$</p> <p>بتطبيق قانوني الانحفاظ لاصودي نجد: $\begin{cases} 14 = A + 0 \\ 6 = Z - 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = 14 \\ Z = 7 \end{cases} \rightarrow {}^{14}_7N$</p> <p>${}^{14}_6C \rightarrow {}^{14}_7N + {}^0_{-1}e$</p>
	<p>0,25</p> <p>0,50</p>	<p>3. 1-3. كتابة عبارة قانون النشاط الإشعاعي $A(t)$، وإثبات عبارة $\ln A(t)$:</p> <p>* كتابة عبارة قانون النشاط الإشعاعي $A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$</p> <p>* إثبات عبارة $\ln A(t)$:</p> <p>بإدخال اللوغاريتم على عبارة $A(t)$: $\ln A(t) = \ln(A_0 \cdot e^{-\lambda t}) \Rightarrow \ln A(t) = \ln A_0 + \ln e^{-\lambda t}$</p> <p>وعليه: $\ln A(t) = -\lambda \cdot t + \ln A_0$</p> <p>3-2. تحديد ثابت النشاط الإشعاعي λ واستنتاج زمن نصف العمر $t_{1/2}$:</p> <p>* ثابت النشاط الإشعاعي λ:</p> <p>اعتمادا على بيان الشكل 5: $\ln A(t) = -1,209 \times 10^{-4} \cdot t - 1,469$</p> <p>بمطابقة العبارة البيانية والعبارة النظرية (سؤال 3-1)، نجد: $\lambda = 1,2 \times 10^{-4} \text{ an}$</p> <p>* زمن نصف العمر $t_{1/2}$: $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{\ln 2}{1,209 \times 10^{-4}} \approx 5730 \text{ an}$</p> <p>3-3. تحديد تاريخ وفاة الملكة تي:</p> <p>من العلاقة التالية: $t = \frac{1}{\lambda} \ln \frac{A_0}{A(t)} = \frac{1}{1,2 \times 10^{-4}} \ln \frac{0,230}{0,154} = 3342,7 \text{ an}$</p>

0,25	0,25	3-4. توضيح حول النتائج: صحبة $4000_{ans} > t > 3000_{ans}$																														
		التمرين الثالث: (06 نقاط) - الجزء الأول: 1. تحديد قطبية العمود والتمثيل الاصطلاحي: * قطبية العمود : بما أن التيار يمر من صفيحة النحاس نحو صفيحة الألمنيوم، معناه : - المسرى الموجب (+) : Cu - المسرى السالب (-) : Al * الرمز الاصطلاحي : $(-)Al / Al^{3+} // Cu^{2+} / Cu(+)$																														
0,25	0,25	2. كتابة المعادلات النصفية المعادلة الإجمالية لاشتغال العمود: * معادلات التفاعل النصفية الحادثة عند كل مسرى : - المسرى السالب : $Al = Al^{3+} + 3e^-$ - المسرى الموجب : $Cu^{2+} + 2e^- = Cu$ * معادلة اشتغال العمود : $2Al(s) + 3Cu^{2+}_{(aq)} = 2Al^{3+}_{(aq)} + 3Cu(s)$																														
0,50		3. حساب كسر التفاعل الابتدائي $Q_{r,i}$ وتحديد جهة تطور الجملة الكيميائية: * حساب كسر التفاعل الابتدائي $Q_{r,i} = \frac{[Al^{3+}]_0^2}{[Cu^{2+}]_0^3} = \frac{0,5^2}{0,5^3} = 2$: $Q_{r,i}$ * تحديد جهة تطور الجملة الكيميائية : بما أن $Q_{r,i} < K$ ، فإن الجملة الكيميائية تتطور في الاتجاه المباشر (تشكل كل من Al^{3+} و Cu)																														
0,25		4. إنشاء جدول تقدم التفاعل وتحديد قيمة التقدم الأعظمي x_{max} : * جدول تقدم التفاعل : <table border="1"> <tr> <th colspan="2">معادلة التفاعل</th> <th colspan="4">$2Al(s) + 3Cu^{2+}_{(aq)} = 2Al^{3+}_{(aq)} + 3Cu(s)$</th> </tr> <tr> <th>الحالة</th> <th>التقدم</th> <th colspan="4">كميات المادة بالـ mol</th> </tr> <tr> <td>الابتدائية</td> <td>0</td> <td>n_1</td> <td>n_2</td> <td>n_3</td> <td>n_4</td> </tr> <tr> <td>انتقالية</td> <td>x</td> <td>$n_1 - 2x$</td> <td>$n_2 - 3x$</td> <td>$n_3 + 2x$</td> <td>$n_4 + 3x$</td> </tr> <tr> <td>النهائية</td> <td>x_f</td> <td>$n_1 - 2x_f$</td> <td>$n_2 - 3x_f$</td> <td>$n_3 + 2x_f$</td> <td>$n_4 + 3x_f$</td> </tr> </table> * تحديد قيمة التقدم الأعظمي x_{max} : نفرض أن Al متفاعل محد نفرض أن Cu^{2+} متفاعل محد $x_{max}(2) = \frac{[Cu^{2+}]_0 V}{3} = 0,83 \times 10^{-2} mol$ $x_{max}(1) = \frac{m}{2M} = 1,85 \times 10^{-2} mol$ بما أن $x_{max}(2) < x_{max}(1)$ ، إذن: $x_{max} = 0,83 \times 10^{-2} mol$	معادلة التفاعل		$2Al(s) + 3Cu^{2+}_{(aq)} = 2Al^{3+}_{(aq)} + 3Cu(s)$				الحالة	التقدم	كميات المادة بالـ mol				الابتدائية	0	n_1	n_2	n_3	n_4	انتقالية	x	$n_1 - 2x$	$n_2 - 3x$	$n_3 + 2x$	$n_4 + 3x$	النهائية	x_f	$n_1 - 2x_f$	$n_2 - 3x_f$	$n_3 + 2x_f$	$n_4 + 3x_f$
معادلة التفاعل		$2Al(s) + 3Cu^{2+}_{(aq)} = 2Al^{3+}_{(aq)} + 3Cu(s)$																														
الحالة	التقدم	كميات المادة بالـ mol																														
الابتدائية	0	n_1	n_2	n_3	n_4																											
انتقالية	x	$n_1 - 2x$	$n_2 - 3x$	$n_3 + 2x$	$n_4 + 3x$																											
النهائية	x_f	$n_1 - 2x_f$	$n_2 - 3x_f$	$n_3 + 2x_f$	$n_4 + 3x_f$																											
0,50		5. حساب قيمة كمية الكهرباء الأعظمية Q_{max} : $Q_{max} = z x_{max} F = 6 \times 0,83 \times 10^{-2} \times 96500 = 4805,7C$																														



نحن سندك

6. حساب تغير كتلة معدن الألومنيوم $\Delta m(Al)$:

0,50

من جدول تقدم التفاعل، لدينا: $\Delta m = 2x_{\max} \Rightarrow \Delta m(Al) = 2x_{\max} \cdot M(Al)$
 وعليه: $\Delta m(Al) = 2 \times 0,83 \times 10^{-2} \times 27 \approx 0,4 \text{ g}$

- الجزء الثاني:

1. إنشاء جدول تقدم التفاعل:

0,25

معادلة التفاعل		$2Al + 6H_3O^+ = 2Al^{3+} + 3H_2 + 6H_2O$				
الحالة	التقدم	كميات المادة بالـ mol				
الابتدائية	0	n_1	n_2	0	0	
انتقالية	x	$n_1 - 2x$	$n_2 - 6x$	$2x$	$3x$	
النهائية	x_f	$n_1 - 2x_f$	$n_2 - 6x_f$	$2x_f$	$3x_f$	

2. تحديد البيانات على الشكل 7:

0,50

- العبارة البيانية لكل منحني: $n(1) = -2x + 150$; $n(2) = -6x + 270$
 - العبارة النظرية من جدول التقدم:
 $n(Al) = -2x + n_1$; $n(H_3O^+) = -6x + n_2$
 وعليه: $(1) \rightarrow H_3O^+$; $(2) \rightarrow Al$

3. تعيين المتفاعل المحد وقيمة التقدم الأعظمي x_{\max} :

0,50

اعتمادا على البيان:
 - المتفاعل المحد: H_3O^+ - قيمة التقدم الأعظمي $x_{\max} : x_{\max} = 45 \text{ mmol}$

4. تعريف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ وتحديد قيمته:

2x0,25

* تعريف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$: الزمن اللازم لتقدم التفاعل نصف قيمته الأعظمية
 $x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$
 * تحديد قيمة زمن نصف التفاعل $t_{1/2} : x(t_{1/2}) = \frac{45}{2} = 22,5 \text{ mmol}$ بالإسقاط على البيان 7،
 نجد: $t_{1/2} = 1,1 \text{ min}$

5. عبارة السرعة الحجمية للتفاعل، وحساب قيمته مع استنتاج سرعة تشكل شوارد الألومنيوم:

0,25

* عبارة السرعة الحجمية للتفاعل: $v_{\text{vol}} = \frac{1}{V_T} \cdot \frac{dx}{dt}$

* حساب قيمة السرعة الحجمية للتفاعل عند $t = 0$:

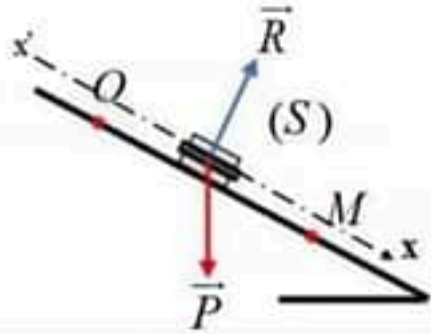

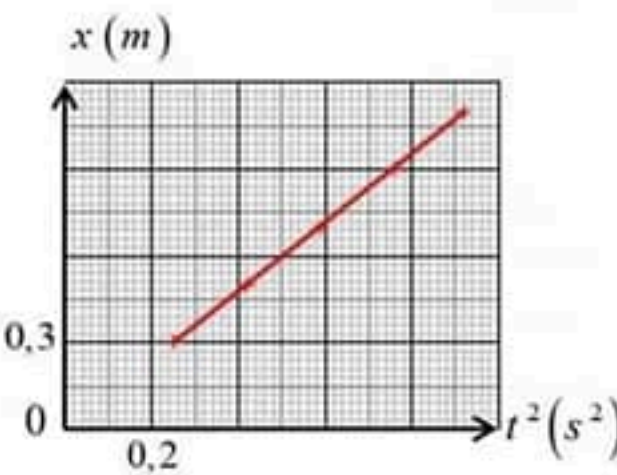
0,25

$$v_{\text{vol}} \Big|_{t=0} = \frac{1}{V} \cdot \frac{dx}{dt} = \frac{1}{0,1} \times \frac{40-0}{1,4-0} = 285,7 \text{ mmol} \cdot L^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$$

* استنتاج سرعة تشكل الشوارد Al^{3+} :

0,25

$$v(Al^{3+}) = 2v = 2 \cdot V \cdot v_{\text{vol}} = 2 \times 0,1 \times 285,7 = 57,14 \text{ mmol} \cdot \text{min}^{-1}$$

0,50		التمرين التجريبي: (06 نقاط) 1. التجربة 01: 2. 1-1. تمثيل القوى المؤثرة على الجسم (S): - الجملة: الجسم (S). - المرجع: سطحي أرضي نعتبره غاليليا.																		
0,25		2-1. إيجاد عبارة التسارع النظري $a_{thé}$ وحساب قيمته: * إيجاد عبارة التسارع $a_{thé}$: - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الجسم (S): $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_{thé} \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}_{thé}$ بإسقاط العبارة الشعاعية على محور الحركة: $P_x = m \cdot a_{thé} \Rightarrow a_{thé} = g \cdot \sin \alpha$ * حساب قيمة التسارع $a_{thé} = 9,8 \cdot \sin 14^\circ = 2,37 m \cdot s^{-2}$																		
2x0,25		3-1. كتابة المعادلات الزمنية للسرعة $v(t)$ والموضع $x(t)$: بمكاملة عبارة التسارع النظري $a_{thé}$ ، نجد: $v(t) = a_{thé} t$ نكامل مرة أخرى عبارة السرعة، نجد: $x(t) = \frac{1}{2} \cdot a_{thé} \cdot t^2$																		
01,00		3. إكمال الجدول ورسم البيان $x = f(t^2)$: <table border="1" data-bbox="626 1284 1479 1513"><tr><td>$x (m)$</td><td>0,30</td><td>0,50</td><td>0,70</td><td>0,90</td><td>1,10</td></tr><tr><td>$t (s)$</td><td>0,50</td><td>0,65</td><td>0,77</td><td>0,87</td><td>0,96</td></tr><tr><td>$t^2 (s^2)$</td><td>0,25</td><td>0,42</td><td>0,59</td><td>0,76</td><td>0,92</td></tr></table> 	$x (m)$	0,30	0,50	0,70	0,90	1,10	$t (s)$	0,50	0,65	0,77	0,87	0,96	$t^2 (s^2)$	0,25	0,42	0,59	0,76	0,92
$x (m)$	0,30	0,50	0,70	0,90	1,10															
$t (s)$	0,50	0,65	0,77	0,87	0,96															
$t^2 (s^2)$	0,25	0,42	0,59	0,76	0,92															
0,50		4. حساب قيمة التسارع التجريبي a_{exp} : العبارة البيانية: $x = 1,19 \cdot t^2$ وعليه: $a_{exp} = 2 \times 1,19 = 2,38 m \cdot s^{-2}$																		
2x0,25		5. المقارنة بين a_{exp} و $a_{thé}$ ، مع وضع استنتاج حول الفرضية: من النتائج السابقة: $a_{exp} \approx a_{thé}$ وعليه الفرضية صحيحة "الاحتكاك مهم".																		



المدة: 03 ساعات و 30د

اختبار في مادة: العلوم الفيزيائية

ملاحظة هامة: على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين
الموضوع الأول: (20 نقطة)

الجزء الأول: (13 نقطة)

التمرين الأول: (06 نقاط)

المعطيات:	النواة	$^{210}_{84}Po$	A_ZPb	α
	طاقة الربط ($10^3 MeV$)	1,6449	1,6220	0,0283

تتميز نواة البولونيوم ($^{210}_{84}Po$) الثقيلة بنشاط اشعاعي طبيعي حيث تصدر جسيمات α وتعطي نواة الرصاص A_ZPb .
يهدف هذا التمرين الى دراسة الحصيلة الطاقوية للتفاعل السابق وتطوره خلال الزمن.

1-- عرف مايلي: -- النشاط الاشعاعي الطبيعي -- جسيمات α .

2-- أكتب معادلة تفكك نواة البولونيوم Po .

3-- أحسب الطاقة المحررة من تفاعل تفكك نواة البولونيوم ، ثم مثل مخطط الحصيلة الطاقوية.

4-- ليكن $N_0(Po)$ عدد أنوية البولونيوم في عينة عند اللحظة $t = 0$ و $N(Po)$ عدد الأنوية المتبقية في نفس

العينة عند لحظة t ، و نرمز بـ N_D لعدد أنوية البولونيوم المتفككة بعد مرور زمن قدره $t = 4t_{1/2}$.

1.4- اختر الجواب الصحيح من بين الاقتراحات التالية:

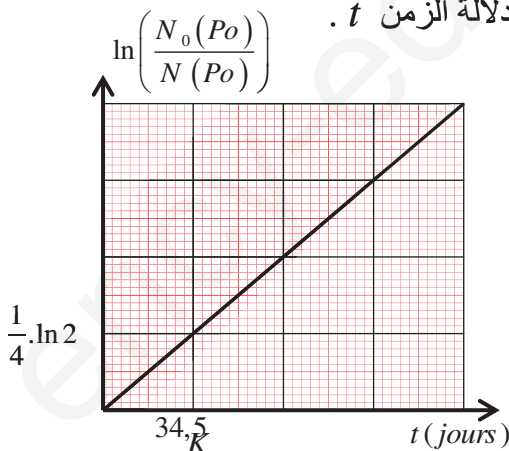
$$N_D = \frac{N_0(Po)}{4} \quad (3)$$

$$N_D = \frac{N_0(Po)}{8} \quad (1)$$

$$N_D = \frac{15N_0(Po)}{16} \quad (4)$$

$$N_D = \frac{N_0(Po)}{16} \quad (2)$$

2.4- يمثل المنحنى البياني الممثل في الشكل-1 - تغيرات $\ln\left(\frac{N_0(Po)}{N(Po)}\right)$ بدلالة الزمن t .



- عرف $t_{1/2}$ زمن نصف العمر، ثم استنتج قيمته بالنسبة لنواة البولونيوم $^{210}_{84}Po$.

5-- علما أن العينة لا تحتوي على الرصاص عند $t = 0$. حدد اللحظة t التي

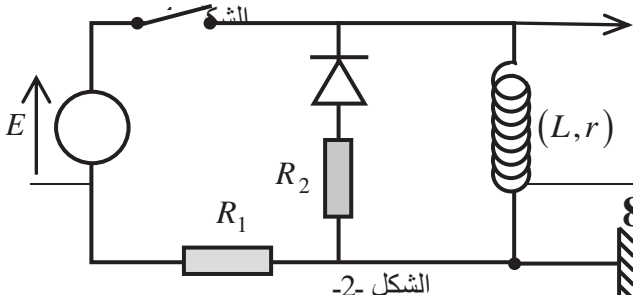
$$\frac{N(Pb)}{N(Po)} = \frac{2}{5}$$

حيث $N(Pb)$ عدد أنوية الرصاص المتشكلة عند هذه اللحظة.

التمرين الثاني: (07 نقاط)

ننجز الدارة الكهربائية المكونة من :

-- مولد للتوتر الثابت قوته المحركة E ومقاومته الداخلية مهملة.



- ناقلين أومين مقاومتيهما $R_1 = 90\Omega$ و R_2 .

- وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها r .

- صمام ثنائي مثالي.

- قاطعة K .

نصل الدارة الكهربائية براسم الاهتزاز المهبطي ذي ذاكرة (الشكل -2).

1- نغلق القاطعة عند اللحظة $t = 0s$.

1-1 مثل بأسهم كل من جهة التيار الكهربائي و التوترات الكهربائية في الدارة.

2-1 أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار الكهربائي المار في الدارة.

3-1 بين أن المعادلة السابقة تقبل الحل من الشكل: $i(t) = \frac{E}{R_1 + r} (1 - e^{-\frac{R_1 + r}{L}t})$

2- يمثل المنحنى البياني الموضح في الشكل -3 المعطى بواسطة راسم الاهتزاز المهبطي:

1-2 بين أن التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعة يعطى بالعلاقة التالية: $u_b = \frac{E}{R_1 + r} (r + R_1 e^{-\frac{R_1 + r}{L}t})$

2-2 أوجد قيمة كل من E القوة الكهربائية المحركة و r مقاومة الوشيعة.

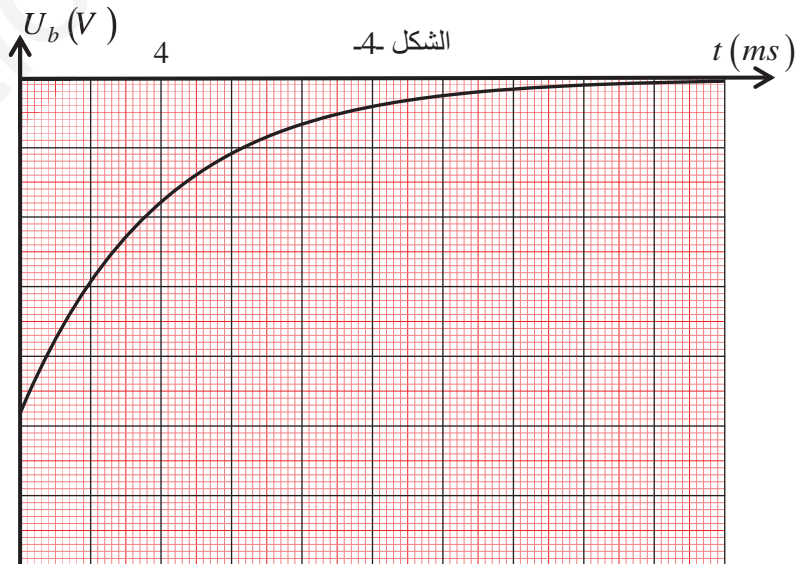
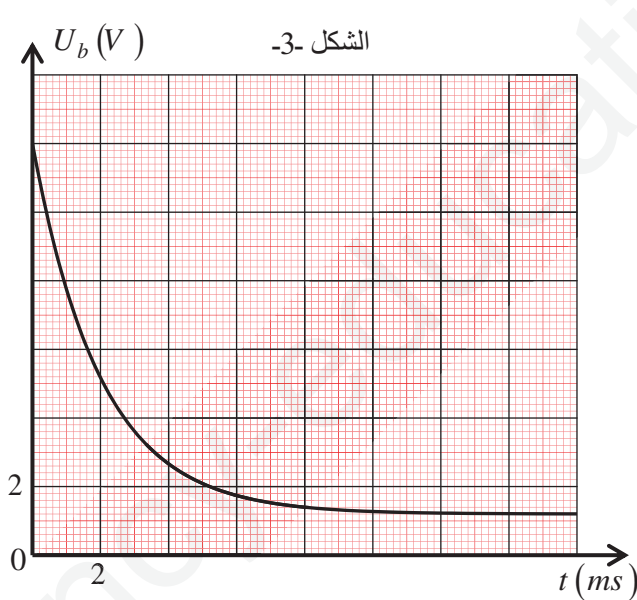
3-2 حدد قيمة ثابت الزمن τ ثم استنتج قيمة ذاتية الوشيعة L .

3- نفتح القاطعة عند لحظة نعتبرها كمبدأ للزمن من جديد فنشاهد على شاشة راسم الاهتزاز المهبطي المنحنى البياني الموضح في الشكل - 4 -.

1-3 جد قيمة المقاومة R_2 .

2-3 حدد سلم الرسم على محور الترتيب.

3-3 مثل المنحنى $U_{R_2} = f(t)$.



الجزء الثاني: (07 نقطة)

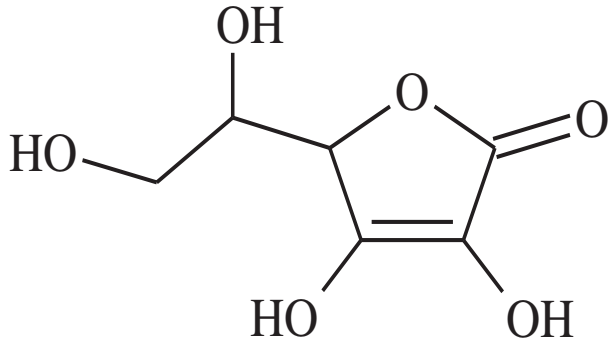
التمرين التجريبي:

حمض الأسكوربيك يعرف طبيا بفيتامين C مكمل غذائي عبارة عن مركب عضوي مضاد لمرض الأسقربوط (ضعف

الشعيرات الدموية) لهذا الحمض دور هام في منع ومعالجة هذا المرض ويساعد على امتصاص الحديد الضروري

لتكوين الكريات الحمراء

ينصح للمصابين بالمرض السابق بتناول البرتقال والليمون ...



الشكل-05-

1- تفاعل حمض الأسكوربيك مع الماء

1-1- جزيئ فيتامين c له الصيغة الموضحة في الشكل 5-

- أذكر اسم هذه الصيغة.

2-1- حدد الصيغة المجملة له وبين أن كتلته المولية هي

$$176 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

3-1- نحل قرص 500mg من هذا الفيتامين في قليل من الماء

ونكمل الحجم بالماء المقطر إلى 1L، قيمة PH للمحلول

المحضر هي $PH = 3,3$.

1-3-1- أحسب التركيز المولي لحمض الأسكوربيك.

2-3-1- أكتب معادلة تفاعل انحلال حمض الأسكوربيك في

الماء.

3-3-1- أنشئ جدولا لتقدم التفاعل وأحسب كل من التقدم الأعظمي x_{\max} والتقدم النهائي x_f .

4-3-1- هل حمض الأسكوربيك قوي - علق.

5-3-1- بين أن ثابت الحموضة للثنائية المدروسة يكتب $K_a = \frac{[H_3O^+]^2_f}{C - [H_3O^+]_f}$ ثم أحسبه.

6-3-1- مثل على محور موجه مخطط النوع الكيميائي الغالب للثنائية .

2- معايرة حمض الأسكوربيك بتتبع قيم الـ PH

نريد التحقق من الكتابة 500mg المسجلة على علبة فيتامين c .

نأخذ قرصا منها ونذيبه في كمية كافية من الماء المقطر في حوجة عيارها 200ml ثم نكمل بالماء المقطر إلى خط

العيار، نقوم بعملية الرج حتى نحصل على محلول متجانس.

نأخذ منه حجما $v_a = 10 \text{ ml}$ ونعايره بواسطة محلول هيدروكسيد الصوديوم تركيزه المولي $c_b = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ ونتابع

المعايرة الـ PH مترية يمثل بيان الشكل 6- تطور قيم PH المزيج بدلالة حجم هيدروكسيد الصوديوم المضاف.

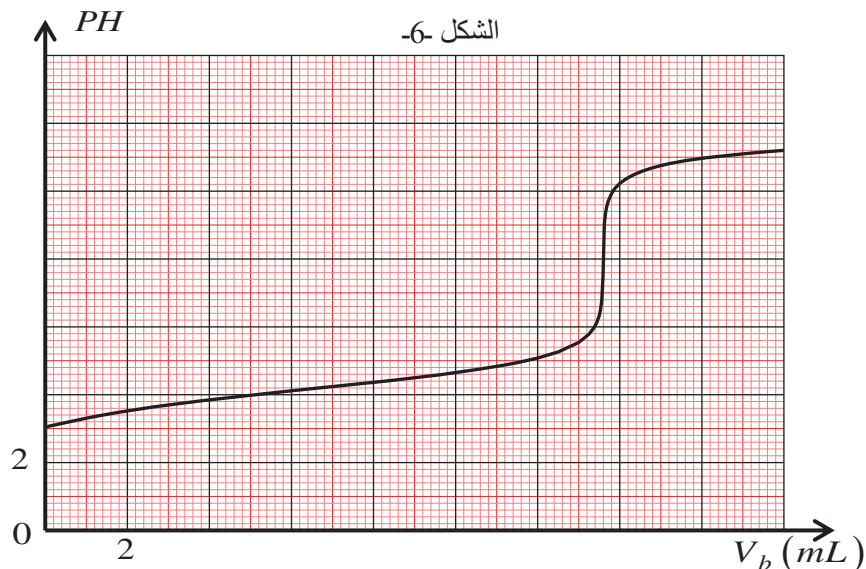
1-2- إن هيدروكسيد الصوديوم المستعمل في المعايرة أساس قوي. ماهي قيمة PH محلوله.

2-2- أرسم البروتوكول التجريبية للمعايرة وأكتب معادلة التفاعل الحادث.

3-2- عرف التكافؤ وحدد أحداثيات نقطة التكافؤ.

4-2- اعتمادا على هذا البروتوكول. أحسب كتلة حمض الأسكوربيك الموجودة في القرص. وهل هي متطابقة مع دلالة

الصانع.



المعطيات: تؤخذ درجة حرارة المحاليل $K_e = 10^{-14} \cdot 25^0C$
 $M(C) = 12 g mol^{-1}$, $M(H) = 1 g mol^{-1}$, $M(O) = 16 g mol^{-1}$

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني: (20 نقطة)

الجزء الأول: (13 نقطة)

التمرين الأول: (06 نقاط)

تستعمل المركبات الكيميائية التي تحتوي على عنصر الآزوت في مجالات متعددة كالزراعة لتخصيب التربة بواسطة الأسمدة أو الصناعة لتصنيع الأدوية وغيرها .
يهدف التمرين لدراسة :

- محلول مائي للأمونياك NH_3 وتفاعله مع محلول مائي لكلورو المثيل أمونيوم $CH_3NH_3^+ + Cl^-$ (aq)

معطيات : - تمت جميع القياسات عند درجة الحرارة 25^0C . - الجداء الشاردي للماء $K_e = 10^{-14}$

- نرمز لـ $pKa(NH_4^+ / NH_3)$ بـ pKa_1 ،

$pKa(CH_3NH_3^+ / CH_3NH_2) = pKa_2 = 10,7$

I - دراسة محلول مائي للأمونياك :

1 - نحضر محلولاً مائياً S_1 للأمونيak تركيزه المولي $C_1 = 10^{-2} \text{ mol / l}$ ، أعطى قياس pH المحلول S_1 القيمة $pH_1 = 10,6$

- أ - أكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل الأمونيak مع الماء
ب - أوجد عبارة نسبة التقدم النهائي τ_1 للتفاعل بدلالة C_1 ، pH_1 و Ke ، ثم تحقق أن $\tau_1 \approx 4\%$
ج - أوجد عبارة ثابت التوازن K الموافقة لمعادلة التفاعل بدلالة C_1 و τ_1 أحسب قيمتها .

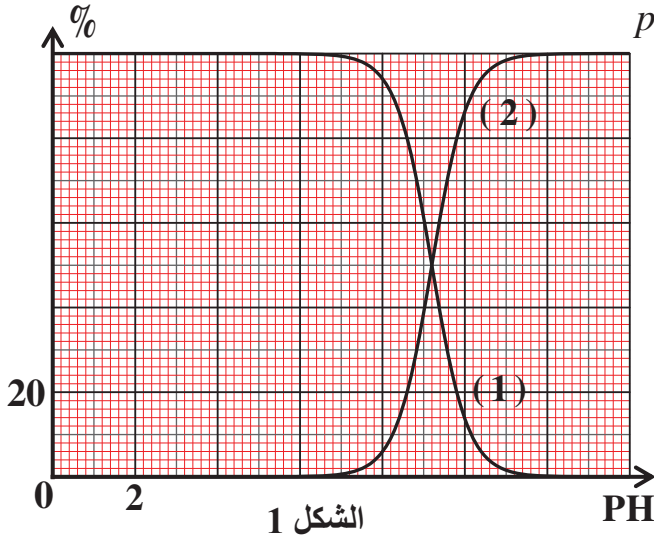
2 - نخفف المحلول S_1 فنحصل على محلول مائي S_2 ، نقيس pH المحلول S_2 فنجد $pH_2 = 10,4$.

يمثل منحنيني (الشكل 01) التالي مخطط توزيع النوعين الحمضي والأساسي للثنائية (NH_4^+ / NH_3) .

أ - أقرن النوع الأساسي للثنائية (NH_4^+ / NH_3) بالمنحنى الموافق له مع التعليل .

ب - اعمدا على منحنيني (الشكل 01) حدد كل من :

- pKa_1 - نسبة التقدم النهائي τ_2 للتفاعل في المحلول S_2 .
ج - بالمقارنة بين τ_1 و τ_2 ، ماذا تستنتج ؟



II - دراسة تفاعل الأمونيak مع شاردة ميثيل أمونيوم :

نمزج في كأس حجم V_1 من المحلول المائي S_1 للأمونيak ذي التركيز المولي C_1 مع حجم $V = V_1$ لمحلول مائي S لكلورو ميثيل أمونيوم $CH_3NH_3^+ + Cl^-$ تركيزه المولي $C = C_1$.

- 1 - أكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل الأمونيak مع شاردة ميثيل أمونيوم $CH_3NH_3^+$.
2 - أوجد قيمة ثابت التوازن K الموافق لمعادلة هذا التفاعل .
3 - بين أن عبارة تركيز كل من CH_3NH_2 و NH_4^+ في المزيج المتفاعل عند التوازن يكتب :

$$[CH_3NH_2(aq)] = [NH_4^+(aq)] = \frac{C}{2} \times \frac{\sqrt{K}}{1 + \sqrt{K}}$$

4 - حدد pH المزيج المتفاعل عند التوازن .

التمرين الثاني: (07 نقاط)

اهتم العالم الإيطالي غاليلي بدراسة حركة سقوط أجسام مختلفة ، و قد تمت هذه الدراسة حسب بعض المصادر بتحرير أجسام من فوق برج بيزا (Tour de Pise) .

للتحقق من بعض النتائج المتوصل إليها ، سندرس في هذا الجزء السقوط في الهواء لكرتين لهما نفس القطر و كتلتان حجميتان مختلفتان .

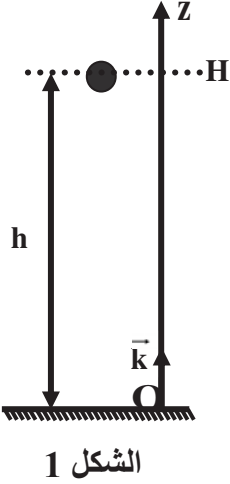
- ندرس حركة كل كرة في المعلم (OK) الموجه شاقولياً نحو الأعلى والمرتبط بالأرض والذي نعتبره غاليلياً .

يطبق الهواء على كل كرة قوة نمذجها بقوة احتكاك شدتها f^- ، نهمل دافعة أرخميدس .

نقبل أن شدة الاحتكاك تكتب : $f = 0,22 \rho_{air} \cdot \pi \cdot R^2 \cdot v^2$ حيث ρ_{air} الكتلة الحجمية للهواء ، R قطر الكرة و v قيمة السرعة .

- دراسة هاتين الحركتين تم استعمال كرتين متجانستين (a) و (b) لهما نفس القطر $R = 6cm$.

و كتلتان حجميتان على التوالي $\rho_{(a)} = 1,14 \times 10^4 Kg . m^{-3}$ ، $\rho_{(b)} = 94 Kg . m^{-3}$.



- تم تحرير الكرتين (a) و (b) عند نفس اللحظة $t = 0$ بدون سرعة ابتدائية من نفس المستوى الأفقي الذي تنتمي إليه النقطة H. يوجد هذا المستوى على ارتفاع $h = 69m$ من سطح الأرض (الشكل 1).

1 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، بين أن المعادلة التفاضلية لسرعة الكرة تكتب

على الشكل : $\frac{dv}{dt} = -g + 0,165 \times \frac{\rho_{air}}{R \cdot \rho_i} v^2$ حيث : ρ_i الكتلة الحجمية للكرة (a) أو (b).

2 - استنتج عبارة السرعة الحدية v_{lim} لحركة الكرة.

3 - تمثل منحنيات الشكلين (2) و (3) تغيرات كل من الفاصلة $z(t)$ و السرعة $v(t)$ بدلالة الزمن t .

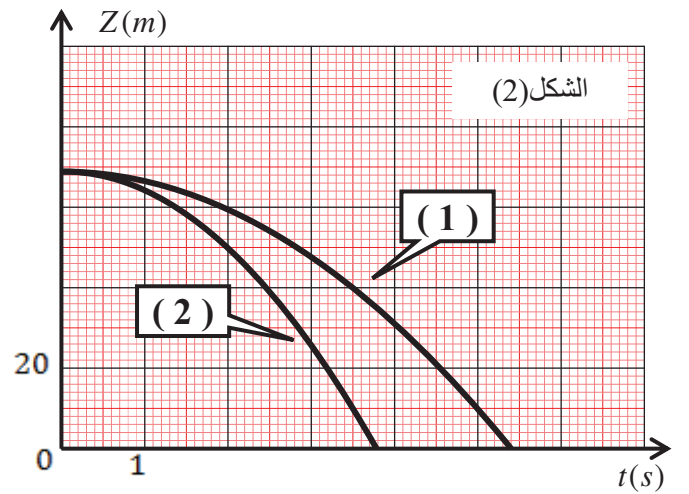
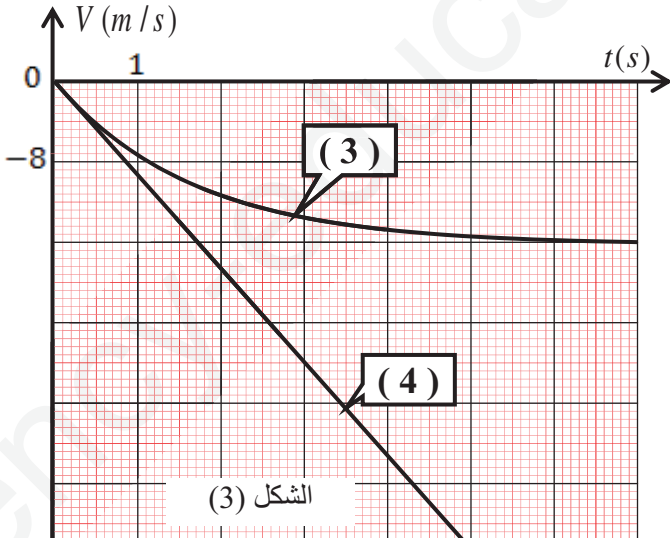
أ - اعتمادا على عبارة السرعة الحدية ، بين أن المنحنى (3) يوافق تغيرات سرعة الكرة (b) .

ب - فسر لماذا يوافق المنحنى (2) تغيرات الفاصلة للكرة (a) .

4 - اعتمادا على المنحنى ، حدد طبيعة حركة الكرة (a) و اكتب معادلتها الزمنية $z(t)$.

5 - حدد قيمة الارتفاع بين مركزي الكرتين لحظة وصول الكرة الأولى سطح الأرض .

معطيات : حجم الكرة : $V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R^3$ ، $g = 9,8m/s$ ، $\rho_{air} = 1,3 Kg . m^{-3}$.

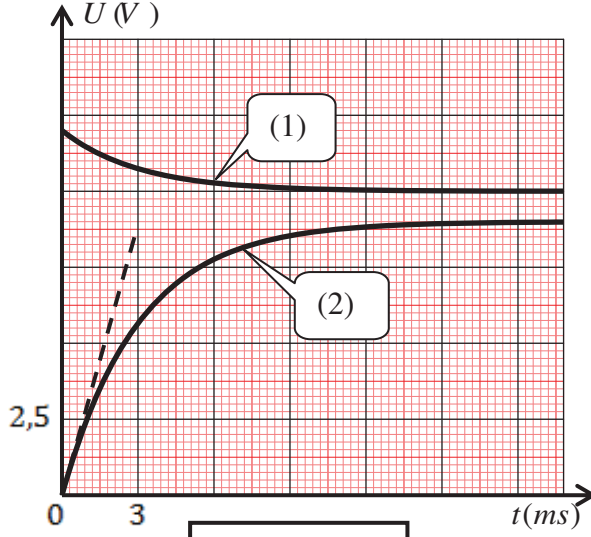


الجزء الثاني: (07 نقطة)

التمرين التجريبي:

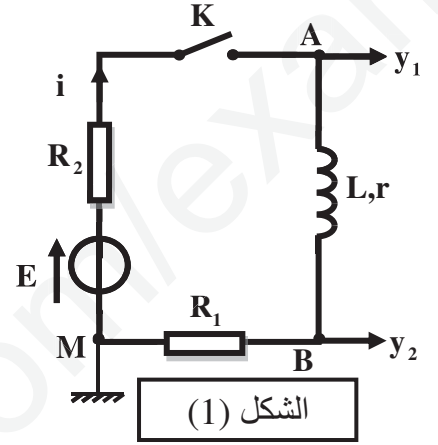
الجزء 01 :

ننجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل (1) و المتكون من : مولد للتوتر الثابت قوته المحركة الكهربائية E ، وشيعة ذاتيتها L مقاومتها الداخلية r ، ناقلين أوميين مقاومتها $R_1 = 45\Omega$ و R_2 و قاطعة K (الشكل 1) . عند اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعة K وباستعمال تجهيز مناسب تم الحصول على المنحنى (1) الذي يوافق التوتر ($u_{AM}(t)$) والمنحنى (2) الذي يوافق التوتر ($u_{BM}(t)$) (الشكل 2) .



الشكل (2)

الكهربائي المار في



الشكل (1)

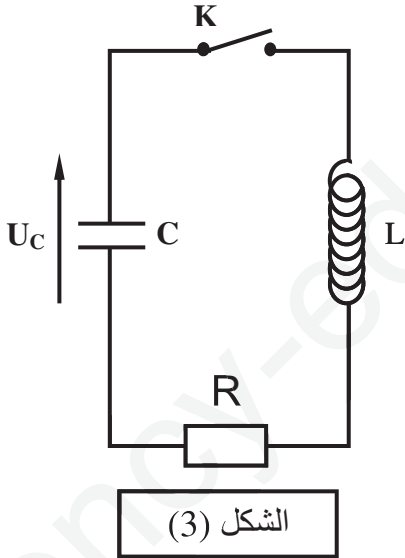
- 1 - أوجد المعادلة التفاضلية التي تعطي الشدة اللحظية $i(t)$ للتيار الدارة .
- 2 - أوجد قيمة E .
- 3 - حدد قيمة R_2 و بين أن : $r = 5\Omega$.
- 4 - أوجد قيمة ثابت الزمن τ للدارة ، ثم تحقق أن : $L = 0,18H$.

الجزء 02 :

- نربط على التسلسل العناصر الكهربائية التالية :
- مكثفة مشحونة كلياً سعتها $C = 14,1\mu F$.
- الوشيعة السابقة .
- ناقل أومي مقاومته $R = 20\Omega$.
- قاطعة K .

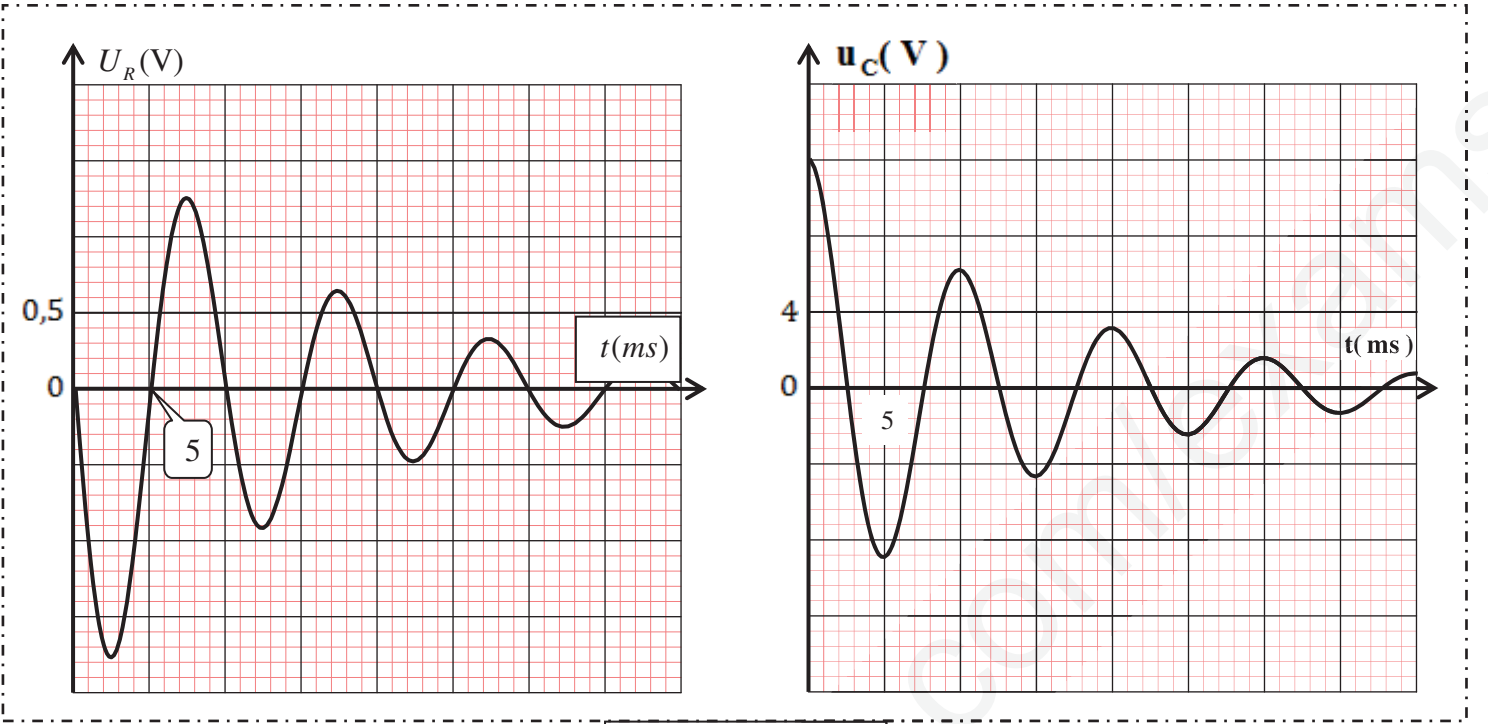
نغلق القاطعة K عند اللحظة $t = 0$. نحصل على المنحنيين البيانيين الممثلين في (الشكل 4) .

- 1 - أي نظام للاهتزازات يبينه منحنى الشكل 4 ؟
- 2 - أوجد المعادلة التفاضلية لتطور التوتر الكهربائي $u_C(t)$.



الشكل (3)

3 - احسب قيمة الطاقة الكلية للدائرة عند اللحظتين $t = 0$ و $t = 14ms$ ، ماذا تستنتج ؟



الشكل (04)

انتهى الموضوع الثاني

الصفحة 1 من 10

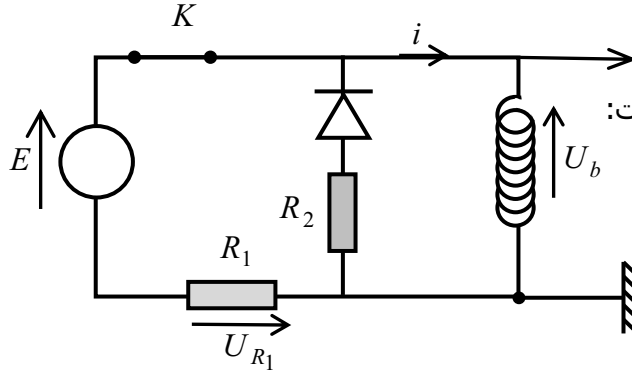
- نجد $a = 5 \times 10^{-3} = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$ ميل البيان

ومنه: $\Rightarrow t_{1/2} = 138 \text{ jours}$

5- تحديد اللحظة التي يكون عندها:

$$\frac{N(Pb)}{N(Po)} = \frac{2}{5} \Rightarrow \frac{1 - e^{-\lambda t}}{e^{-\lambda t}} = \frac{2}{5} \Rightarrow t = 67 \text{ jours}$$

التمرين الثاني: (06 نقاط)



1.1- تمثيل بأسهم جهة التيار وجهة التوترات:

2.1- المعادلة التفاضلية لشدة التيار:
حسب قانون جمع التوترات:

$$U_L + U_{R_1} = E \Rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{R_1 + r}{L} \cdot i = \frac{E}{L} \dots\dots\dots (1)$$

3.1- اثبات أن المعادلة التفاضلية تقبل حلا: من الشكل (2)..... $i(t) = \frac{E}{R_1 + r} (1 - e^{-\frac{R_1 + r}{L} t})$

$$\frac{di(t)}{dt} = \frac{E}{L} e^{-\frac{R_1 + r}{L} t} \dots\dots\dots (3)$$

بتعويض 2 و 3 في العبارة 1 نجد أن $i(t) = \frac{E}{R_1 + r} (1 - e^{-\frac{R_1 + r}{L} t})$ حلا للمعادلة التفاضلية (01)

1.2- اثبات أن $u_b = \frac{E}{R_1 + r} (r + R_1 e^{-\frac{R_1 + r}{L} t})$

لدينا: (*)..... $u_b = L \frac{di}{dt} + ri$ بتعويض العبارتين 2 و 3 في (*) نجد:

$$u_b = \frac{E}{R_1 + r} (r + R_1 e^{-\frac{R_1 + r}{L} t}) \text{ وهو المطلوب}$$

2.2- ايجاد قيمة E و r :

من بيان الشكل 3- وعند $t = 0$ نجد: $E = 12V$

ايجاد r : لدينا في حالة النظام الدائم: $u_b = \frac{E}{R_1 + r} = 1,2 \Rightarrow r = 10\Omega$

3.2- قيمة ثابت الزمن τ : من بيان الشكل 3- وعبارة u_b السابقة نجد: $\tau_1 = 2ms$

قيمة الذاتية L : لدينا: $\tau_1 = \frac{L}{R_1 + r} = 2 \times 10^{-3} \Rightarrow L = 0,2H$

1.3- ايجاد قيمة المقاومة R_2 : لدينا من بيان الشكل 4-: $\tau_2 = 4ms$ اذن:

$$\tau_2 = 4 \times 10^{-3} = \frac{L}{R_2 + r} \Rightarrow R_2 = 40\Omega$$

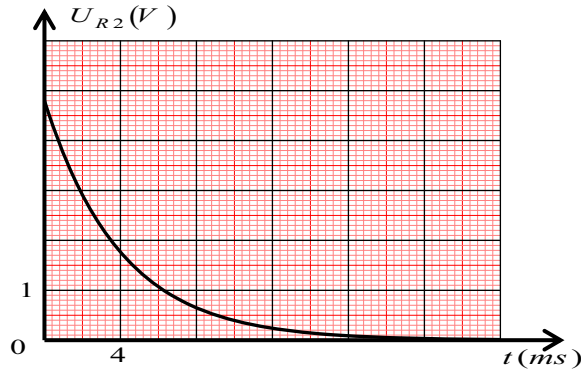
2.3- تحديد سلم الرسم للشكل 4-:

$$U_L + U_{R_2} = 0 \Rightarrow U_L = -U_{R_2}$$

$$U_L = -R_2 \cdot i(t) \Rightarrow U_L = -\frac{R_2 E}{R_1 + r} e^{-\frac{R_2 + r}{L} t} \Rightarrow U_L = -4,8 e^{-\frac{R_2 + r}{L} t}$$

ولدينا عند $t = 0$: $U_L = -4,8V$ اذن : سلم الرسم هو: $1cm \rightarrow 1V$.

3-3- رسم المنحنى: $U_{R_2} = f(t)$.



التمرين الثالث: (07نقاط)

1-1- اسم الصيغة: طوبولوجية

2-1- الصيغة المجملة: $C_6H_8O_6$

- اثبات ان الكتلة المولية للحمض هي $176g \cdot mol^{-1}$:

$$M_{C_6H_8O_6} = 6M_C + 8M_H + 6M_O = 176g \cdot mol^{-1}$$

3-1- حساب التركيز المولي: $C = \frac{m}{MV} = 2,84 \times 10^{-3} mol / l$

2-3-1- كتابة معادلة تفاعل انحلال حمض الأسكوربيك في الماء:



3-3-1- جدولا لتقدم التفاعل:

معادلة التفاعل		$C_6H_8O_6 + H_2O \rightarrow C_6H_7O_6^- + H_3O^+$			
الحالة	التقدم	كميات المادة بـ mol			
الابتدائية	$x = 0$	n		0	0
الانتقالية	$x(t)$	$n - x(t)$		$x(t)$	$x(t)$
النهائية	x_f	$n - x_f$		x_f	x_f

- حساب x_{max} : من جدول التقدم ون الحالة النهائية:

$$x_{max} = CV \Rightarrow x_{max} = 2,84 \times 10^{-3} \times 1 \Rightarrow x_{max} = 2,84 \times 10^{-3} mol$$

$$x_f = [H_3O^+]V \Rightarrow x_f = 10^{-3,3} \times 1 \Rightarrow x_f = 5 \times 10^{-4} mol$$

4-3-1- هل حمض الأسكوربيك قوي - مع التعليل:

لدينا: $1 < \tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} = 0,176$ اذن حمض الأسكوربيك ضعيف.

5-3-1- اثبات أن ثابت الحموضة للشائية المدروسة يكتب $K_a = \frac{[H_3O^+]^2_f}{C - [H_3O^+]_f}$:

$$K_a = \frac{[H_3O^+][C_6H_7O_6^-]}{[C_6H_8O_6]} \dots\dots(1) \text{ لدينا:}$$

$$[C_6H_8O_6] = C - [H_3O^+] \dots\dots\dots (3) \text{ و } [H_3O^+] = [C_6H_7O_6^-] \dots\dots\dots (2)$$

0,25

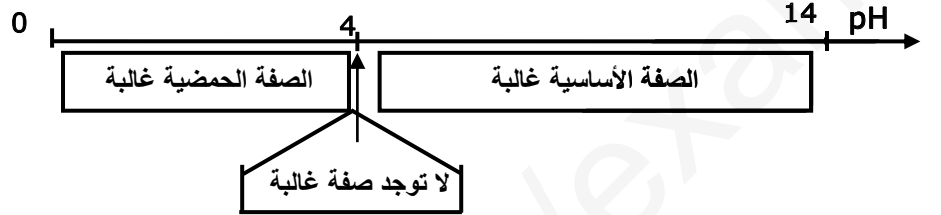
بتعويض 2 و 3 في 1 نجد: $K_a = \frac{[H_3O^+]^2_f}{C - [H_3O^+]_f}$ وهو المطلوب.

0,25

- حساب قيمة الـ K_a : لدينا $K_a = \frac{[H_3O^+]^2_f}{C - [H_3O^+]_f} = 10^{-4}$

6.3.1 تمثيل على محور موجه مخطط النوع الكيميائي الغالب للشئائية :

0,5



1.2 ماهي قيمة PH محلول هيدروكسيد الصوديوم المستعمل في المعايرة :
بما أن هيدروكسيد الصوديوم قوي فإن:

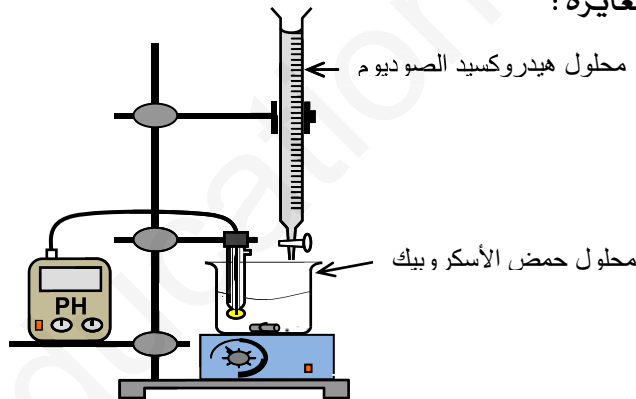
0,5

$$\tau_f = \frac{[OH^-]}{C_b} = 1 \Rightarrow [OH^-] = 10^{-2} \text{ mol / l}$$

$$\Rightarrow [H_3O^+] = 10^{-12} \text{ mol / l} \Rightarrow PH = 12$$

2.2 رسم البروتوكول التجريبية للمعايرة :

0,5



0,25

- كتابة معادلة التفاعل الحادث: $C_6H_8O_6 + OH^- = C_6H_7O_6^- + H_2O$

0,25

3.2 تعريف التكافؤ : عند نقطة التكافؤ تكون كمية مادة المحلول المعاير والمحلول المعاير في نسب ستوكيومترية.

0,25

- تحديد احداثيات نقطة التكافؤ: ($PH_E = 8$, $V_{be} = 13,6 \text{ ml}$)

4.2 حساب كتلة حمض الأسكوربيك الموجودة في القرص :
لنا من قانون التكافؤ:

0,5

$$n_a = C_b V_{be} \Rightarrow \begin{cases} n_a = 13,6 \times 10^{-5} \text{ mol} \rightarrow 10 \text{ ml} \\ n'_a \rightarrow 200 \text{ ml} \end{cases}$$

0,5

$$\Rightarrow n'_a = 27,2 \times 10^{-4} \text{ mol} \Rightarrow m = n'_a \times M \Rightarrow m = 479 \text{ mg}$$

وهي متطابقة مع دلالة الصانع في حدود أخطاء التجريبية.

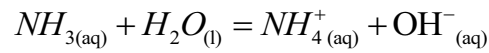
ملاحظة: بالنسبة للتلاميذ الذين لم يتمكنوا من تحديد الصيغة المجملية، واستبدلوها بالصيغة العامة للأحماض AH فتمنح لهم نفس العلامة إذا كانت النتائج متطابقة مع ما سبق.

الجزء الاول: دراسة محلول مائي للامونياك و تفاعله مع الحمض

1 - دراسة محلول مائي للامونياك:

1 1 تحضير المحلول S1 :

1 - معادلة تفاعل الامونياك مع الماء:



2 - التعبير عن τ بدلالة C_1 و K_e و pH_1 :

- من جدول التقدم نجد $[OH^-]_f = \frac{x_f}{V_T}$ أي : $x_f = [OH^-]_f \cdot V_T$

- و المتفاعل المحد NH_3 نكتب : $C_1 V_T - X_{max} = 0$ ومنه : $X_{max} = C_1 \cdot V_T$

- حسب الجداء الشاردي : $Ke = [H_3O^+]_f \cdot [OH^-]_f$

$$[OH^-]_f = \frac{Ke}{[H_3O^+]_f} = \frac{Ke}{10^{-pH}}$$

ومنه العبارة : $\tau_1 = \frac{x_f}{X_{max}} = \frac{K_e \cdot V_T}{10^{-pH} \cdot C_1 \cdot V_T} = \frac{K_e}{10^{-pH} \cdot C_1}$

حساب τ_1 : $\tau_1 = \frac{10^{-14}}{10^{-2} \cdot 10^{-10,6}} = 3,99 \cdot 10^{-2} \approx 4\%$

- ايجاد عبارة ثابت التوازن K :

- من نسبة التقدم النهائي نجد : $\tau_1 = \frac{x_f}{X_{max}} = \frac{x_f}{C_1 \cdot V_T}$ ومنه : $x_f = \tau_1 \cdot C_1 \cdot V_T$

- من جدول التقدم:

$$[OH^-]_f = [NH_4^+]_f = \frac{x_f}{V_T} = \frac{\tau_1 \cdot C_1 \cdot V_T}{V_T} = \tau_1 \cdot C_1$$

$$[NH_3]_f = \frac{C_1 \cdot V_T - x_f}{V_T} = \frac{C_1 \cdot V_T}{V_T} - \frac{x_f}{V_T} = C_1 - \tau_1 \cdot C_1 = C_1 (1 - \tau_1)$$

ومنه العبارة : $K = \frac{[NH_4^+]_f \cdot [OH^-]_f}{[NH_3]_f} = \frac{(\tau_1 \cdot C_1)^2}{C_1 (1 - \tau_1)} = \frac{\tau_1^2 \cdot C_1}{1 - \tau_1}$

$$K = \frac{(4 \cdot 10^{-2})^2 \cdot 10^{-2}}{1 - 4 \cdot 10^{-2}} \approx 1,67 \cdot 10^{-5}$$

2 - دراسة المحلول المخفف S2 :

مخطط النوع الاساسي الغالب:

- عند قيمة $pH = 10,4 > pK_A = 9,2$ للنوع الاساسي NH_3 هو الغالب

- وبالتالي: - المنحنى (2) يمثل مخطط الصفة الأساسية NH_3

- المنحنى (1) يمثل مخطط الصفة الحمضية NH_4^+

من المنحنيين نجد:

- قيمة pK_{A1}

عندما يكون : $[NH_3]_f = [NH_4^+]_f$ نحصل على $pH = pK_A$ ومنه نجد : $pK_{A1} = 9,2$

نسبة التقدم النهائي τ_2 :

$$\tau_2 = \frac{x_f}{X_{max}} = \frac{[NH_4^+]_f}{C_2} = \frac{[NH_4^+]_f}{[NH_4^+]_f + [NH_3]_f}$$

- عند $pH_2 = 10,4$ نسبة الصفة الحمضية هي $\tau_2 = 0,06 = 6\%$

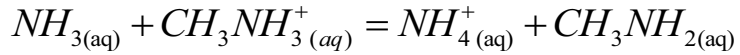
3 - مقارنة τ_1 و τ_2 :

نستنتج أن نسبة تقدم التفاعل النهائية تتعلق بالحالة $\tau_2 > \tau_1$ نلاحظ أن

الإبتدائية وهي تتزايد مع التمديد.

II. دراسة تفاعل الامونياك مع شاردة مثيل أمونيوم:

1 - معادلة التفاعل:



2 - ثابت التوازن K :

$$K' = \frac{[NH_4^+]_f \cdot [CH_3NH_2]_f}{[NH_3]_f \cdot [CH_3NH_3^+]_f} = \frac{[H_3O^+]_f \cdot [CH_3NH_2]_f}{[CH_3NH_3^+]_f} \cdot \frac{[NH_4^+]_f}{[NH_3]_f \cdot [H_3O^+]_f} = \frac{K_{A1}}{K_{A2}}$$

$$K' = \frac{10^{-pK_{A2}}}{10^{-pK_{A1}}} = 10^{pK_{A1} - pK_{A2}}$$

$$K' = 10^{9,2-10,7} \approx 3,16 \times 10^{-2}$$

- تبين عبارة تركيز كل من NH_4^+ و CH_3NH_2 :

$$[NH_4^+]_f = [CH_3NH_2]_f = \frac{x_f}{2V} \quad - \quad \text{من جدول التقدم نجد:}$$

$$[NH_3]_f = [CH_3NH_3^+]_f = \frac{C.V - x_f}{2V} = \frac{n - x_f}{2V} \quad -$$

$$K' = \frac{[NH_4^+]_f \cdot [CH_3NH_2]_f}{[NH_3]_f \cdot [CH_3NH_3^+]_f} = \frac{[NH_4^+]_f^2}{[NH_3]_f^2} = \frac{\left(\frac{x_f}{2V}\right)^2}{\left(\frac{n - x_f}{2V}\right)^2} = \left(\frac{x_f}{n - x_f}\right)^2 \quad \text{ومنه:}$$

$$\frac{x_f}{n - x_f} = \sqrt{K'} \Rightarrow x_f = \sqrt{K'} \cdot (n - x_f) = n \cdot \sqrt{K'} - x_f \cdot \sqrt{K'}$$

$$x_f (1 + \sqrt{K'}) = n \cdot \sqrt{K'} \Rightarrow x_f = \frac{n \cdot \sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}} = \frac{C.V \cdot \sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}}$$

$$[NH_4^+]_f = [CH_3NH_2]_f = \frac{x_f}{2V} = \frac{C.V \cdot \sqrt{K'}}{2V \cdot (1 + \sqrt{K'})}$$

$$[NH_4^+]_f = [CH_3NH_2]_f = \frac{C}{2} \cdot \frac{\sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}} \quad \text{نستنتج أن:}$$

3 - تحديد pH المزيج عند التوازن :

$$pH = pK_{A1} + \log \frac{[NH_3]_f}{[NH_4^+]_f} \quad - \quad \text{لدينا:}$$

$$[NH_4^+]_f = \frac{C}{2} \cdot \frac{\sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}}$$

$$[NH_3]_f = \frac{C.V - x_f}{2V} = \frac{C}{2} - \frac{x_f}{2V} = \frac{C}{2} \left(1 - \frac{\sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}}\right) \quad \text{لدينا:}$$

$$[NH_3]_f = \frac{C}{2} \left(\frac{1 - \sqrt{K'} + \sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}}\right) = \frac{C}{2} \left(\frac{1}{1 + \sqrt{K'}}\right)$$

$$\text{ومنه: } \frac{[NH_3]_f}{[NH_4^+]_f} = \frac{\frac{C}{2} \left(\frac{1 - \sqrt{K'} + \sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}} \right)}{\frac{C}{2} \left(\frac{\sqrt{K'}}{1 + \sqrt{K'}} \right)} = \frac{1}{\sqrt{K'}}$$

$$pH = pK_{A1} + \log \frac{1}{\sqrt{K'}} = pK_{A1} - \log \sqrt{K'}$$

$$pH = 9,2 - \frac{1}{2} \log (3,16 \cdot 10^{-2}) \approx 9,95$$

وعليه:

التمرين الثاني : (07 نقاط)
1 - ايجاد المعادلة التفاضلية:

الجملة المدروسة : كرة
القوى المؤثرة: بإهمال دافعة أرخميدس

- الثقل \vec{P}

- قوة الاحتكاك مع المائع \vec{f}

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_G \quad \text{أي: } \vec{P} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}_G$$

نجد: OZ بالاسقاط على المحور

$$-m_1 \cdot g + f = m \cdot a_z \Rightarrow -g + \frac{f}{m_1} = \frac{dv_z}{dt}$$

$$m_1 = \rho_1 \cdot V = \frac{4}{3} \pi R^3 \cdot \rho_1, \quad f = 0,22 \cdot \rho_{air} \cdot \pi \cdot R^2 \cdot V_z^2$$

$$\frac{f}{m_1} = \frac{0,22 \cdot \rho_{air} \cdot \pi \cdot R^2}{\frac{4}{3} \pi R^3 \cdot \rho_1} \cdot v_z^2 = 0,165 \frac{\rho_{air}}{R \cdot \rho_1} \cdot v_z^2$$

$$\frac{dv_z}{dt} = -g + 0,165 \frac{\rho_{air}}{R \cdot \rho_1} \cdot v_z^2$$

2- عبارة السرعة الحدية v_{lim} لحركة الكرة :

- عندما تأخذ الكرة السرعة الحدية v_l يكون $\frac{dv_z}{dt} = 0$ وعليه:

$$-g + 0,165 \frac{\rho_{air}}{R \cdot \rho_1} \cdot v_l^2 = 0 \Rightarrow v_l = \sqrt{\frac{g \cdot R \cdot \rho_1}{0,165 \cdot \rho_{air}}}$$

-3

1 - نحدد بالنسبة للكرة (b) السرعة الحدية:

سلطان

$$v_l = \sqrt{\frac{g.R.\rho_1}{0,165.\rho_{air}}} = \sqrt{\frac{9,8 \times 10^{-2} \times 94}{0,165 \times 1,3}} = 16 \text{ m/s}$$

- بما أن منحنى الكرة معاكس لمنحنى المحور OZ ، فإن :

$$v_{LZ} = -16 \text{ m/s}$$

- حسب الشكل 3 السرعة الحدية ($v_{LZ} = -16 \text{ m/s}$) للمنحنى (3) يوافق تغيرات سرعة الكرة (b)

2- تفسير موافقة المنحنى (C₂) لتغيرات حركة الكرة (a) :

- بمقارنة الكتلة الحجمية للكرتين نلاحظ أن : $\rho_{(a)} > \rho_{(b)}$
- اثناء السقوط الكرة الأثقل هي التي تستغرق وقت أقل للوصول إلى سطح الأرض.

- إذن المنحنى (2) يوافق تغيرات الفاصلة Z للكرة (a)

3- طبيعة حركة الكرة a :

- في الشكل (3) المنحنى 4 عبارة عن دالة خطية معادلتها تكتب : $v_z = k.t$

اذن: حركة الكرة (a) مستقيمة متغيرة (متسارعة) بانتظام.

$$\text{حيث } k \text{ معامل توجيه البيان 4 نكتب: } k = \frac{\Delta v_z}{\Delta t} = \frac{18,4 - 0}{1,9 - 0} = 9,68$$

ومنه: معادلة السرعة تكتب : $v_z = 9,68.t$

$$\text{ننتقل الى الدالة الاصلية نجد : } Z(t) = \frac{1}{2} \times 9,68 t^2 + z_0$$

حيث : $z_0 = h = 69 \text{ m}$

$$\text{ومنه: } Z(t) = 4,84 t^2 + 69$$

4 - قيمة الارتفاع بين مركزي الكرتين :
من الشكل 2 لدينا :

- تصل الكرة (a) الى سطح الارض عند اللحظة $t = 3,8 \text{ s}$ عند هذه اللحظة تكون الكرة

(b) على ارتفاع 26m وبالتالي المسافة هي $d = 26 \text{ m}$

التمرين التجريبي : (07 نقاط)

1- المعادلة التفاضلية $i(t)$ للتيار الكهربائي المار في الدارة .

- بتطبيق قانون جمع التوترات نجد:

$$u_{R_1} + u_L + u_{R_2} = E$$

$$R_1.i + r.i + L \frac{di}{dt} + R_2.i = E \Rightarrow L \frac{di}{dt} + (R_1 + R_2 + r).i = E$$

ومنه المعادلة: $R_{eq} = R_1 + R_2 + r$

$$\frac{L}{R_{eq}} \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_{eq}}$$

$$\tau \cdot \frac{di}{dt} + i = I \quad \left\{ \begin{array}{l} I = \frac{E}{R_{eq}} \\ \tau = \frac{L}{R_{eq}} \end{array} \right.$$

- شدة التيار في النظام الدائم :
- الثابت الزمني:

2 - إيجاد قيمة E :

- حسب المنحنى البياني 1 الذي يمثل u_{AM} عند اللحظة $t = 0$ يكون $i = 0$ $E = 12V$ ومنه بيانيا نجد :

3 - قيمة R_2 :

- التوتر $u_{AM} = E - R_2.i$ في النظام الدائم يكتب:
$$u_{AM\infty} = E - R_2.I \Rightarrow R_2 = \frac{E - u_{AM\infty}}{I}$$
- التوتر $u_{BM} = R_1.i$ في النظام الدائم يكتب: $I = \frac{u_{BM\infty}}{R_1}$
- من العلاقتين نستنتج:
$$R_2 = \frac{E - u_{AM\infty}}{u_{BM\infty}}.R_1 \quad \text{ومنه:} \quad R_2 = \frac{12 - 10}{9}.45 \quad \Leftarrow \quad R_2 = 10\Omega$$

- اثبات أن $r = 5\Omega$

- في النظام الدائم المعادلة التفاضلية تكتب:

$$I = \frac{E}{R_1 + R_2 + r} \Rightarrow R_1 + R_2 + r = \frac{E}{I} \Rightarrow r = \frac{E}{u_{BM}}.R_1 - R_1 - R_2$$

$$r = \frac{12}{9}.45 - 45 - 10 \Rightarrow r = 5\Omega$$

4- التحقق من قيمة L :

عبارة ثابت الزمن : $\tau = \frac{L}{R_1 + R_2 + r}$ أي: $L = \tau.(R_1 + R_2 + r)$

- بيانيا لدينا : $\tau = 3ms$ ومنه:

$$L = 0.18H \quad \Leftarrow \quad L = 3 \times 10^{-3}.(45 + 10 + 5)$$

الجزء الثاني:

- 1 - نظام الاهتزازات
- حسب بياني الشكل 04 - النظام شبه دوري (الإهتزازات كهربائية حرة متخامدة)

2 - المعادلة التفاضلية:

- بتطبيق قانون جمع التوتورات نجد:

$$u_L + u_R + u_C = 0$$

$$L \frac{di}{dt} + R.i + r.i + u_C = 0$$

$$L \frac{di}{dt} + (R + r).i + u_C = 0$$

$$i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C.u_C)}{dt} = C \frac{du_C}{dt}$$

$$\frac{di}{dt} = \frac{d}{dt} \left(C \frac{du_C}{dt} \right) = C \cdot \frac{d}{dt} \frac{du_C}{dt} = C \cdot \frac{d^2 u_C}{dt^2}$$

$$L.C.\frac{d^2u_C}{dt^2} + (R+r).C\frac{du_C}{dt} + u_C = 0$$

وهي معادلة تفاضلية تكتب:

$$\boxed{\frac{d^2u_C}{dt^2} + \frac{(R+r)}{L}.\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{L.C}.u_C = 0}$$

3 - قيمة الطاقة الكلية للدارة $t=0$ و $t=14ms$:

$$E_T = E_e + E_m = \frac{1}{2} C.u_C^2 + \frac{1}{2} L.i^2 \quad \text{- الطاقة الكلية تكتب :}$$

- عند اللحظة $t_1 = 0$ حسب الشكل 4 :

$$\begin{cases} u_C(0) = 12 \\ i(0) = 0 \end{cases} \Rightarrow E_{T1} = E_{e1} = \frac{1}{2} C.u_C^2(0) = \frac{1}{2} \times 14,1 \times 10^{-6} \times 12^2 = 1,015 \times 10^{-3} \text{ J}$$

- عند اللحظة $t_1 = 14ms$ حسب الشكل 4 :

$$\begin{cases} u_C(t_2) = 3,2V \\ u_R(t_2) = -0,5V \end{cases} \Rightarrow E_{T2} = E_{e2} + E_{m2} = \frac{1}{2} C.u_C^2(t_2) + \frac{1}{2} L.i^2(t_2)$$

$$\Rightarrow E_{e2} + E_{m2} = \frac{1}{2} C.u_C^2(t_2) + \frac{1}{2} L.\left(\frac{u_R(t_2)}{R}\right)^2$$

$$E_{T2} = \frac{1}{2} 14,1 \times 10^{-6} \times (-3,2)^2 + \frac{1}{2} 0,18 \times \left(\frac{-0,4}{20}\right)^2 = 1,284 \times 10^{-4} \text{ J}$$

نستنتج ان : الطاقة الكلية للدارة تتناقص بمرور الزمن الى أن تنعدم.

وهذا دليل على أن الاهتزازات كهربائية متخامدة .

عالج موضوعا واحدا فقط على الخيار

الموضوع الأول :

الجزء الأول : يتكون من تمرينين .

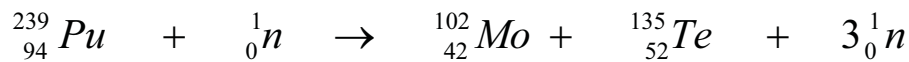
التمرين الأول : (06.00 نقاط)

I- عينة مشعة من البلوتونيوم $^{239}_{94}Pu$.كتلتها $m_0 = 1g$ ، وبواسطة محاكاة لنشاطها

تمكنا من الحصول على البيان الشكل 1-

أ - بين أن $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$ انطلاقا من علاقةالتناقص الإشعاعي $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ ، حيث $m(t)$ كتلة الأنوية المتبقية عند اللحظة t ب - بين أن $\ln \frac{m_0}{m} = \lambda t$ ثم أحسب ثابت النشاط الإشعاعي λ ب s^{-1} .ج- أحسب عدد الأنوية الابتدائية N_0 الموجودة فيالعينة، واستنتج النشاط الابتدائي A_0 للعينة .د- عرف زمن نصف العمر ثم بين أن $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$ ، ثم أحسب قيمته .هـ- بين أن : $m(t) = \frac{m_0}{2^{t/t_{1/2}}}$ ، ثم استنتج كتلة الأنوية المتبقية عند اللحظة $t = 2t_{1/2}$.و- أوجد اللحظة التي تكون فيها النسبة المئوية لأنوية البلوتونيوم المتبقية $r = 20\%$.

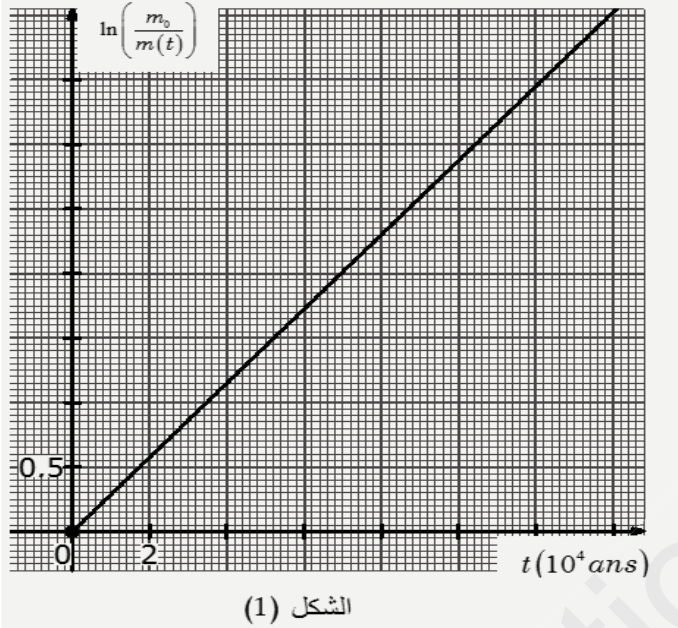
II- البلوتونيوم 239 هو أحد نظائر البلوتونيوم و هو من المواد التي تستخدم كوقود نووي في المفاعلات النووية

لإنتاج الطاقة الكهربائية، ينمذج أحد التفاعلات الممكنة لإنشطار $^{239}_{94}Pu$ بالمعادلة التالية :

1- عرف تفاعل الانشطار النووي .

2- ماهي النواة الأكثر استقرارا من بين الأنوية الناتجة من هذا التفاعل النووي (الانشطار) .

3- أحسب الطاقة المحررة من هذا التفاعل ب (Mev) ثم بال جول (J) .

4- أحسب الطاقة المحررة عن انشطار 1g من البلوتونيوم $^{239}_{94}Pu$ بال جول (J) .

5- تستعمل الطاقة السابقة في إنتاج الطاقة الكهربائية في مفاعل نووي استطاعته الكهربائية $P = 300 \text{ MW}$.
بمردود طاقي $r = 30\%$ ، أحسب المدة الزمنية اللازمة لاستهلاك الكتلة السابقة .
المعطيات :

$$M(^{135}\text{Te}) = 135 \text{ g/mol} , M(^{102}\text{Mo}) = 102 \text{ g/mol} , M(^{239}\text{Pu}) = 239 \text{ g/mol}$$

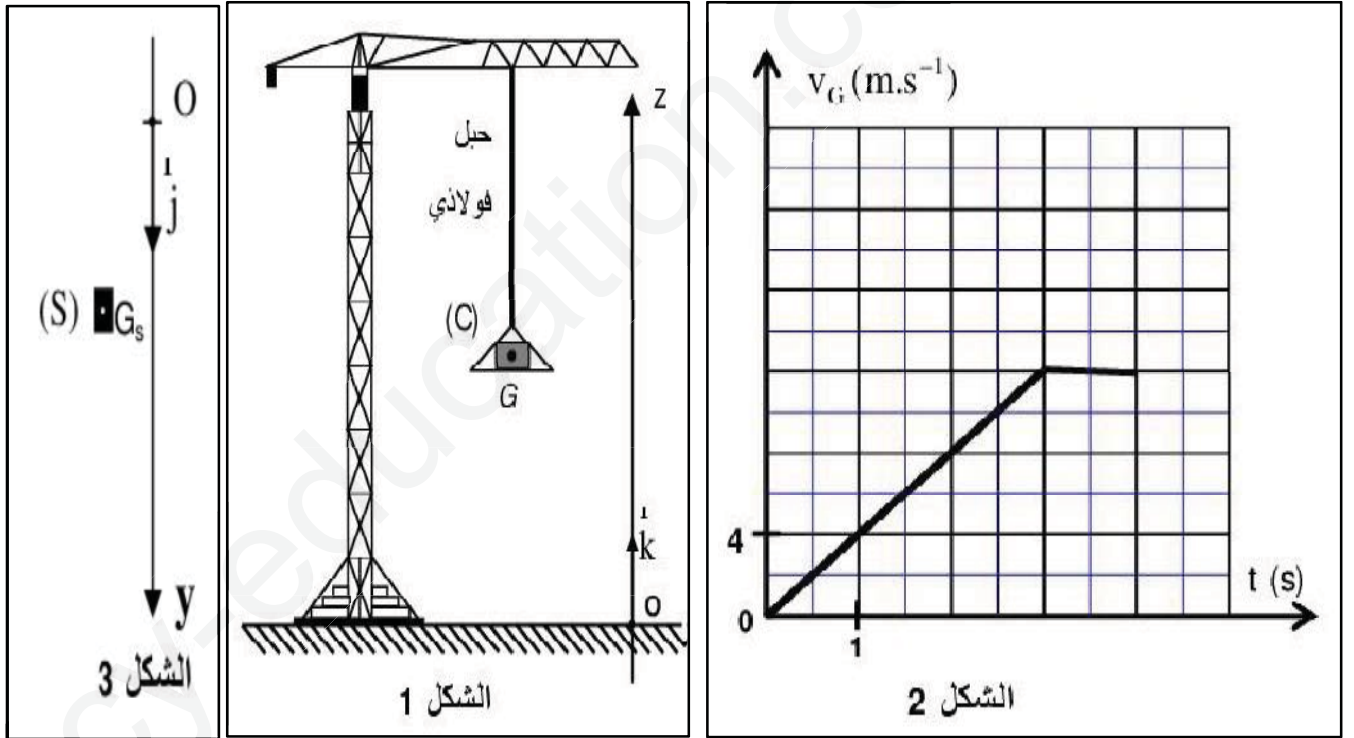
$$E_l(^{239}\text{Pu}) = 1806,916 \text{ MeV} , E_l(^{135}\text{Te}) = 1126,674 \text{ MeV} , E_l(^{102}\text{Mo}) = 873,981 \text{ MeV}$$

$$1 \text{ MeV} = 1,6 \times 10^{-13} \text{ J} , N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1} , r = \frac{E_{ele}}{E_{lib} T}$$

التمرين الثاني : (07.00 نقاط)

التمرين يتكون من جزأين مستقلين (تعطي $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$)
الجزء الاول :

- 1- بأحد ورشات البناء تم تصوير حركة حمولة (C) مركز عطالتها G وكتلتها $m = 400 \text{ kg}$ أثناء رفعها .
خلال الحركة يطبق الحبل الفولاذي على الحمولة (C) قوة ثابتة ، نهمل جميع الاحتكاكات .
بعد معالجة شريط حركة (C) بواسطة برنامج مناسب تم الحصول على المنحنى الممثل في الشكل-02



أ- حدد طبيعة حركة مركز عطالة الجسم في كل طور .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن اوجد شدة القوة \vec{T} التي يطبقها الحبل الفولاذي في كل طور .

- 2- تتوقف الحمولة عن الحركة عند ارتفاع معين، في اللحظة $t=0$ يسقط منها جزء (S) كتلته $m_s = 30 \text{ kg}$ دون سرعة ابتدائية ، ندرس حركة مركز العطالة G_s للجزء (S) حيث عند اللحظة $t=0$ ينطلق الجزء (S) من النقطة O متجها نحو الأسفل كما في الشكل 3 .

تعطي قوة الاحتكاك مع الهواء بالعلاقة $\vec{f} = -Kv^2 \vec{j}$ حيث $K = 2,7 \text{ SI}$ ، نهمل تأثير دافعة ارخميدس.

أ- بالاعتماد على التحليل البعدي ، اوجد الوحدة الدولية للثابت K

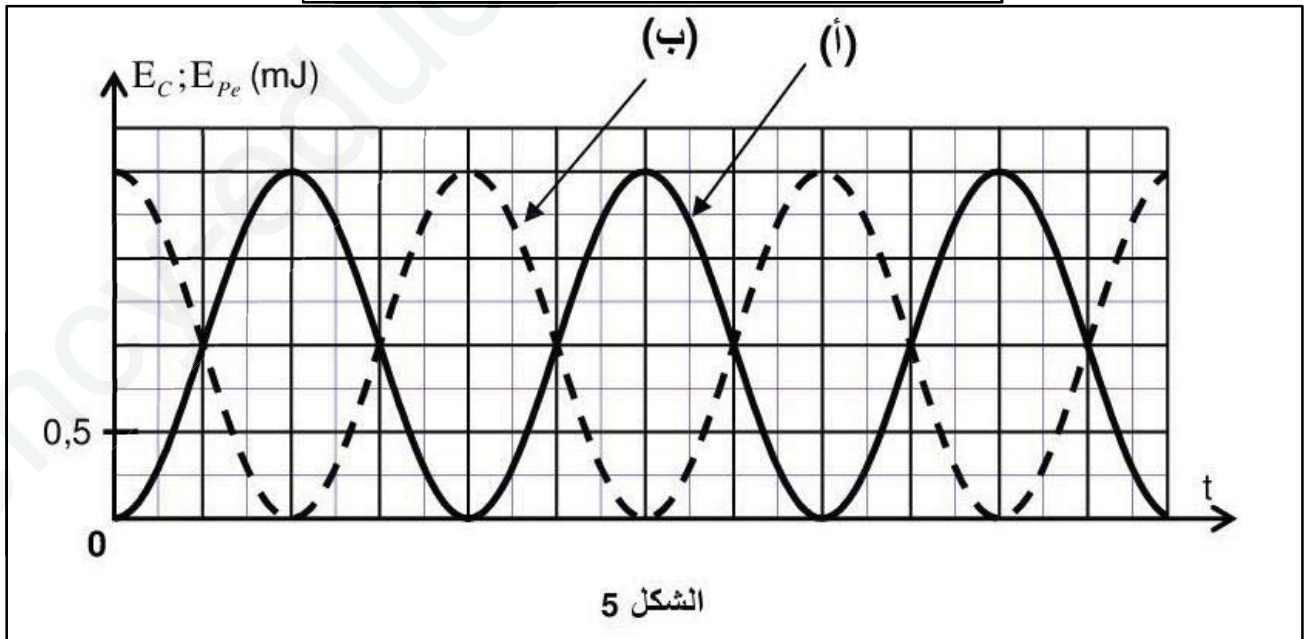
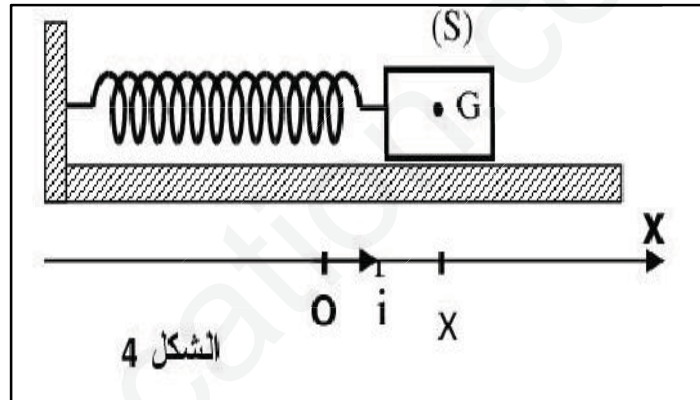
ب- أثبت أن المعادلة التفاضلية للحركة بدلالة السرعة هي : $\frac{dv}{dt} + 9 \times 10^{-2} v^2 = 9,8$

ج- حدد السرعة الحدية v_{lim} للحركة .

د- أثبت أن قيمة التسارع الوسطي لمركز عطالة الجسم بين اللحظتين : $t_1=0$, $t_2=\tau$ هي $a_m = \frac{\beta}{\tau}$ حيث β ثابت يطلب تحديد قيمته .

الجزء الثاني :

ليكن نواس مرن أفقي يتكون من جسم صلب (S) كتلته m ومركز عطالته G ، مثبت بطرف نابض حلقاته غير متلاصقة وكتلته مهملة ، ثابت مرونته $K = 10 \text{ N.m}^{-1}$ ، الطرف الآخر للنابض مرتبط بحامل ثابت ، ينزلق الجسم (S) دون احتكاك فوق المستوي الأفقي ، نزيح الجسم (S) أفقيا عن وضع توازنه في الاتجاه الموجب بمسافة X_0 ونحرره دون سرعة ابتدائية عند لحظة نعتبرها مبدأ للأزمنة .
متابعة تغيرات طاقة الجملة المهتزة (جسم- نابض) مكنتنا من الحصول على المنحنيين الممثلين لتغيرات كل من الطاقة الحركية E_C والطاقة الكامنة المرونية E_{pe} كما في الشكل-5 .



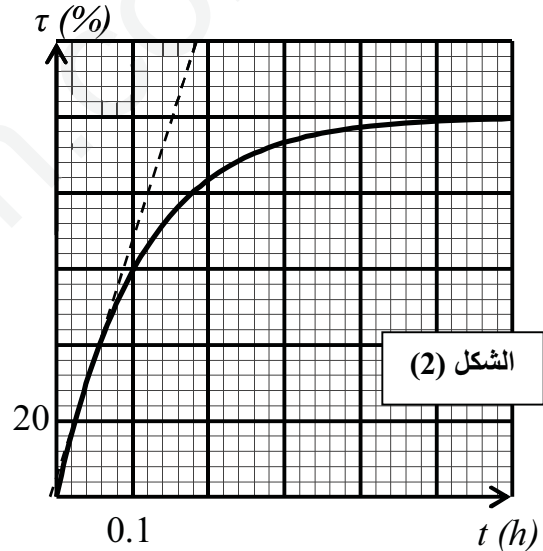
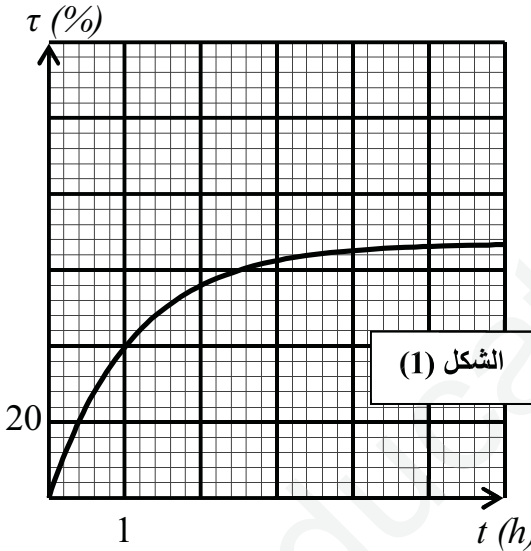
1- عين من المنحنيين (أ) و (ب) ، المنحنى الذي يمثل تغيرات الطاقة الحركية E_C . علل إجابتك

- 2- استنتج قيمة الطاقة الكلية للجملة المهتزة عند أي لحظة t .
 3- حدد قيمة سعة الحركة X_0 .
 4- أ- أحسب عمل قوة التوتر عند انتقال G من الموضع $x_A = X_0$ إلى الموضع O .
 ب- أوجد المعادلة التفاضلية للحركة بدلالة شدة قوة التوتر \vec{T} ، ومثل حلها من أجل دور ذاتي للحركة .
 الجزء الثاني : يتكون من تمرين واحد تجريبي .

التمرين التجريبي : (07.00 نقاط)

- في حصة الأعمال المخبرية قسم الأستاذ التلاميذ إلى فوجين، وطلب من كل فوج انجاز التجربة التالية :
- تجربة الفوج الأول : دراسة التفاعل بين محلول بيكرومات البوتاسيوم $(2K^+ + Cr_2O_7^{2-})$ حجمه $V = 200\text{ ml}$ وتركيزه المولي $C = 0.2\text{ mol / l}$ مع الميثانول CH_3OH كمية مادته $n_0 = 0.06\text{ mol}$ ، الثنائيات الداخلة في التفاعل هي : $(HCOOH/CH_3OH), (Cr_2O_7^{2-}/Cr^{3+})$.
 - تجربة الفوج الثاني : دراسة التفاعل بين حمض الإيثانويك CH_3COOH كمية مادته $n_1 = 1\text{ mol}$ مع الميثانول CH_3OH كمية مادته n_2 الذي ينتج عنه الماء ومركب عضوي E .

مكنك الدراسة التجريبية لكلا الفوجين من رسم البيانيين $\tau = f(t)$ الموضحين في الشكلين (1) و (2) أسفله .



- 1- أكتب معادلة التفاعل الحادث في تجربة كل فوج ، محددا نوع التفاعل .
- 2- أنسب كل منحنى للتجربة المناسبة مع التبرير . ثم حدد نسبة التقدم النهائية τ_f لكل تفاعل .
- 3- أنجز جدولاً لتقدم التفاعل لتجربة الفوج الأول ، وبين أن المزيج الابتدائي المستعمل ستوكيومتري ثم حدد قيمة التقدم الأعظمي .
- 4- أوجد عبارة السرعة الحجمية v_{vol} لتفاعل الفوج الأول بدلالة τ ، C ، t . ثم أحسبها عند اللحظة $t = 0$.
- 5- سم المركب العضوي E الناتج عن تجربة الفوج الثاني، واستنتج كمية مادة الميثانول n_2 .
- 6- لزيادة نسبة التقدم النهائية τ_f في منحنى الشكل (1)، نقترح :
 أ- زيادة حرارة المزيج التفاعلي .
 ب- حذف أحد النواتج .
 ج- حذف أحد المتفاعلات .
 - اختر الاقتراح الصحيح ، مع التبرير .

الموضوع الثاني .

الجزء الأول : يتكون من تمرينين .

التمرين الأول : (06.00 نقاط)

1- محلول مائي (S) للنشادر تركيزه المولي $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$ وحجمه 100 mL ونسبة تقدمه النهائي $\tau_f = 4\%$.

أ- NH_3 أساس ضعيف ، أين تكمن الخاصية الأساسية في جزي النشادر؟

ب- أكتب معادلة تفاعل النشادر مع الماء، ثم عبر عن ثابت التوازن للتفاعل بدلالة C ، τ_f .

ج- بين أن ثابت الحموضة للتنائية $(\text{NH}_4^+ / \text{NH}_3)$ يعطى بالعلاقة: $\text{PKa} = -\log \frac{K_e}{K}$ ثم أحسب قيمته.

د- بين أن PH المحلول (S) يكتب بالشكل: $\text{PH} = \text{PKa} + \log \left(\frac{1 - \tau_f}{\tau_f} \right)$

هـ- حدد النوع الكيميائي الغالب في المحلول (S) ، وأحسب قيمة الـ PH .

2- حضرنا محلولاً مائياً للنشادر وقسنا ناقلتيه النوعية σ بـ (S/m) وقيمة الـ PH .

كررنا هذين القياسين عدة مرات بعد لإضافة كمية من الماء المقطر للمحلول

في كل مرة ، ثم مثلنا بيانياً $\text{PH} = f(\log \sigma)$.

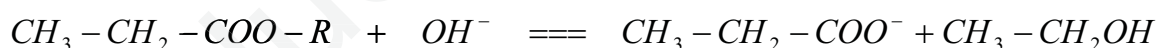
أ- عبر عن PH بدلالة σ ، λ_{OH^-} ، $\lambda_{\text{NH}_4^+}$.

ب- اعتماداً على البيان أوجد قيمة $\lambda_{\text{NH}_4^+}$.

3- بين أنه إذا كان الأساس ضعيف جداً ، فإن تركيزه المولي يعطى بالعلاقة: $C_b = 10^{2\text{PH} - (\text{PKa} + \text{PKe})}$

ثم تأكد من ذلك حسابياً . يعطى : $\lambda_{\text{OH}^-} = 20 \text{ mS.m}^2.\text{mol}^{-1}$ ، $\text{PKe} = 14$

4- يُمزج التحول الكيميائي بين شوارد الهيدروكسيد الناتجة في المحلول السابق وأسترعضوي بمعادلة التفاعل التالية :



أ- ما اسم التفاعل الحادث ؟ وماهي أهم خواصه ؟.

ب- استنتج الصيغة نصف المفصلة للأستر المتفاعل واسمه .

ج- أحسب كتلة الكحول الناتج إذا كان المزيج الابتدائي متساوي في كمية المادة .

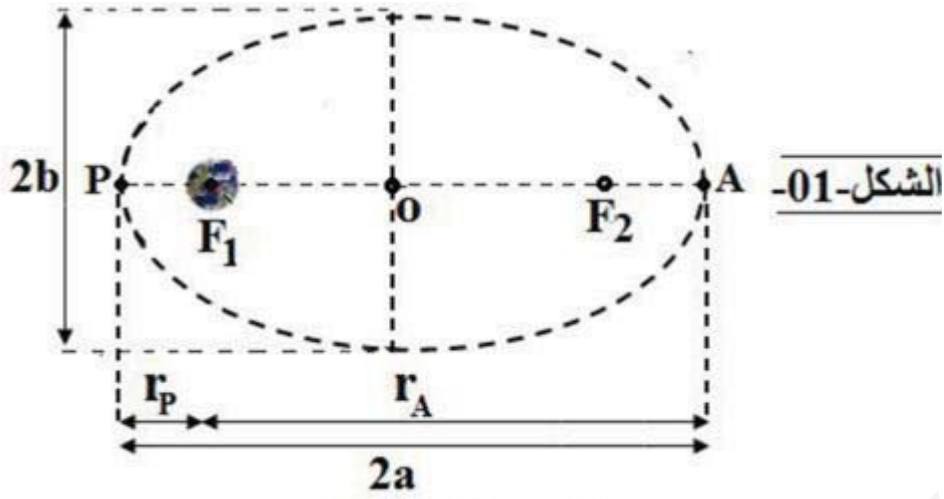
د- أذكر باختصار أهمية الأسترات في الحياة اليومية ؟.

$$M(\text{C}) = 12 \text{ g/mol} , \quad M(\text{O}) = 16 \text{ g/mol} \quad M(\text{H}) = 1 \text{ g/mol}$$

التمرين الثاني : (07.00 نقاط)

أول قمر اصطناعي روسي Spoutnik أطلق في أكتوبر 1957 م بحيث تأخذ المسافة بين مركز عطالته وبين

مركز الأرض القيمتين الموافقتين لأدنى بعد وأقصاها كما يلي: $r_p = 6610 \text{ Km}$ و $r_A = 7330 \text{ Km}$ كما بالشكل 01



- 1- ما طبيعة مسار القمر الاصطناعي Spoutnik . ماهو موقع الأرض في هذا المسار .
- 2- ماذا يمثل الطول 2a و الطول 2b ؟ أحسب طول نصف المحور الكبير لهذا المسار .
- 3- في أي نقطة تكون سرعة القمر الإصطناعي أصغرية وفي أي نقطة تكون سرعته أعظمية، مع التعليل
مثل كلاهما بشكل كيفي على الرسم بعد نقله على ورقة الإجابة.
- 4- نعتبر قمرا إصطناعي S كتلته m يدور حول الأرض بحركة دائرية منتظمة ويرسم مسارا دائريا نصف قطره $r = h + R_T$ ومركزه O في المعلم الجيومركزي (الشكل02).



- أ- أذكر شروط الحصول على حركة دائرية منتظمة.
- ب- أكتب العبارة الشعاعية لتسارع حركة مركز عطالة القمر الإصطناعي
- ج- أكتب العبارة الشعاعية لقوة جذب الأرض للقمر الإصطناعي .
- د- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد عبارة كل من : سرعة القمر v و الدور T لحركة القمر حول الأرض بدلالة G, M_T, h, R_T .
- هـ- استنتج القانون الثالث لكبلر .

5- يحتوي الجدول التالي على القيم العددية للدور T والإرتفاع h لبعض

الأقمار الإصطناعية لها مسارات دائرية نصف قطرها r ومركزها مركز الأرض .

القمر الإصطناعي	Alsat1	Cosmos	Astra (قمر جيومستقر)
$T(10^3s)$		40,440	
$r(10^7m)$	0,708		
$h(10^7 m)$			3,565
$\frac{T^2}{r^3} = Cte (s^2.m^{-3})$			

أ- أكمل الجدول . ب- استنتج القيمة العددية لكتلة الأرض .

معطيات : $R_T = 6380Km$ ، $G = 6.67 \times 10^{-11} N.m^2 / Kg^2$ ، $1 jour = 23h56 min$

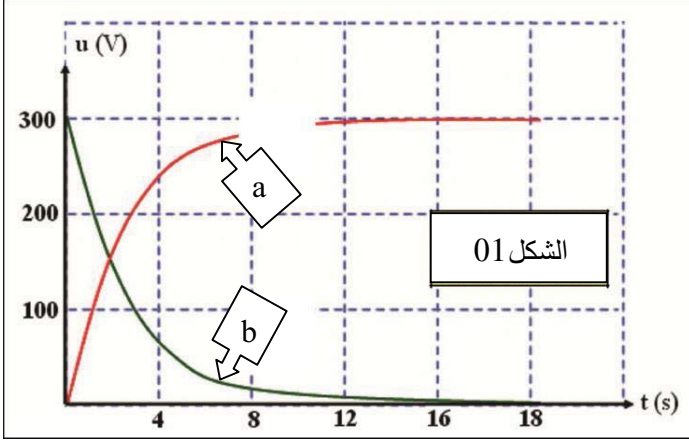
الجزء الثاني : يتكون من تمرين واحد تجريبي .

التمرين التجريبي : (07.00 نقاط)

تحمل مكثفة الدلالات التالية : $330V$ ، $(160\mu F \pm 10\%)$

للتحقق من قيمة السعة C للمكثفة نشحنها عبر ناقل أومي مقاومته $R=12,5K\Omega$ بواسطة مولد مثالي قوته المحركة الكهربائية $E=300V$ ، بواسطة جهاز اعلام آلي مزود ببطاقة احراز معلوماتية نقوم بتسجيل تطور التوتر u_C بين طرفي المكثفة والتوتر u_R بين طرفي الناقل الأومي (الشكل 02) .

1- تطور التوترات :



- أ- من بين التوترات u_C و u_R ماهو التوتر الذي يبرز تطور شدة التيار $i(t)$ المار في الدارة ؟ علل.
- ب- اعتمادا على الشكل 02 استنتج المنحنى الموافق لتطور التوتر u_C مع التعليل
- ج- باستعمال التحليل البعدي بين أن ثابت الزمن τ متجانس مع الزمن.

2- البحث عن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_R :

- نقترح الأربع معادلات تفاضلية التالية :

$$\frac{du_R(t)}{dt} + R.u_R(t) = 0 \quad \dots\dots\dots(01)$$

$$R \frac{du_R(t)}{dt} + C.u_R(t) = 0 \quad \dots\dots\dots(02)$$

$$\frac{du_R(t)}{dt} + RC.u_R(t) = 0 \quad \dots\dots\dots(03)$$

$$RC \frac{du_R(t)}{dt} + u_R(t) = 0 \quad \dots\dots\dots(04)$$

أ- من المعادلات السابقة توجد واحدة صحيحة ، بالاعتماد على التحليل البعدي حدد هذه المعادلة التفاضلية .

ب- ان حل هذه المعادلة التفاضلية من

$$u_R(t) = E e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{الشكل :}$$

- بين أنه يمكن كتابة هذه المعادلة

$$Ln(u_R) = at + b \quad \text{بالشكل :}$$

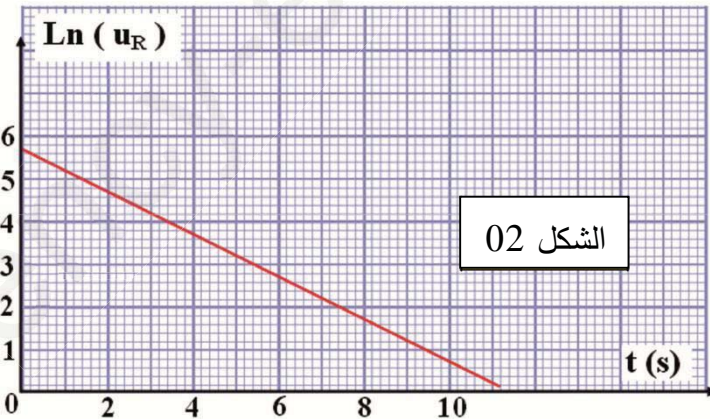
أوجد عبارتي كل من a ، b بدلالة E و τ .

ج- سمح برنامج إعلام آلي مناسباً برسم

المنحنى $Ln(u_R) = f(t)$ المبين بالشكل 2.

- أعط معادلة البيان .

د- استنتج قيمة سعة المكثفة C وهل تتوافق مع القيمة المعطاة من طرف الصانع ؟

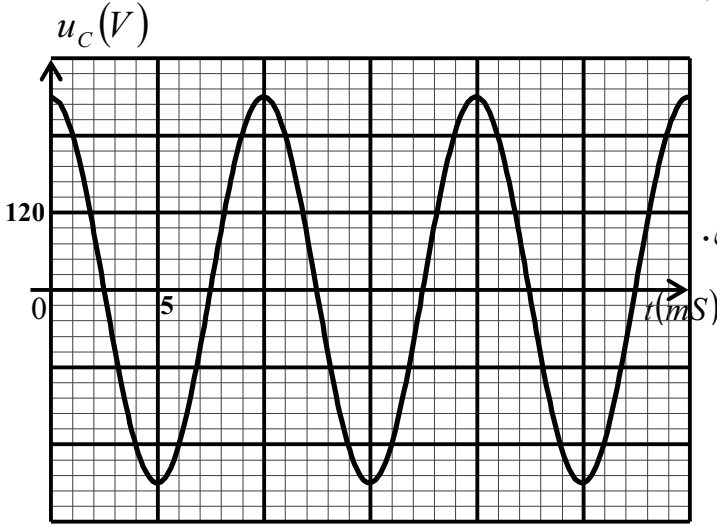


هـ- نعطي لمقاومة الناقل الأومي القيمة $R' = \frac{R}{2}$ ، ماذا يتغير في بيان الشكل 01 ؟ علل .

و- هل تتغير قيمة الطاقة المخزنة العظمى في المكثفة عند تغيير قيمة مقاومة الناقل الأومي من R إلى R' ؟ علل.

3- نحقق دائرة كهربائية بتوصيل المكثفة المشحونة السابقة على التسلسل مع وشيعة مثالية ذاتيتها L ، وبواسطة راسم

الاهتزاز الرقمي تم متابعة التوتر بين طرفي المكثفة كما بالشكل 03 .



الشكل (3)

أ- أرسم الدارة الكهربائية الموافقة.

ب- أوجد المعادلة التفاضلية للدائرة بدلالة التوتر

الكهربائي بين طرفي المكثفة ، وماذا تستنتج ؟

ج- استنتج عبارة الدور الذاتي وقيمته للاهتزاز المسجل.

د- أستنتج قيمة ذاتية الوشيعة .

هـ- أكتب المعادلة الزمنية للشحنة الكهربائية

المخزنة في المكثفة .

- نعتبر $\pi^2 \approx 10$

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
06.00	00.50	<p><u>الموضوع الأول :</u></p> <p>الجزء الأول (يتكون من تمرينين)</p> <p>التمرين الأول : (06.00 نقطة)</p> <p>I- أ- تبيان أن : $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$</p> <p>لدينا : (01) $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$</p> <p>حيث :</p> $\begin{cases} N_0 = \frac{m_0 \times N_A}{M} \\ N(t) = \frac{m(t) \times N_A}{M} \end{cases}$ <p>بالتعويض في العلاقة (1) نجد :</p> $m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$ <p>ب - تبيان أن : $\ln \frac{m_0}{m} = \lambda \times t$</p> $m(t) = m_0 e^{-\lambda t} \Leftrightarrow \frac{m(t)}{m_0} = e^{-\lambda t}$ $\left\{ \Leftrightarrow \frac{m_0}{m(t)} = e^{\lambda t} \Leftrightarrow \ln \frac{m_0}{m(t)} = \lambda \times t \right.$ <p>- حساب ثابت النشاط الإشعاعي λ :</p> <p>المعادلة البيانية : البيان عبارة عن خط مستقيم معادلته من الشكل :</p> $\ln \frac{m_0}{m(t)} = a \times t \text{ (01)}$ <p>العلاقة النظرية : (02) $\ln \frac{m_0}{m(t)} = \lambda \times t$</p> <p>بمطابقة العلاقتين (1) و(2) نجد : $a = \lambda = 9,05 \times 10^{-13} \text{ s}^{-1}$</p>

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

		ج - حساب عدد الأنوية الابتدائية N_0 الموجودة في العينة :
00.25		$N_0 = \frac{m_0 \times N_A}{M} = \frac{1 \times 6,02 \times 10^{23}}{239} = 2,51 \times 10^{21} \text{ nouveaux}$
		- استنتاج النشاط الابتدائي A_0 للعينة :
00.25		$A_0 = \lambda \times N_0 = 9,05 \times 10^{-13} \times 2,51 \times 10^{21} = 2,27 \times 10^9 \text{ Bq}$
00.50		د- تعريف زمن نصف العمر : هو الزمن اللازم لتفكك نصف عدد الأنوية الابتدائية المشعة ونكتب :
		$N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$
		- تبيان أن : $t_{1/2} = \frac{\text{Ln}2}{\lambda}$
00.25		$\begin{cases} N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2} \Leftrightarrow \frac{N_0}{2} = N_0 e^{-\lambda t} \Leftrightarrow \frac{1}{2} = e^{-\lambda t_{1/2}} \\ \Leftrightarrow t_{1/2} = \frac{\text{Ln}2}{\lambda} \end{cases}$
00.25		حساب قيمته : $t_{1/2} = \frac{\text{Ln}2}{\lambda} = \frac{\text{Ln}2}{9,05 \times 10^{-13}} = 7,65 \times 10^{11} \text{ s}$
		ه - تبيان أن : $m(t) = \frac{m_0}{2^{t/t_{1/2}}}$
00.50		$\begin{cases} m(t) = m_0 e^{-\lambda t} = \frac{m_0}{e^{\lambda t}} = \frac{m_0}{e^{t \times \frac{\text{Ln}2}{t_{1/2}}}} \\ \Leftrightarrow m(t) = \frac{m_0}{e^{\text{Ln}2 \frac{t}{t_{1/2}}}} \Leftrightarrow m(t) = \frac{m_0}{2^{t/t_{1/2}}} \end{cases}$
		- استنتاج كتلة الأنوية المتبقية عند اللحظة : $t = t_{1/2}$
00.25		$\begin{cases} m(t_{1/2}) = \frac{m_0}{2^{t_{1/2}/t_{1/2}}} = \frac{m_0}{2} = 0,25 \text{ g} \end{cases}$

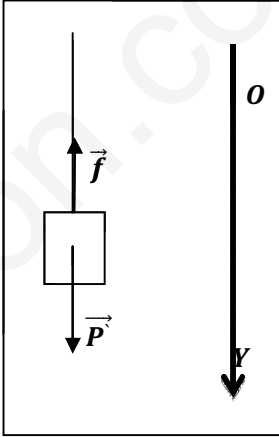
المستوى : الثالثة علوم تجريبية

		<p>و- إيجاد اللحظة التي تكون فيها النسبة المئوية لأنوية البلوتونيوم المتبقية $r = 20\%$:</p> $\begin{cases} \frac{m(t)}{m_0} = 0,2 \Leftrightarrow \frac{m_0}{m(t)} = 5 \\ \Leftrightarrow \ln \frac{m_0}{m(t)} = \ln 5 = 1,6 \end{cases}$ <p>بالإسقاط على محور الفواصل نجد : $t = 5,6 \times 10^4 \text{ ans}$</p>
00.25		<p>II-1 - تعريف الانشطار النووي : هو تفاعل نووي مفتعل يحدث بقذف نواة ثقيلة بنيترون فتشطر إلى نواتين خفيفتين أكثر استقرار مع إصدار نيترونات أخرى و طاقة عالية .</p> <p>2 - النواة الأكثر استقرار من بين الأنوية الناتجة : هي النواة التي لها طاقة ربط لكل نيكليون أكبر.</p>
00.25		$E ({}^{102}_{42}\text{Mo}) = \frac{E_l}{A} = \frac{873,981}{102} = 8,568 \text{ Mev/nucleon}$
00.25		$E ({}^{135}_{52}\text{Te}) = \frac{E_l}{A} = \frac{1126,674}{135} = 8,345 \text{ Mev/nucleon}$ <p>ومنه النواة الأكثر استقرار هي : ${}^{102}_{42}\text{Mo}$</p> <p>3 - حساب الطاقة المحررة عن انشطار نواة واحدة من البلوتونيوم :</p>
00.25		$E_{lib} = \Delta E = E_l(\text{Pu}) - E_l(\text{Mo}) - E_l(\text{Te}) $ $\Leftrightarrow E_{lib} = 1806,916 - 873,981 - 1126,674 = 193,739 \text{ Mev}$ $\Leftrightarrow E_{lib} = 3,1 \times 10^{-11} \text{ J}$
		<p>4 - حساب الطاقة المحررة عن انشطار 1g من البلوتونيوم بالجول :</p> <p>لدينا عدد الأنوية الموجودة في 1g :</p>
00.25		$N_0 = \frac{m_0 \times N_A}{M} = \frac{1 \times 6,02 \times 10^{23}}{239} = 2,51 \times 10^{21} \text{ nouveaux}$ $E_{lib_T} = N_0 \times E_{lib} = 2,51 \times 10^{21} \times 3,1 \times 10^{-11} = 7,8 \times 10^{10} \text{ J}$
		<p>5 - حساب المدة الزمنية اللازمة لاستهلاك الكتلة السابقة :</p> <p>لدينا :</p>
00.25		$r = \frac{E_{ele}}{E_{lib_T}} \Leftrightarrow E_{ele} = r \times E_{lib_T} = 0,30 \times 7,8 \times 10^{10} = 2,34 \times 10^{10} \text{ J}$
00.25		$P = \frac{E_{ele}}{t} \Leftrightarrow t = \frac{E_{ele}}{P} = \frac{2,34 \times 10^{10}}{30 \times 10^6} = 780 \text{ s} = 13 \text{ min}$

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

		<div data-bbox="1117 324 1495 367" data-label="Text"> <p>التمرين الثاني : (07.00 نقاط)</p> </div> <div data-bbox="1299 389 1468 430" data-label="Text"> <p>الجزء الاول :</p> </div> <div data-bbox="1091 443 1457 488" data-label="Text"> <p>1- أ - تحديد طبيعة حركة G :</p> </div> <div data-bbox="499 499 1425 546" data-label="Text"> <p>- في المجال الزمني : $[0, 3s]$ السرعة عبارة عن دالة خطية متزايدة ومنه فان حركة G</p> </div> <div data-bbox="258 539 341 575" data-label="Text"> <p>00.25</p> </div> <div data-bbox="1101 560 1394 600" data-label="Text"> <p>مستقيمة متسارعة بانتظام .</p> </div> <div data-bbox="258 591 341 622" data-label="Text"> <p>00.25</p> </div> <div data-bbox="400 611 1425 658" data-label="Text"> <p>- في المجال الزمني : $[3s, 4s]$ السرعة ثابتة $v_G = Cte$ ومنه فان حركة G مستقيمة منتظمة .</p> </div> <div data-bbox="1139 672 1457 712" data-label="Text"> <p>ب- إيجاد شدة قوة التوتر :</p> </div> <div data-bbox="239 927 323 963" data-label="Text"> <p>00.50</p> </div> <div data-bbox="687 743 1248 1263" data-label="Image"> </div> <div data-bbox="927 1303 1449 1361" data-label="Text"> <p>بتطبيق القانون الثاني لنيوتن : $\vec{P} + \vec{T} = m\vec{a}$</p> </div> <div data-bbox="1062 1402 1449 1447" data-label="Text"> <p>بالإسقاط على المحور OZ نجد :</p> </div> <div data-bbox="239 1462 323 1498" data-label="Text"> <p>00.25</p> </div> <div data-bbox="798 1485 1053 1606" data-label="Equation-Block"> $\begin{cases} T - P = ma \\ T = m(g + a) \end{cases}$ </div> <div data-bbox="239 1709 323 1742" data-label="Text"> <p>00.25</p> </div> <div data-bbox="684 1646 1468 1796" data-label="Equation-Block"> $\begin{cases} a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{4-0}{1-0} = 4m/s^2 \\ T = 400(9,8 + 4) = 5520N \end{cases}$ <p>خلال المرحلة الأولى لدينا :</p> </div> <div data-bbox="239 1904 323 1937" data-label="Text"> <p>00.25</p> </div> <div data-bbox="775 1841 1425 1890" data-label="Text"> <p>خلال المرحلة الثانية لدينا : $v_G = Cte$ وبالتالي : $a = 0$</p> </div> <div data-bbox="659 1926 1345 1975" data-label="Equation-Block"> $T = P = mg = 400 \times 9,8 = 3920N$ <p>ومنه :</p> </div>
--	--	---

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

	00.50	<p>2 - أ - التحليل البعدي :</p> $\begin{cases} K = \frac{f}{v^2} \\ [K] = \frac{[F]}{[V]^2} = \frac{\frac{[M][L]}{[T]^2}}{\frac{[L]^2}{[T]^2}} = \frac{[M]}{[L]} \end{cases}$ <p>ومنه : وحدة K هي : Kg/m</p> <p>ب . المعادلة التفاضلية :</p>
	00.25	
	00.50	<p>بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد : $\vec{P}' + \vec{T} = m_S \vec{a}_G$</p> <p>بالإسقاط على المحور OY نجد : $m_S g - K v^2 = m_S a_G$</p> <p>ومنه :</p>
	00.50	$\begin{cases} \frac{dv}{dt} = g - \frac{K}{m_S} v^2 \\ \frac{dv}{dt} = 9,8 - \frac{2,7}{30} v^2 \Leftrightarrow \frac{dv}{dt} = 9,8 - 9 \times 10^{-2} \times v \\ \Leftrightarrow \frac{dv}{dt} + 9 \times 10^{-2} \times v^2 = 9,8 \end{cases}$

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

ج- ايجاد السرعة الحدية v_L :

في النظام الدائم يكون :

$$\frac{dv}{dt} = 0$$

$$\Leftrightarrow 9 \times 10^{-2} \times v_L^2 = 9,8$$

$$\Leftrightarrow v_L = \sqrt{\frac{9,8}{9 \times 10^{-2}}} = 10,4 \text{ m/s}$$

00.50

د- ايجاد قيمة التسارع الوسطي بين اللحظتين : $t_1=0$, $t_2=\tau$:

$$a_m = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} \dots\dots\dots (01) \quad \text{لدينا :}$$

00.25

حيث :

$$\begin{cases} t_1 = 0 \Leftrightarrow v_1 = 0 \\ t_2 = \tau \Leftrightarrow v_2 = 0,63 \times v_l = 0,63 \times 10,4 \approx 6,6 \text{ m/s} \end{cases}$$

بالتعويض في (01) نجد :

$$a_m = \frac{6,6 - 0}{\tau - 0} = \frac{6,6}{\tau} (m/s^2)$$

00.25

حيث :

$$\beta = 6,6 \text{ m/s}$$

الجزء الثاني :

1- المنحنى الذي يمثل تغيرات الطاقة الحركية هو المنحنى (أ) .

التعليل: حسب الشروط الابتدائية عند $t=0$ تم تحرير الجسم دون سرعة ابتدائية

00.25

$$Ec_O = 0 \quad \text{ومنه :}$$

2- ايجاد قيمة طاقة الجملة :

$$E_T = E_c + E_{Pe} \quad \text{لدينا :}$$

$$Ec_O = 0 \quad \text{ولدينا عند } t=0 \text{ نجد :}$$

00.25

ومنه :

$$E_T = E_{Pe_{\max}} = 2 \text{ mJ}$$

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

3- استنتاج المسافة X_0 :

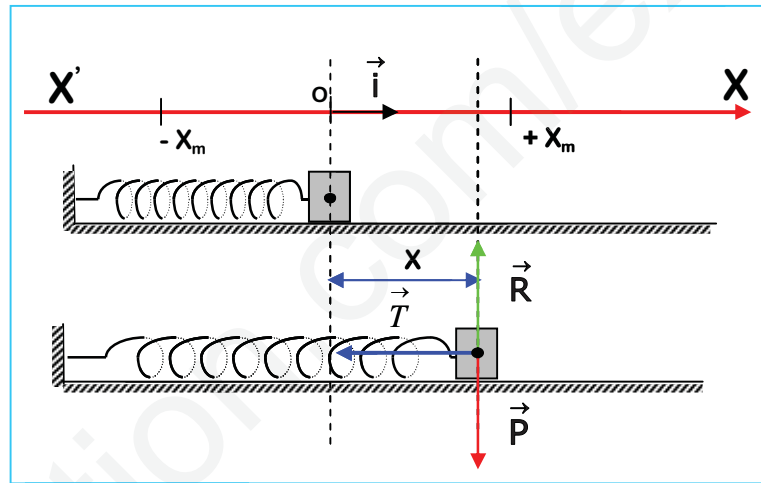
$$E_T = E_{Pe_{\max}} = \frac{1}{2} K X_0^2$$

$$\Leftrightarrow X_0 = \sqrt{\frac{2 \times E_{Pe_{\max}}}{K}} = \sqrt{\frac{2 \times 2 \times 10^{-3}}{10}} = 2 \times 10^{-2} \text{ m}$$

4- أ- إيجاد عمل قوة التوتر :

$$\{W_{AO}(\vec{T}) = -\Delta E_{Pe} = -(E_{Pe_O} - E_{Pe_A}) = -(0 - 2 \times 10^{-3}) = 2 \times 10^{-3} \text{ J}$$

ب- إيجاد المعادلة التفاضلية للحركة بدلالة شدة قوة التوتر \vec{T} :



بتطبيق قانون نيوتن الثاني على الجسم : $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = m \cdot \vec{a}$

و بالإسقاط على المحور OX نجد : $-T = m \cdot a$

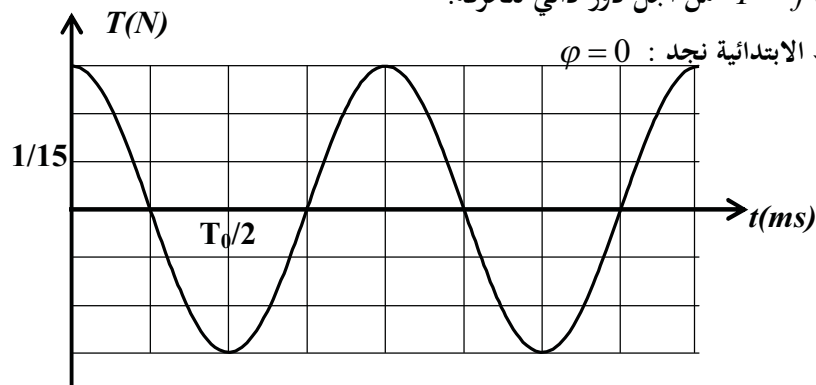
$$\text{ومنه } -T = m \cdot \frac{d^2 x}{dt^2} \text{ حيث } x = \frac{T}{k}$$

$$\text{ومنه : } \frac{d^2 T}{dt^2} + \frac{k}{m} T = 0$$

وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية حلها جيبي من الشكل : $T(t) = T_{\max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$

- تمثيل $T = f(t)$ من أجل دور ذاتي للحركة :

من الشروط الابتدائية نجد : $\varphi = 0$

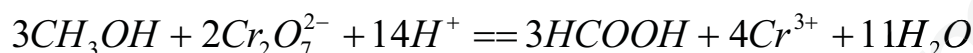


المستوى : الثالثة علوم تجريبية

التمرين التجريبي : (07.00 نقاط)

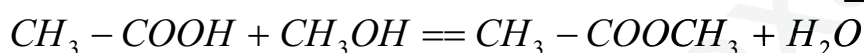
1- المعادلات :

الفوج الأول :



- نوع التفاعل : (أكسدة - إرجاع)

الفوج الثاني :



- نوع التفاعل : (أسترة - إمالة)

2- الشكل-1: يوافق تحول الأسترة لأنه غير تام ، $\tau_f \% = 66\%$.

- الشكل-2: يوافق تحول الأكسدة-إرجاع لأنه تام ، $\tau_f \% = 100\%$.

3 - جدول تقدم التفاعل :

الحالة	التقدم	$3CH_3OH + 2Cr_2O_7^{2-} + 14H^+ \rightleftharpoons 3HCOOH + 4Cr^{3+} + 11H_2O$					
الابتدائية	0	n_0	CV	بوفرة	0	0	بوفرة
الانتقالية	x	$n_0 - 3x$	$CV - 2x$	بوفرة	$3x$	$4x$	بوفرة
النهائية	x_f	$n_0 - 3x_f$	$CV - 2x_f$	بوفرة	$3x_f$	$4x_f$	بوفرة

$$\frac{n_0}{C \times V} = \frac{0,06}{0,02} = \frac{3}{2} \quad \text{- لدينا :}$$

$$\frac{n_0}{C \times V} = \frac{3}{2} \quad \text{- من المعادلة:}$$

ومنه الميزج المتفاعل ستوكيومري

$$X_{\max} = \frac{C \times V}{2} = \frac{n_0}{3} = 0,02 \text{ mol} \quad \text{- تحديد التقدم الأعظمي :}$$

4- عبارة السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة $(t=0)$:

$$v_V = \frac{1}{V} \times \frac{dx}{dt} \dots\dots(01)$$

$$\tau = \frac{x}{X_{\max}} = \frac{2x}{C \times V} \dots\dots(01) \quad \text{ولدينا:}$$

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

00.50	$x = \frac{C \times V}{2} \times \tau \dots\dots(02)$ <p>نعوض (1) في (2) فنجد:</p> $v_V = \frac{C}{2} \times \frac{d\tau}{dt}$ <p>- حساب السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة ($t=0$):</p> <p>ميل المماس $v_V = \frac{C}{2} \times \frac{d\tau}{dt} = \frac{C}{2} \times$</p>
00.50	$v_V = \frac{0,2}{2} \times \frac{0,12}{80} 1,5 \times 10^{-4} \text{ mol / L.h}$
00.25	<p>5- إسم المركب (E) : إيثانوات الميثيل</p> <p>- حساب n_2 (كمية مادة الأستر الناتج E)</p> <p>لدينا:</p>
00.25	$\tau_f = \frac{X_f}{X_{\max}} = \frac{n_2}{n_0}$
00.25	$\Leftrightarrow n_2 = n_0 \times \tau_f = 4 \times 10^{-2} \text{ mol}$
00.25	<p>6- لزيادة نسبة التقدم النهائي نحذف أحد النواتج.</p> <p>- عند نزع أحد النواتج يختل التوازن (ينزاح التفاعل في الاتجاه المباشر) مما يؤدي في زيادة التقدم النهائي X_f فتزداد بذلك نسبة التقدم النهائي τ_f.</p>

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

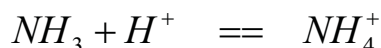
الموضوع الثاني

الجزء الأول :

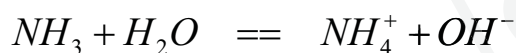
التمرين الأول : (06.00 نقطة)

1- محلول مائي (S) للنشادر تركيزه المولي $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$ ونسبة تقدمه النهائي $\tau_f = 4\%$.

أ- تكمن الخاصية الأساسية في جزي النشادر في اكتسابه لبروتون هيدروجين اثناء تفاعله حسب المعادلة التالية :



ب- كتابة معادلة تفاعل النشادر مع الماء :



- التعبير عن ثابت التوازن للتفاعل بدلالة τ_f ، C :

$$K = \frac{[\text{NH}_4^+]_f \times [\text{OH}^-]_f}{[\text{NH}_3]_f} = \frac{C \times \tau_f^2}{1 - \tau_f}$$

ج- إثبات أن ثابت الحموضة للشائبة $(\text{NH}_4^+ / \text{NH}_3)$ يعطى بالعلاقة:

$$\text{PKa} = -\log \frac{K_e}{K}$$

لدينا :

$$K_a = \frac{[\text{NH}_3]_f \times [\text{H}_3\text{O}^+]_f}{[\text{NH}_4^+]_f} \times \frac{\text{OH}^-}{\text{OH}^-} = \frac{K_e}{K}$$

$$\Leftrightarrow \text{PKa} = -\log K_a = -\log \frac{K_e}{K}$$

- حساب قيمة الـ PKa للشائبة $(\text{NH}_4^+ / \text{NH}_3)$:

لدينا :

$$K = \frac{C \times \tau_f^2}{1 - \tau_f} = \frac{10^{-2} \times (0,04)^2}{1 - 0,04} = 1,67 \times 10^{-5}$$

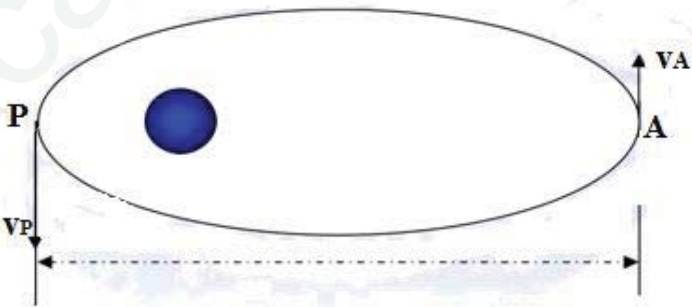
ومنه :

$$\text{PKa} = -\log \frac{K_e}{K} = -\log \frac{10^{-14}}{1,67 \times 10^{-5}} = 9,2$$

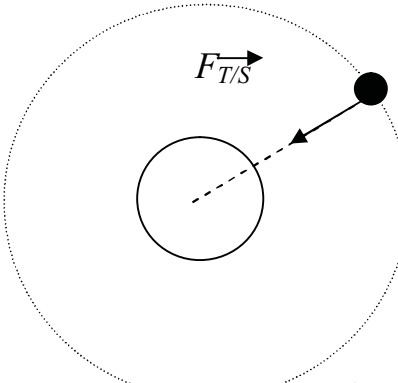
المستوى : الثالثة علوم تجريبية

00.25	<p>من (03) نجد :</p> $\begin{cases} \lambda_{NH_4^+} = 10^{14-b} - \lambda_{OH^-} & / b = 15,563 \\ \Leftrightarrow \lambda_{NH_4^+} = 10^{14-15,563} - 20 \times 10^{-3} = 7,35 \times 10^{-3} \text{ } Sm^2.mol^{-1} \end{cases}$ <p>3- إثبات أنه إذا كان الأساس ضعيف جدا ، فإن تركيزه المولي يعطى بالعلاقة:</p> $C_b = 10^{2PH-(PKa+PKe)}$ <p>نعتبر في هذه الحالة أن التركيز المولي للشوارد الناتجة مهملا أمام التركيز المولي للمحلول C_b.</p> <p>لدينا :</p>
00.50	$PH = PKa + \log\left(\frac{[NH_3]_f}{[NH_4^+]_f}\right) = PKa + \log\left(\frac{C_b - [OH^-]_f}{[OH^-]_f}\right)$ $\Leftrightarrow PH = PKa + \log\left(\frac{C_b}{10^{PH-PKe}}\right)$ $\Leftrightarrow \log\left(\frac{C_b}{10^{PH-PKe}}\right) = PH - PKa$ $\Leftrightarrow \frac{C_b}{10^{PH-PKe}} = 10^{PH-PKa} \Leftrightarrow C_b = 10^{2PH-(PKa+PKe)}$ <p>التأكد حسابيا:</p> <p>بالتعويض في العلاقة المبرهنة نجد :</p>
00.25	$C_b = 10^{2PH-(PKa+PKe)} = 10^{2 \times 10,6 - (9,2 + 14)} = 10^{-2} \text{ } mol / L$
00.25	<p>4- أ- اسم التفاعل الحادث : تفاعل التصبن .</p>
00.25	<p>- أهم خواصه : تام ، حراري ، بطيء .</p>
00.25	<p>ب- استنتاج الصيغة نصف المفصلة للأستر المتفاعل واسمه :</p>
00.25	<p>ج- حساب كتلة الكحول الناتج اذا كان المزيج الابتدائي متساوي في كمية المادة :</p> <p>من الجزء الأول يمكن حساب كمية مادة OH^- فنجد :</p>
00.25	$n(OH^-) = [OH^-] \times V = 10^{PH-14} \times V = 10^{(10,6-14)} \times 0,1 = 4 \times 10^{-5} \text{ } mol$ <p>بما أن المزيج الابتدائي ستيكومتري والتفاعل تام فان :</p> $n(C_2H_5OH) = X_{\max} = 4 \times 10^{-5} \text{ } mol$

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

00.25		ومنه كتلة الكحول الناتجة هي :
00.25		$m(C_2H_5OH) = n \times M = 4 \times 10^{-5} \times 46 = 1,84 \times 10^{-3} g$
00.25		د- أهمية الأسترات في الحياة اليومية :
		صناعة الأدوية ، العطور ، المواد الغذائية ،
		التمرين الثاني : (06.00 نقطة)
00.50		1- طبيعة مسار القمر الاصطناعي <i>Spoutnik</i> : مسار اهليلجي
00.50		- موقع الأرض في هذا المسار: تقع الأرض في احدى محرقيه (في المحرق F_1).
00.25		2- الطول 2a : يمثل طول المحور الكبير .
00.25		- الطول 2b : يمثل طول المحور الصغير .
		- حساب طول نصف المحور الكبير لهذا المسار:
00.25		$a = \frac{2a}{2} = \frac{r_A + r_P}{2} = \frac{7330 + 6610}{2} = 6970 Km$
00.25		3- تكون سرعة القمر الاصطناعي اصغرية في النقطة A بسبب بعد القمر الاصطناعي عن الأرض
		مما ينقص من تأثير جذب الأرض للقمر الاصطناعي .
00.25		- تكون سرعة القمر الاصطناعي أعظمية في النقطة P بسبب قرب القمر الاصطناعي من الأرض
		مما يزيد في تأثير جذب الأرض للقمر الاصطناعي .
		- تمثيل شعاعي السرعة في الموضعين A , P :
		
07.00		4- أ- شروط الحصول على حركة دائرية منتظمة:
00.25		- المسار دائري .
		- شعاع السرعة اللحظية ثابت في القيمة ومتغير في الحامل والجهة .
00.50		- لها تسارع ناظمي ثابت .
		- المتحرك يكون خاضع لقوة ثابتة جاذبة نحو المركز .

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

00.50		<p>ب- كتابة العبارة الشعاعية $\vec{F}_{T/S}$ لقوة جذب الأرض للقمر الاصطناعي :</p>  $\vec{F}_{T/S} = G \times \frac{m_S \times M_T}{(h + R_T)^2} \vec{\mu}$
00.50		<p>ج- كتابة العبارة الشعاعية لتسارع حركة عطالة القمر الاصطناعي :</p> <p>بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد :</p> $\Sigma \vec{F}_{ext} = m_S \times \vec{a}$ $G \times \frac{m_S \times M_T}{(h + R_T)^2} \vec{\mu} = m_S \times \vec{a}$ $\Leftrightarrow \vec{a} = G \times \frac{M_T}{(h + R_T)^2} \vec{\mu}$ <p>د- ايجاد عبارة سرعة القمر الاصطناعي v :</p> <p>لدينا مما سبق :</p> $\vec{a} = G \times \frac{M_T}{(h + R_T)^2} \vec{\mu} \quad \dots\dots\dots(01)$ <p>ياسقاط العلاقة (01) عل الناظم نجد :</p> $a = a_n = G \times \frac{M_T}{(h + R_T)^2} = \frac{v^2}{(h + R_T)}$ $\Leftrightarrow v = \sqrt{\frac{G \times M_T}{h + R_T}} \quad \dots\dots\dots(02)$ <p>- ايجاد عبارة الدور T لحركة القمر حول الأرض بدلالة G, M_T, h, R_T :</p> <p>لدينا :</p>
00.25		$T = \frac{2\pi(h + R_T)}{v} = 2\pi \times \sqrt{\frac{(h + R_T)^3}{G \times M_T}} \quad \dots\dots\dots(03)$

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

هـ- استنتاج القانون الثالث لكبلر :

من العبارة (03) نجد :

$$\frac{T^2}{(h + R_T)^3} = \frac{4\pi^2}{G \times M_T} \dots\dots\dots(04)$$

ومنه القانون الثالث لكبلر محقق .

5 - أ- أكمل الجدول .

القمر الإصطناعي	Alsati	Cosmos	Astra (قمر جيو مستقر)
$T(10^3 s)$	5,96	40,440	86,2
$r(10^7 m)$	0,708	2,54	4,203
$h(10^7 m)$	0,07	1,9	3,565
$\frac{T^2}{r^3} (s^2.m^{-3})$	10^{-13}	10^{-13}	10^{-13}

ب- استنتاج القيمة العددية لكتلة الأرض :

$$\frac{T^2}{(h + R_T)^3} = \frac{4\pi^2}{G \times M_T} = 10^{-13}$$

$$\Leftrightarrow M_T = \frac{4\pi^2}{10^{-13} \times G} = \frac{4\pi^2}{10^{-13} \times 6,67 \times 10^{-11}} = 5,92 \times 10^{24} Kg$$

التمرين التجريبي : (07.00 نقاط)

1- تطور التوترات :

أ- التوتر u_R هو الذي يبرز تطور شدة التيار $i(t)$ المار في الدارة لأن u_R يتناسب طرديا

مع شدة التيار $i(t)$ حيث : $u_R = R i(t)$.

ب- المنحنى الموافق لتطور التوتر u_C هو المنحنى (a) لأنه أسي متزايد حيث :

$$t = 0 \Leftrightarrow u_C(0) = 0$$

$$t = \infty \Leftrightarrow u_C(\infty) = E$$

ج- إثبات أن ثابت الزمن τ متجانس مع الزمن:

لدينا :

$$\tau = R \times C$$

$$[\tau] = [R] \times [C] = \frac{[U]}{[I]} \times \frac{[Q]}{[U]} = \frac{[I] \times [T]}{[I]} = [T]$$

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

		<p>2- البحث عن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_R :</p> <p>أ- تحديد المعادلة التفاضلية الصحيحة ، بالاعتماد على التحليل البعدي :</p> <p>المعادلة التفاضلية الصحيحة هي :</p> $RC \frac{du_R(t)}{dt} + u_R(t) = 0$ <p>لأن :</p> $[R] \times [C] \times \frac{[U]}{[T]} + [U] = 0$ $\Leftrightarrow \frac{[U]}{[I]} \times \frac{[Q]}{[U]} \times \frac{[U]}{[T]} + [U] = 0$ $\Leftrightarrow \frac{[I] \times [T]}{[I]} \times \frac{[U]}{[T]} + [U] = 0$ $\Leftrightarrow 2[U] = 0 \Leftrightarrow [U] = 0 \Leftrightarrow 0 = 0$ <p>ومنه المعادلة التفاضلية رقم (04) هي الصحيحة .</p> <p>ب- إثبات أنه يمكن كتابة معادلة الحل بالشكل : $Ln(u_R) = at + b$</p> <p>لدينا حل المعادلة التفاضلية : $u_R(t) = Ee^{-\frac{t}{\tau}}$</p> $Ln(u_R) = -\frac{1}{\tau} \times t + Ln(E)$ <p>- ايجاد عبارتي a , b بدلالة E و τ :</p> <p>بالمطابقة نجد :</p> $\begin{cases} a = -\frac{1}{\tau} \\ b = Ln(E) \end{cases}$ <p>ج- اعطاء معادلة البيان :</p> <p>البيان عبار عن مستقيم يمر بالمبدأ معادلته من الشكل :</p> $Ln(u_R) = at + b$ <p>حيث :</p> $\begin{cases} a = -0,504 \\ b = 5,7 \end{cases}$
	00.50	
	00.25	
	00.50	
	00.25	

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

د- استنتاج قيمة سعة المكثفة C :

من البيان نجد :

00.25

$$\tau = -\frac{1}{a} = -\frac{1}{(-0,504)} \approx 2s$$

00.25

$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{2}{12,5 \times 10^3} = 1,6 \times 10^{-4} F = 160 \mu F$$

- ومنه قيمة سعة المكثفة تتوافق مع القيمة المعطاة من طرف الصانع .

00.25

ه- عندما تكون قيمة مقاومة الناقل الأومي $R' = \frac{R}{2}$ ، فان ثابت الزمن τ يقل (تناسب

طردي بين ثابت الزمن والمقاومة) ، وعليه فان بياني الشكل 01 يصلان إلى النظام الدائم في زمن أقل أي أن عملية شحن المكثفة تكون أسرع .

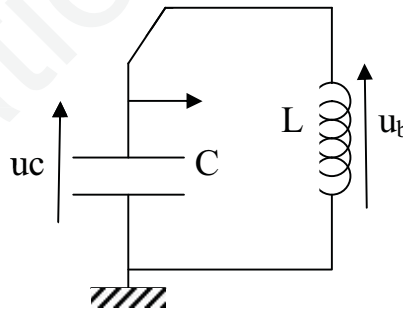
00.25

و- لا تتغير قيمة الطاقة المخزنة العظمى في المكثفة عند تغيير قيمة مقاومة الناقل الأومي من R إلى R' ، لأن طاقة المكثفة تتعلق بسعة المكثفة وليس مقاومة الناقل الأومي

$$\xi_C(t) = \frac{1}{2} C u_C^2 \quad \text{حيث :}$$

3- أ- رسم الدارة الكهربائية الموافقة :

00.50



ب- ايجاد المعادلة التفاضلية للدارة بدلالة التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة :

بتطبيق قانون جمع التوترات نجد :

00.25

$$u_C(t) + u_b(t) = 0$$

$$u_C(t) + L \frac{di(t)}{dt} = 0$$

00.25

$$\begin{cases} i(t) = C \frac{du_C(t)}{dt} \\ \frac{di(t)}{dt} = C \frac{d^2 u_C(t)}{dt^2} \end{cases}$$

حيث :

المستوى : الثالثة علوم تجريبية

		<p>بالتعويض نجد :</p> $u_C(t) + LC \frac{d^2 u_C(t)}{dt^2} = 0$
00.25		$\Leftrightarrow \frac{d^2 u_C(t)}{dt^2} + \frac{1}{LC} u_C(t) = 0$ <p>وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية حلها جيبى ومن الشكل :</p> $u_C(t) = E \cos(\omega_0 t + \varphi)$ <p>- ومنه تستنتج أن الدارة مهتزة بنظام دوري غير متخامد .</p>
00.25		<p>ج- استنتاج عبارة الدور الذاتي :</p> $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi \sqrt{LC}$
00.25		<p>- قيمة الدور الذاتي للاهتزاز المسجل :</p> $T_0 = 10ms = 0,01s$ <p>من البيان نجد :</p>
00.25		<p>د- استنتاج قيمة ذاتية الوشعة :</p> <p>لدينا :</p> $\begin{cases} T_0 = 2\pi \sqrt{LC} \\ \Leftrightarrow L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C} \end{cases} = \frac{(0,01)^2}{40 \times 160 \times 10^{-6}} = 0,0156H$
00.25		<p>ه- كتابة المعادلة الزمنية للشحنة الكهربائية المخزنة في المكثف .</p> $Q(t) = Q_0 \cos(\omega_0 t + \varphi)$
00.25		<p>حيث :</p> $Q_0 = C \times E = 160 \times 300 = 48000 \mu C = 4,8 \times 10^{-2} C$
00.25		$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{0,01} = 200\pi \text{ rad/s}$
00.25		$t = 0 \Leftrightarrow q(0) = Q_0 \Leftrightarrow \cos \varphi = 1 \Leftrightarrow \varphi = 0$
00.25		<p>ومنه :</p> $Q(t) = 4,8 \times 10^{-2} \cos(200\pi t)$

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتين:

الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على 05 صفحات (من الصفحة 01 من 10 إلى الصفحة 05 من 10)

الجزء الأول (13 نقطة)

التمرين الأول (04 نقاط)

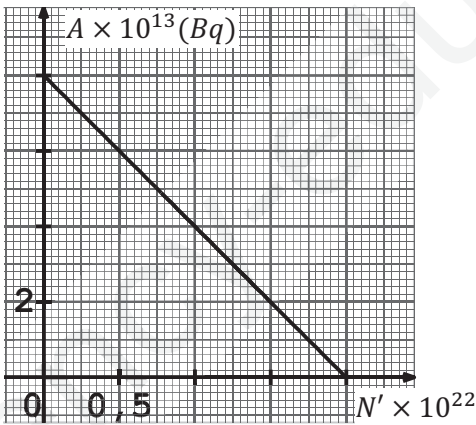
يعتبر الطب النووي من أهم الاختصاصات، إذ يستعمل في تشخيص الأمراض وفي علاجها. من بين التقنيات المعتمدة (radiothérapie) حيث يستعمل الإشعاع النووي في تدمير الأورام السرطانية، إذ يقذف الورم أو النسيج المصاب بالإشعاع المنبعث من الكوبالت $^{60}_{27}\text{Co}$.

يفسر النشاط الإشعاعي لـ Co بتحول نترون n إلى بروتون p. يمثل منحنى الشكل- 2 تغيرات النشاط A لعينة من الكوبالت بدلالة N' عدد الأنوية المتفككة خلال الزمن t.

1- أ- حدد نمط النشاط الإشعاعي للكوبالت مع التعليل؟

ب- أكتب معادلة التفاعل النووي الموافق ثم تعرف على النواة الابن من بين النواتين ^{26}Fe , ^{28}Ni .

ج- أكتب قانون التناقص الإشعاعي ، ثم العلاقة النظرية التي تربط النشاط الإشعاعي A بعدد الأنوية N' المتفككة.



الشكل- 1

2- باستغلال البيان حدد:

- أ- النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 للعينة .
- ب- ثابت النشاط الإشعاعي λ لنواة الكوبالت 60.
- ج- عدد الأنوية الابتدائية N_0 للعينة و كتلتها m_0 .
- 3- يمكن اعتبار العينة غير صالحة للاستعمال إذا أصبحت النسبة

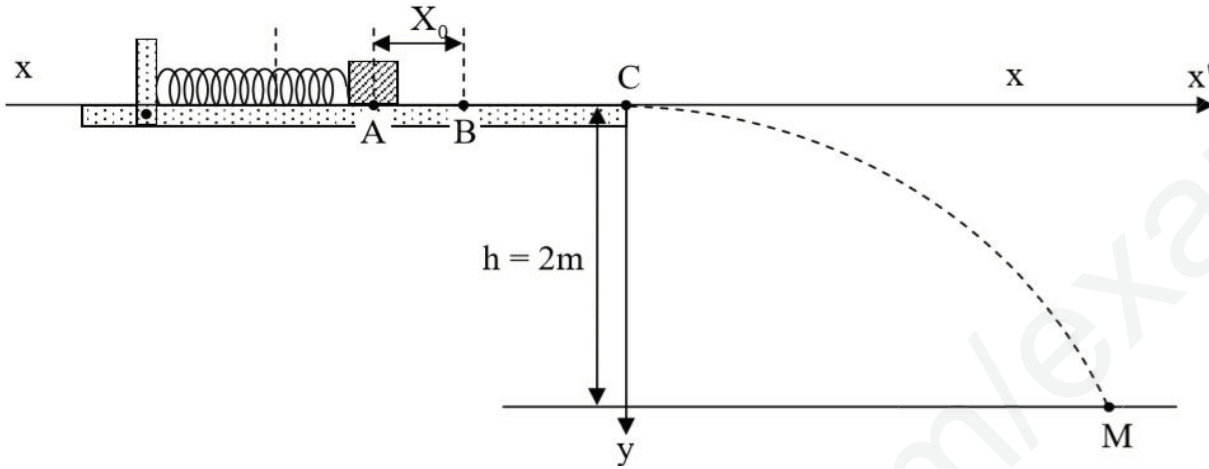
$$\frac{N'}{N} = 3 \text{ حيث } N \text{ عدد الأنوية المتبقية .}$$

أ- بين أنه يمكن كتابة النسبة $\frac{N'}{N}$ بالعلاقة التالية $\frac{N'}{N} = (e^{\lambda t} - 1)$

ب- استنتج المدة الزمنية التي يمكن فيها اعتبار العينة غير صالحة للاستعمال.

التمرين الثاني: (05 نقاط)

نابض مرن مهمل الكتلة ، حلقاته غير متلاصقة ، ثابت مرونته k ، مثبت افقيا من احدى طرفيه ، أما الطرف الآخر فهو مرتبط بالجسم S كتلته $m = 200g$ بإمكانه الانزلاق فوق طاولة أفقية AB . تهمل كل الاحتكاك بكل أنواعها. يعطى: $g = 10 \text{ m/s}^2$, $\pi^2 = 10$.



I - نسحب الجسم بسافة $X_0 = X_m$ عن وضع توازنه و نتركه في اللحظة $t = 0$ حرا لحاله دون سرعة ابتدائية.

1- مثل مختلف القوى الخارجية المؤثرة على الجسم S عندما ينزاح إلى وضع فاصلته $X(t)$.

2- أذكر نص القانون الثاني لنيوتن.

3- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم S في المعلم السطح أرضي الغاليلي:

أ- بين أن المعادلة التفاضلية للحركة التي تحققها $X(t)$ من الشكل: $\frac{dX}{dt} + \omega_0^2 X = 0$

ب- تقبل المعادلة التفاضلية السابقة حلا من الشكل: $X(t) = X_m \cos(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi_0)$

أثبت أنه حل للمعادلة التفاضلية.

ج- حدد طبيعة مركز عطالة و نظامها.

د- استنتج من المعادلة التفاضلية عبارة النبض الذاتي ω_0 ، الدور الذاتي T_0 .

4- بواسطة برمجية مناسبة تمكنا من رسم المنحنى $a = f(X)$

اعتمادا على هذا البيان حدد:

أ- النبض الذاتي للحركة ω_0 .

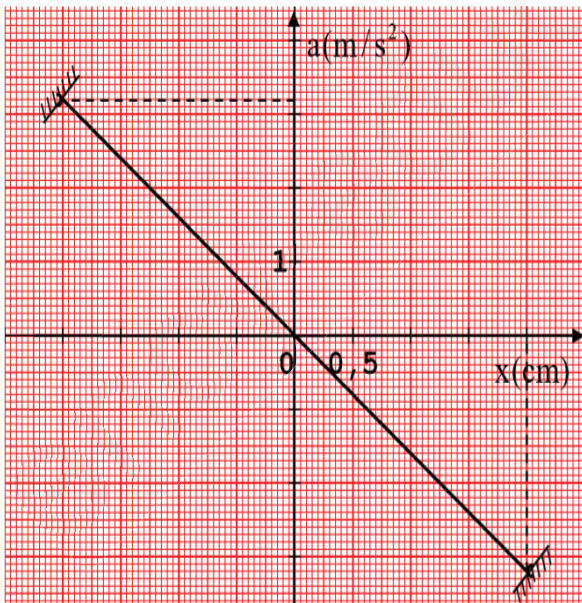
ب- الدور الذاتي T_0 .

5- اكتب المعادلات الزمنية لكل من $X(t)$ و $V(t)$ و $a(t)$.

6- ارسم المنحنى البياني $X(t)$.

7- استنتج ثابت مرونة النابض k .

8- في الحقيقة الاحتكاكات مع الطاولة غير مهمة، نعتبر الحالتين:



- حالة 01: احتكاكات غير مهمة وضعيفة.

- حالة 02: احتكاكات معتبرة.

أ- حدد طبيعة الحركة ونظامها في كل حالة مع رسم منحنى $X(t)$ بشكل كافي.

II. لحظة مرور الجسم بوضع التوازن في الاتجاه الموجب للحركة ينفصل عن النابض ليغادر بعد ذلك المستوي الأفقي في النقطة C.

1- بين أن $V_B = V_C$ و أحسب قيمتها.

2- أدرس حركة الجسم S في المعلم $(\vec{C}X, \vec{C}Y)$ ، باعتبار مبدأ الأزمنة لحظة مغادرة الجسم S النقطة C،

3- استنتج معادلة المسار $Y(x)$ (نهمل الاحتكاكات مع الهواء و دافعة أرخميدس).

4- أوجد إحداثيتي النقطة M (نقطة ارتطام الجسم S بالأرض).

التمرين الثالث : (05 نقاط)

I- نذيب كتلة قدرها $m = 4.6 \times 10^{-2} \text{ g}$ من حمض الميثانويك HCOOH في حجم 100 ml من الماء النقي ، إن قياس الناقلية النوعية للمحلول أعطى القيمة $\sigma = 4.9 \times 10^{-2} \text{ s/m}$ عند درجة حرارة 25°C .

1 - أحسب التركيز المولي C_0 للمحلول.

2 - أكتب معادلة انحلال حمض الميثانويك في الماء ، ثم مثل جدولاً لتقدم التفاعل .

3 - أحسب قيمة pH المحلول .

4 - أثبت أن ثابت التوازن K الموافق لمعادلة التفاعل يعطى بالعلاقة : $K = \frac{10^{-2\text{pH}}}{C_0 - 10^{-\text{pH}}}$ ثم أحسب قيمته.

5 - استنتج pKa للثنائية $\text{HCOOH} / \text{HCOO}^-$.

6 - أكتب عبارة النسبة النهائية للتقدم τ_f بدلالة C_0 و pH ثم أحسب قيمتها . ماذا تستنتج ؟

7 - استنتج الصفة الغالبة في المحلول $\lambda_{\text{H}_3\text{O}^+} = 35 \text{ ms.m}^2 / \text{mol}$ $\lambda_{\text{HCOO}^-} = 5.46 \text{ ms.m}^2 / \text{mol}$

O : 16 g / mol C : 12 g / mol H : 1 g / mol

II- نشكل عموداً من صفيحة ألومنيوم $\text{Al}_{(s)}$ مغمورة في محلول كبريتات الألمنيوم $(2\text{Al}^{3+} + 3\text{SO}_4^{2-})$ حجمه 50 ml

حيث : $[\text{Al}^{3+}] = 0.5 \text{ mol/L}$ وصفيحة نحاس مغمورة في محلول كبريتات النحاس $(\text{Cu}^{2+} + \text{SO}_4^{2-})$ حجمه 50 ml

حيث : $[\text{Cu}^{2+}] = 0.5 \text{ mol/L}$ وجسر ملحي .

1 - نربط العمود بمقياس أمبير متر ومقاومة على التسلسل فنلاحظ مرور تيار كهربائي خارج العمود من صفيحة النحاس نحو صفيحة الألمنيوم

أ- ارسم شكلاً تخطيطياً للعمود موضحة جهة التيار وجهة حركة الإلكترونات وقطبية العمود.

ب- أعط الرمز الاصطلاحي لهذا العمود .

ج- أكتب المعادلتين النصفيتين عند المسربين ثم معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الحادث في العمود.

2 - إذا علمت أن ثابت التوازن الموافق للمعادلة السابقة $k=10^{20}$ ، أحسب كسر التفاعل الابتدائي Q_{ri} وحدد اتجاه تطور الجملة الكيميائية.

3 - مثل جدولاً لتقدم التفاعل ثم أحسب كمية الكهرباء العظمى التي ينتجها العمود خلال اشتغاله ، علماً أن المتفاعل المحد هو أحد شوارد المحلولين.

أ- أحسب الزيادة في كتلة صفيحة المسرى الموجب.

ب- إذا كان هذا العمود يجري تياراً كهربائياً مستمراً شدته $I = 0.67 \text{ A}$ ، أحسب مدة صلاحية العمود.

$$1F = 96500 \text{ C/mol}$$

$$Al : 27 \text{ g/mol}$$

الجزء الثاني (06 نقاط)

التمرين التجريبي :

في حصة للأعمال المخبرية أحضر أستاذك ناقلاً أومياً مقاومته R مجهولة ووشية ذاتيها (L) و مقاومتها (r) ثم قام بتفويج التلاميذ إلى مجموعتين . من أجل تحديد قيمة كل من r, L, R . وفر الأستاذ ما يلي:

* مولد للتوتر الثابت قوته المحركة $E = 6V$ * فولط متر رقمي * أمبير متر رقمي * قاطعة

* مكثفة فارغة سعتها $C = 500\mu F$ * راسم اهتزاز ذو ذاكرة.

* حاسوب * أسلاك توصيل . اقترح الأستاذ على المجموعتين ما يلي :

I- المجموعة الأولى: إيجاد قيمة مقاومة الناقل الأومي R :

بعد تركيب الدارة الموضحة في الشكل-2 و غلق القاطعة عند اللحظة $t = 0$:

1- اقترح طريقة تجريبية تمكنك من متابعة تطور كل من التوتر $U_C(t)$ بين

طرفي المكثفة وشدة التيار $i(t)$ المار في الدارة .

2- أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $U_C(t)$ بين طرفي المكثفة.

3- إذا علمت أن العبارة $U_C(t) = A + Be^{\alpha t}$ حل للمعادلة، جد عبارة كل من

$$A, B, \alpha.$$

1- أكتب عبارة $U_C(t)$ ثم استنتج عبارة $U_R(t)$

2- بواسطة برمجية خاصة ندرس تغيرات : $f(t) = \frac{U_C(t)}{U_R(t)}$

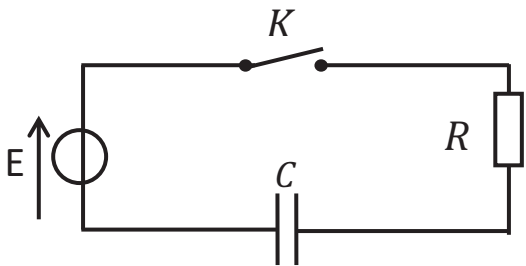
ففتحصل على المنحنى الشكل-3.

$$\text{أ- أثبت أن: } \frac{U_C(t)}{U_R(t)} = e^{\frac{t}{\tau_1}} - 1$$

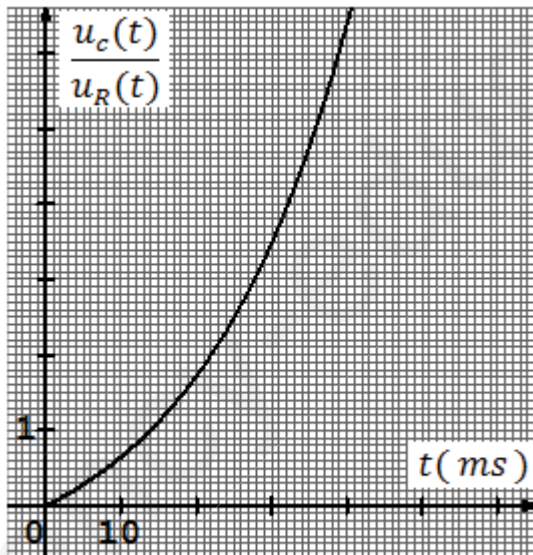
ب- استنتج من البيان τ_1 ثابت الزمن لثنائي القطب (RC) ثم تحقق

$$\text{أن: } R = 40\Omega$$

6- أحسب الطاقة المخزنة في المكثفة عند نهاية عملية الشحن.

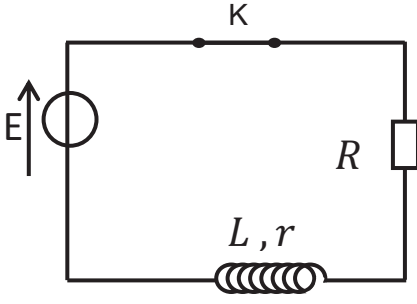


الشكل - 2



الشكل - 3

II – المجموعة الثانية :



الشكل - 4

إيجاد قيمة كل من المقاومة r و الذاتية L للوشية :

بعد تركيب الدارة الموضحة في الشكل-4، وغلق القاطعة عند اللحظة $t = 0$.

تحصلت المجموعة على البيان الممثل لتغيرات التوتر $U_b(t)$ بين طرفي الوشية بدلالة الزمن .

1- ما هو الجهاز المناسب لذلك ؟ بين طريقة توصيله في الدارة للحصول على المنحنى

الشكل-5.

2- أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار $i(t)$.

3- أثبت أن العبارة : $i(t) = I_0(1 - e^{-t/\tau_2})$ حل للمعادلة التفاضلية

حيث I_0 قيمة شدة التيار في النظام الدائم).

4- بين أن عبارة التوتر بين طرفي الوشية تكتب على الشكل:

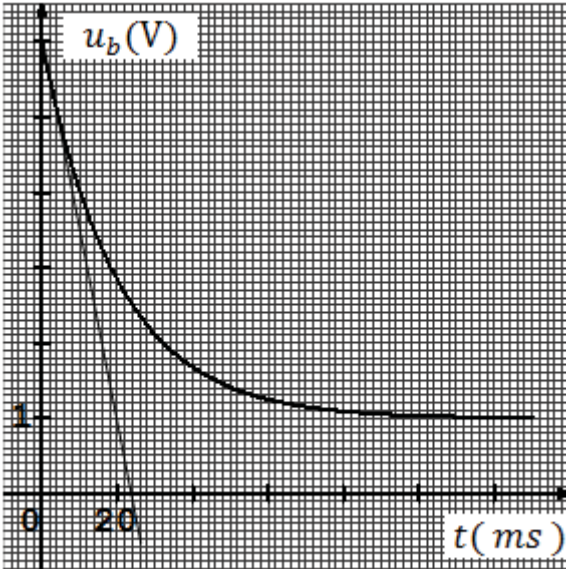
$$U_b(t) = RI_0 e^{-\frac{t}{\tau_2}} + rI_0$$

أوجد من البيان قيمة ثابت الزمن τ_2 .

5- أثبت أن : $r = \frac{R(t' - \tau_2)}{\tau_2}$ حيث t' فاصلة نقطة تقاطع المماس

عند اللحظة $t = 0$ مع محور الأزمنة.

أحسب قيمة كل من المقاومة r و الذاتية L .



الشكل - 5

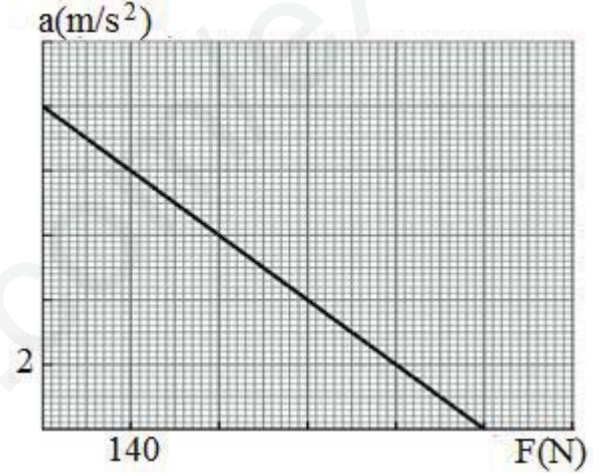
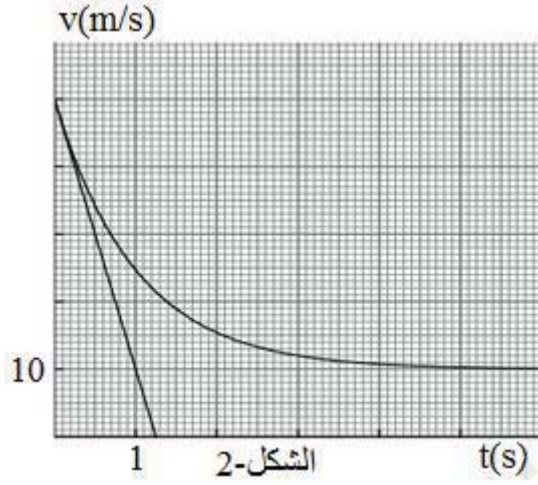
التمرين الأول: (05 نقاط)

تعطى الجملة الميكانيكية الشكل (01) المتكونة من مظلي ومظلاته حيث يسقط من مروحية ساكنة دون سرعة ابتدائية في

اللحظة $t = 0$ ، يخضع أثناء سقوطه لقوة احتكاك $f = -K_1 v$

كتلة المظلي مع مظلاته $m = 70 \text{ kg}$ ، $g = 10 \text{ m/s}^2$

1- قبل فتح المظلة: مثلنا تغيرات تسارع المظلي بدلالة شدة قوة الاحتكاك مع الهواء $a = g(f)$ كما بالشكل التالي:



أ- عرف الجملة الميكانيكية .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة قوة الاحتكاك .

ج- بين أن دافعة أرخميدس مهمة أمام القوى الأخرى.

د- اشرح لماذا تصبح قوة الاحتكاك ثابتة بعد فترة زمنية معينة، ثم أوجد شدة هذه القوة مستعينا بالبيان.

هـ- احسب ثابت الاحتكاك k_1 والثابت المميز للحركة علما أن سرعة المظلي تصل إلى قيمة حدية تساوي 50 m/s .

2- بعد فتح المظلة :

نهمل دافعة أرخميدس ، ونعتبر $t = 0$ لحظة فتح المظلة .

مثلنا سرعة المظلي ومظلاته بدلالة الزمن ، و مماس البيان عند $t = 0$ كما بالشكل (02) .

تعطى قوة الاحتكاك التي تؤثر على المظلي مع مظلاته بالعلاقة $f = -K_2 v$.

أ- مثل القوى المؤثرة على المظلي عند اللحظة $t = 0$.

ب- أوجد كل من تسارع الجملة ، و شدة قوة الاحتكاك عند $t = 0$.

ج- أوجد قيمة ثابت الاحتكاك k_2 بطريقتين مختلفتين .

د- مثل كيفيا مخطط تسارع الجملة بدلالة الزمن.

التمرين الثاني (04,5 نقاط)

لقد حققت الفيزياء النووية تقدما مذهلا في المجال الطاقوي والتي تسعى لتلبية الاحتياج العالمي للطاقة وفق آليتين أساسيتين وهما:

I- الاندماج النووي هو تفاعل نووي يتم فيه التحام نواتين خفيفتين وغير مستقرتين، لكن إنجازها يطرح عدة صعوبات

تقنية من بينها: ضرورة تسخين الخليط الى درجة حرارة عالية تفوق 100 مليون درجة لضمان انطلاق التفاعل،

من بين تفاعلات الاندماج اندماج النظيرين الدوتيريوم 2_1H و التريتيوم 3_1H والذي يعطي نواة الهيليوم 4_2He و نيوترون 1_0n

1- لماذا يتم تسخين الخليط الى درجة حرارة عالية تفوق 100 مليون درجة؟

2- أكتب معادلة الاندماج النووي بين النظيرين الدوتيريوم 2_1H و التريتيوم 3_1H .

3- احسب بـ (Mev) ثم بـ (J) الطاقة التي يحررها هذا التفاعل.

4- استنتج بـ (J) الطاقة الناتجة عن استهلاك $m = 1Kg$ من الدوتيريوم 2_1H .

5- يوجد الدوتيريوم 2_1H بوفرة في مياه المحيطات، حيث يقدر الاحتياط العالمي منه بـ $4,6 \times 10^{16} Kg$ وهو غير مشع

الاستهلاك السنوي العالمي من الطاقة الكهربائية يقدر بـ $E = 4 \times 10^{20} J$ ، باعتبار مردود تحول الطاقة الحرارية إلى الطاقة

الكهربائية هو 33%. احسب بالسنوات المدة الزمنية اللازمة لاستهلاك المخزون العالمي من الدوتيريوم.

II- الانشطار النووي تفاعل نووي يتم فيه قذف نواة ثقيلة وغير مستقرة بـ نيوترون، من بين تفاعلات الانشطار انشطار نواة

اليورانيوم $^{235}_{92}U$ إلى $^{139}_{54}Xe$ و $^{94}_{38}Sr$ إثر قذفها بنيوترون 1_0n .

يمثل الشكل مخطط الحويلة الطاقوية لتفاعل انشطار النواة $^{235}_{92}U$.

1- لماذا تستخدم النيوترونات في عملية القذف؟

2- أكتب معادلة انشطار اليورانيوم.

3- أوجد بـ MeV كلا من ΔE_1 و ΔE_2 و ΔE .

4- أحسب بـ (J) الطاقة الناتجة عن استهلاك $m = 1Kg$ من اليورانيوم $^{235}_{92}U$.

5- يقدر الاحتياط العالمي من اليورانيوم بـ $3,3 \times 10^9 Kg$ ، باعتبار مردود تحول الطاقة الحرارية إلى الطاقة الكهربائية

هو 33%، عيّن (أوجد) بالسنوات المدة الزمنية اللازمة لاستهلاك المخزون العالمي من اليورانيوم.

III-1- قارن بين الطاقة الناتجة من انشطار $m = 1Kg$ من اليورانيوم $^{235}_{92}U$ واندماج $m = 1Kg$ من الدوتيريوم 2_1H .

2- لا تخلو التفاعلات النووية من الأخطار، أذكر أحد هذه الأخطار وقدم اقتراحا بديلا لإنتاج الطاقة الغير ملوثة للبيئة.

المعطيات: - بعض الأنوية: 1_0n ; 2_1H ; 3_1H ; 4_2He ; 6_3Li ; 9_4Be ; $^{10}_5B$

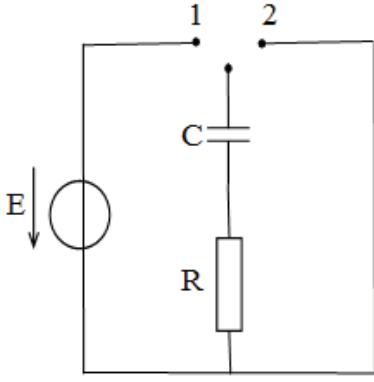
$$m(^1_0n) = 1,00866u \quad m(^2_1H) = 2,01355u \quad m(^3_1H) = 3,01550u \quad m(^4_2He) = 4,00150u$$

$$1u = 931,5MeV / c^2 \quad N_A = 6,023 \times 10^{23} mol^{-1} \quad 1MeV = 1,6022 \times 10^{-13} J$$

$$\frac{E_l}{A} (^{235}_{92}U) = 7,62MeV / nucleon \quad \frac{E_l}{A} (^{139}_{54}Xe) = 8,34MeV / nucleon \quad \frac{E_l}{A} (^{94}_{38}Sr) = 8,62MeV / nucleon$$

التمرين الثالث (04,5 نقاط)

باستعمال مولد مثالي قوته المحركة الكهربائية E ، بادلة K ، مكثفة سعتها C ، ناقل أومي R نحقق الدارة المبينة في الشكل (1).



I- في اللحظة $t = 0$ نضع البادلة K في الوضع 1، ونتابع تطورات كل من التوتر بين طرفي المكثفة وشدة التيار المار في الدارة بدلالة الزمن و في اللحظة $t = 35s$ نفتح البادلة .

1- حدد على الدارة اتجاه التيار و أشعة التوترات .

2- حدد على الدارة كيفية ربط راسم الاهتزاز المهبطي لمشاهدة توتر بين طرفي المكثفة.

3- جد المعادلة التفاضلية الممثلة لتغيرات شدة التيار $i(t)$ ، واكتبها من الشكل : $\frac{di(t)}{dt} + \beta i(t) = 0$

أ- أعط عبارة $\frac{1}{\beta}$. وما هو مدلوله الفيزيائي؟

ب- لتكن العبارة $i(t) = I_0 e^{-\beta t}$ حلا للمعادلة التفاضلية السابقة ، أوجد عبارة I_0 .

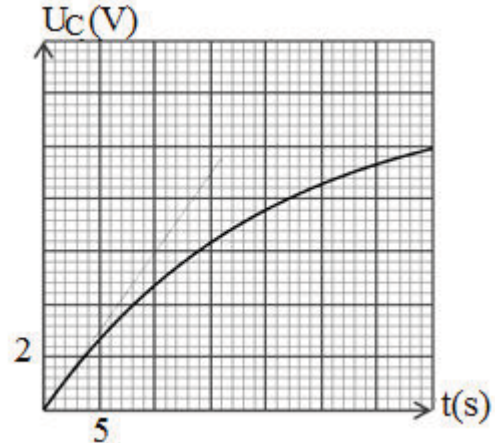
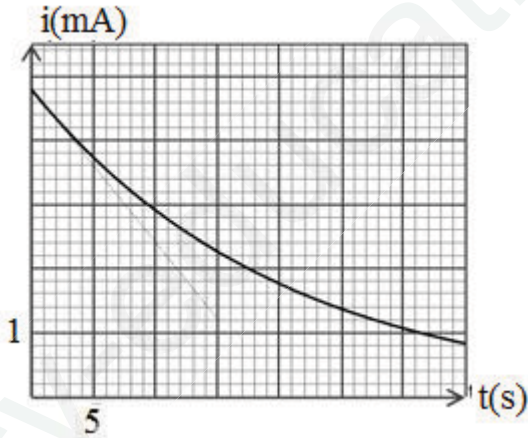
4- الدراسة التجريبية السابقة سمحت برسم البيانيين الممثلين في الشكلين المواليين :

(a) بين أن اللحظة $t = 35s$ لا توافق النظام الدائم للدارة المدروسة .

(b) جد بيانيا قيمة كل من ثابت الزمن τ ، وتوتر المولد E .

(c) استنتج قيمة كل من R ، C .

5- احسب عند اللحظة $t = 35s$ الشحنة الكهربائية للمكثفة ، وكذلك الطاقة التي تخزنها .



II- عند بلوغ النظام الدائم ننقل البادلة إلى الوضع 2 .

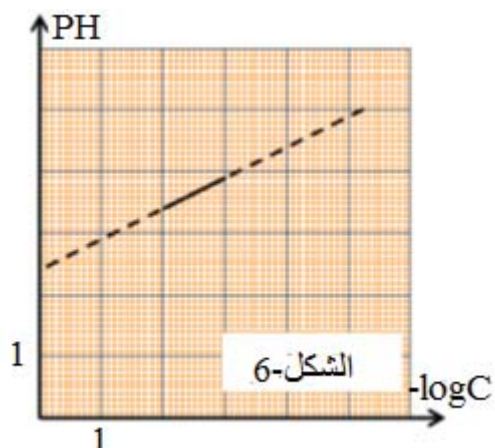
1- ما هي الظاهرة التي تحدث ؟

2- احسب زمن تناقص الطاقة إلى النصف $t_{1/2}$.

التمرين التجريبي

في إحدى حصص الأعمال المخبرية اقترح أستاذ العلوم الفيزيائية على تلاميذه كتجربة أولى تحديد صيغة حمض كربوكسيلي وفي التجربة الثانية دراسة تفاعل الحمض الكربوكسيلي مع شاردة هيدروجينوكربونات.

المجموعة الأولى:



قدم الأستاذ لأحد التلاميذ محلولاً للحمض الكربوكسيلي (RCOOH)

تركيزه C_0 فقام التلميذ بوضع عينات متساوية الحجم مقسمة على 6 كؤوس وأضاف لـ 5 منها حجوماً V مختلفة من الماء المقطر ثم قامت إحدى التلميذات بقياس الـ pH في كل كأس. في وقت لاحق قام تلميذ آخر بأخذ النتائج المتحصل عليها من التركيز المولي C وقيم الـ pH. ورسم لنا البيان الممثل في الشكل (06)

1- أكتب معادلة تفاعل الحمض الكربوكسيلي مع الماء.

2- أكتب عبارة ثابت الحموضة K_a للثنائية :

(RCOOH/RCOO⁻) بدلالة pH , C والتركيز $[RCOO^-]$

3- أكتب العلاقة النظرية للبيان مع العلم أنه تم إهمال $[RCOO^-]$ أمام التركيز C

4- أكتب العلاقة البيانية ثم استنتج ثابت الحموضة K_a .

5- إستنتج ثابت الحموضة المستخدم في التجربة من بين الأحماض المعطاة في الجدول

الثنائية	(HCOOH/HCOO ⁻)	(CH ₃ COOH/CH ₃ COO ⁻)	(C ₆ H ₅ COOH/C ₆ H ₅ COO ⁻)
ثابت الحموضة pKa	3.8	4.8	4.2

المجموعة الثانية :

قام أحد التلاميذ بوضع في حوالة مفرغة من الهواء حجماً $V_1=60$ ml من محلول حمض الإيثانويك CH₃COOH_(aq)

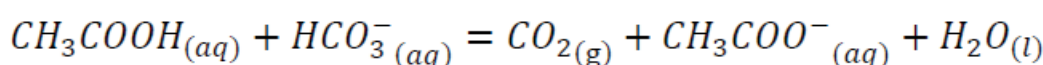
تركيزه المولي $C_1=1$ mol/l ثم أضاف إليه حجماً $V_2=20$ ml من محلول هيدروجينوكربونات الصوديوم

(Na⁺_(aq)+HCO₃⁻_(aq)) تركيزه المولي $C_2=0.75$ mol/l وقام بإغلاق الحوالة بشكل محكم وبواسطة مقياس للضغط

استطاع تدوين النتائج التالية :

t (s)	0	30	60	90	120	150	180	210	270	300	345	405
$P_{CO_2} (\times 10^3 Pa)$	0	9,66	14,8	17,8	20	21,5	22,8	23,8	26	27	27,6	27,6

تعطى المعادلة المنمذجة للتحويل الكيميائي الحادث كما يلي :



1- أحسب كمية المادة الابتدائية للمتفاعلات .

2- أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل .

- 3- أوجد العلاقة التي تربط بين تقدم التفاعل x و P_{CO_2} المتشكل في كل لحظة t .
- 4- إستنتج العلاقة بين P_{CO_2} ضغط الغاز و V_{CO_2} حجم الغاز و T درجة الحرارة .
- 5- أرسم المنحنى $P_{CO_2}=f(t)$ باختيار سلم رسم مناسب .
- 6- بين أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل تكتب من الشكل : $v_{vol} = 6.81 \times 10^{-6} \frac{dP_{CO_2}}{dt}$
- 7- أحسب قيمة هذه السرعة عند اللحظة $t=120s$.
- 8- عرف زمن نصف التفاعل ثم حدد قيمته .
- معطيات : $V_{CO_2} = 1.35l$, $T=298 K$, $R=8.31(SI)$.

التنقيط		الحل التفصيلي
الجزئي	الإجمالي	
		<u>الموضوع الأول</u>
		<u>الجزء الأول</u> <u>التمرين الأول (04 نقاط)</u> <u>1- انحط الإشعاع مع التعليل:</u>
0.50		نمط تفكك نواة الكوبالت $^{60}_{27}\text{Co}$ هو β^- لأن $^0_{-1}\text{e}$ $^1_1\text{P} + ^0_{-1}\text{e} \rightarrow ^1_0\text{n}$ ب- معادلة التفكك:
0.50		كتابة معادلة التفكك : $^{60}_{27}\text{Co} \rightarrow ^A_Z\text{X} + ^0_{-1}\text{e}$ اذن من قانونا الإنحفاظ $A=60$ و $Z=28$ ومن النواة البنت هي $^{60}_{28}\text{Ni}$ فتصبح المعادلة كمايلي : $^{60}_{27}\text{Co} \rightarrow ^{60}_{28}\text{Ni} + ^0_{-1}\text{e}$
0.25		ت- قانون التناقص الإشعاعي: $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ العلاقة بين A و N : $N_0 - N = N'$ المتفككة = المتبقية - الابتدائية
0.50		ولدينا : $N_0 - N_0 e^{-\lambda t} = N$ $A = A_0 e^{-\lambda t}$ ومنه $\frac{A}{A_0} = e^{-\lambda t}$ نعوض : $N_0 - N_0 \cdot \frac{A}{A_0} = N'$ نضرب في A_0 : $N_0 \cdot A_0 - N_0 \cdot A = N' \cdot A_0$ $N_0 \cdot A = -N' \cdot A_0 + N_0 \cdot A_0$ نقسم على A_0 : $A = -N\lambda + A_0$ ومنه $A = -N' \frac{A_0}{N_0} + A_0$
0.25		2- ا- قيمة A_0 : $A_0 = 8.10^{13} \text{ Bq}$ ب- قيمة λ : معادلة البيان : $A = aN' + A_0$ المعادلة النظرية : $A = -N\lambda + A_0$ بالمطابقة نجد : $a = -\lambda = A/N' = -4.10^{-9}$ $\lambda = 4.10^{-9} \text{ 1/s}$
0.25		ج- عدد الانوية الابتدائية: $N_0 = A_0/\lambda = 2.10^{31}$ نواة
0.25		د- الكتلة الابتدائية: $m_0 = \frac{N_0 \cdot M}{N_A} = 19.92.10^8$
0.50		3- البرهان على العلاقة: $\frac{N_0}{N} = e^{\lambda t}$ ولدينا $\frac{N'}{N} = \frac{N_0 - N}{N} = \frac{N_0}{N} - 1$ ب- استنتاج المدة الزمنية:

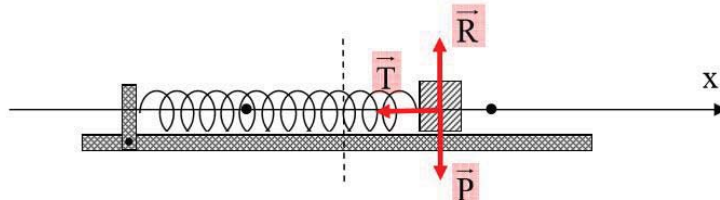
0,50

بالتعويض نجد : $\frac{N}{N} = e^{\lambda t} - 1$ وبالمطابقة مع العلاقة $\frac{N}{N} = 3$ نجد : $e^{\lambda t} = 4$
وبالتالي يكون $t = \frac{\ln 4}{\lambda}$ بالتعويض نجد : $t = 3,465.10^8 s \approx 11 ans$

التمرين الثاني (05 نقاط)

1.1 تمثيل مختلف القوى الخارجية المؤثرة على الجسم S

0,25



0,25

2. التذكير بنص القانون الثاني لنيوتن. في مرجع غاليلي مجموع القوى الخارجية المؤثرة على مركز عطالة جملة ميكانيكية في لحظة مساوي

لجاء كتلة هذه الجملة في شعاع تسارع مركز عطالتها عند هذه اللحظة أي $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$

3. 1. المعادلة التفاضلية للحركة بتطبيق القانون الثاني لنيوتن $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$

0,50

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = m\vec{a}$$

$$-T = ma \rightarrow -kx = m \frac{d^2 x}{dt^2} \rightarrow \frac{d^2 x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0 \text{ بالاسقاط على المحور}$$

ب. المعادلة التفاضلية السابقة تقبل حلا من الشكل: $X(t) = X_m \cos(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi_0)$

0,25

$$\blacksquare X(t) = X_m \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad \blacksquare \frac{d^2 X(t)}{dt^2} = -X_m \omega_0^2 \cos(\omega_0 t + \varphi_0)$$

$$-X_m \omega_0^2 \cos(\omega_0 t + \varphi_0) + \frac{k}{m} X_m \cos(\omega_0 t + \varphi_0) = 0$$

اذن هو حل المعادلة $0 = 0$

0,25

ج. طبيعة حركة مركز عطالة و نظامه. المعادلة التفاضلية السابقة من الدرجة الثانية تقبل حل جيبي، اذن حركة مركز العطالة اهتزازية جيبية غير متخادمة. لعدم وجود قوى معيقة. احتكاك.

$$\omega_0^2 = \frac{k}{m} \rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} \text{ من المعادلة التفاضلية}$$

0,25

0,25

$$\text{الدور الذاتي } T_0 \text{ لدينا } 0 = \frac{2\pi}{\omega_0} \rightarrow T_0 = \sqrt{\frac{m}{k}}$$

4. 1. النبض الذاتي للحركة ω_0 بياناً: المنحنى $a(x)$ عبارة عن مستقيم يمر من المبدأ ميله سالب معادلته الرياضية من الشكل :

$a = \alpha x$ حيث α : معامل التوجيه الميل.

$$\frac{d^2 x}{dt^2} = -\omega_0^2 x \rightarrow a = -\omega_0^2 x$$

$$-\omega_0^2 = \alpha \rightarrow \omega_0 = \sqrt{-\alpha}$$

0,25

$$\text{من البيان: } \alpha = -\frac{3.2}{2 \times 10^{-2}} = -160$$

$$\omega_0 = \sqrt{-(-160)} = \sqrt{160} = \sqrt{16 \times 10} = \sqrt{16 \times \pi^2} \rightarrow \omega_0 = 4\pi \text{ rad/s}$$

0,25

$$\text{ب. الدور الذاتي } T_0 \text{ : } T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = \frac{2\pi}{4\pi} = 0.5 \text{ s}$$

5. المعادلات الزمنية لكل من $X(t)$ و $V(t)$ و $a(t)$. $X(t) = X_0 \cos(\omega_0 t + \varphi_0)$

من البيان $\omega_0 = 4\pi \text{ rad/s}$ ولدينا $X_0 = 2 \times 10^{-2} m$

ومن الشروط الابتدائية $t = 0 \rightarrow x = +X_0$ بالتعويض

$$+X_0 = X_0 \cos(\omega_0 \cdot 0 + \varphi_0) \rightarrow \cos(\varphi_0) = 1 \rightarrow \varphi_0 = 0$$

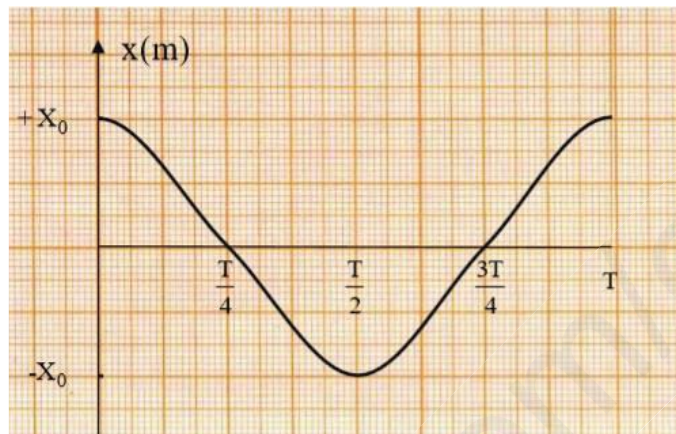
0,5

$$X(t) = 2 \times 10^{-2} \cos(4\pi t)$$

$$V(t) = \frac{dX}{dt} = -8\pi \times 10^{-2} \sin(4\pi t)$$

$$a(t) = \frac{dV}{dt} = -32 \times 10^{-1} \cos(4\pi t)$$

6. رسم المنحنى البياني $X(t)$.



0.25

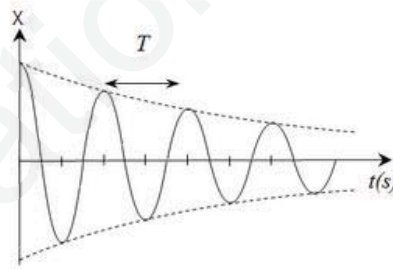
7. استنتاج ثابت مرونة النابض k . مما سبق: $\omega_0^2 = \frac{k}{m} \rightarrow k = \omega_0^2 \cdot m$

$$AN) k = (4\pi)^2 \times 2 \times 10^{-2} = 32 \text{ N/m}$$

0.25

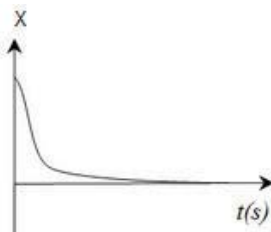
8. ا. تحديد طبيعة الحركة ونظامها في كل حالة مع رسم منحنى $X(t)$ بشكل كافي.

– حالة 01: احتكاكات غير مهمة وضعيفة. يكون النظام شبه دوري متخامد



0,25

– حالة 02: احتكاكات معتبرة. يكون النظام لادوري حرج



0,25

II. 1. تبين ان $V_B = V_C$ و حساب قيمتها. اثناء الحركة الاهتزازية لـ S كانت السرعة عند وضع التوازن أعظمية و تبقى على حالها

بعد انفصال S عن النابض بمعنى:

$$V_B = V_C = \omega_0 X_0 \quad AN) V_C = 4\pi \times 2 \times 10^{-2} = 0.25 \text{ m/s}$$

0,25

2. دراسة حركة الجسم S لحظة مغادرة الجسم S النقطة C , الجسم خاضع لقوة الثقل \vec{P} . بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \rightarrow \vec{P} = m\vec{a}$$

بالاسقاط على المحورين CX . CY

$$\begin{cases} 0 = ma_x \\ P = ma_y \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 0 = ma_x \\ mg = ma_y \end{cases} \rightarrow \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = g \end{cases}$$

0,25

نستنتج: مسقط حركة S على المحور CX مستقيمة منتظمة. مسقط حركة S على المحور CY مستقيمة متغيرة بانتظام.
3. معادلة المسار $Y(X)$ (نهمل الاحتكاكات مع الهواء و دافعة ارخميدس). نكمل الطرفين $a_x; a_y$ بالنسبة للزمن:

$$\begin{cases} V_x = C_1 \\ V_y = gt + C_2 \end{cases}$$

من الشروط الابتدائية: $t = 0 \rightarrow \begin{cases} V_x = V_C \rightarrow C_1 = V_C \\ V_y = 0 \rightarrow C_2 = 0 \end{cases}$

ومنه: $\begin{cases} V_x = V_C \\ V_y = gt \end{cases}$

نكمل الطرفين $V_x; V_y$ بالنسبة للزمن:

$$\begin{cases} X = V_C t + C'_1 \\ Y = \frac{1}{2}gt^2 + C'_2 \end{cases}$$

من الشروط الابتدائية: $t = 0 \rightarrow \begin{cases} X = 0 \rightarrow C'_1 = 0 \\ Y = 0 \rightarrow C'_2 = 0 \end{cases}$

ومنه: $\begin{cases} X = V_C t \\ Y = \frac{1}{2}gt^2 \end{cases}$

معادلة المسار: من المعادلة $X(t)$ نجد $t = \frac{X}{V_C}$ بالتعويض في $Y(t)$:

$$Y = \frac{1}{2}g \left(\frac{X}{V_C} \right)^2 \rightarrow Y = \frac{g}{2V_C^2} X^2$$

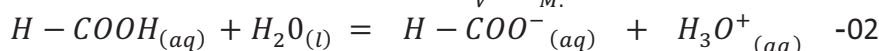
4. احاثيات النقطة M (نقطة ارتطام الجسم S بالأرض). عند الموضع M لدينا $Y_M = h = 2m$
 بالتعويض في معادلة المسار:

$$Y_M = \frac{g}{2V_C^2} X_M^2 \rightarrow X_M = \sqrt{\frac{2V_C^2 Y_M}{g}} \quad \text{AN} \quad X_M = \sqrt{\frac{2 \times (0.25)^2 \times 2}{10}} = 0.16m$$

اذن الاحداثيات: $(X_M = 0.16m, Y_M = 2m)$

التمرين الثالث (05 نقاط)

$$C = \frac{n}{V} = \frac{m}{M} = 0,01 \text{ mol/L} \quad -01 \quad -I$$



المعادلة	التقدم	كمية المادة بـ (mol)			
الحالة					
الابتدائية	0	n_0	بزيادة	0	0
الانتقالية	x	$n_0 - x$		x	x
النهائية	x_f	$n_0 - x$		x_f	x_f

$$pH = -\log[H_3O^{+}]_f \quad \text{لدينا} \quad -03$$

$$\delta = \lambda_{H_3O^{+}} \cdot [H_3O^{+}]_f + \lambda_{H-COO^{-}} \cdot [H-COO^{-}]_f \quad \text{و لدينا أيضا:}$$

$$n(H_3O^{+}) = n(H-COO^{-}) \quad \text{من جدول التقدم نجد:}$$

$$\sigma = (\lambda_{H_3O^{+}} + \lambda_{H-COO^{-}}) \cdot [H_3O^{+}]_f \quad \text{فيكون:}$$

$$[H_3O^{+}]_f = \frac{\sigma}{(\lambda_{H_3O^{+}} + \lambda_{H-COO^{-}})} \quad \text{ومنه}$$

$$[H_3O^{+}]_f = 1,2 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} \quad \text{بالتعويض نجد:}$$

$$pH = -\log 1,2 \times 10^{-3} = 2,92 \quad \text{و بالتالي:}$$

$$K = Ka = \frac{[H_3O^{+}]_f [H-COO^{-}]_f}{[H-COOH]_f} = \frac{[H_3O^{+}]_f^2}{C_0 - [H_3O^{+}]_f} = \frac{10^{-2pH}}{C_0 - 10^{-pH}} \quad -04 \quad \text{ثابت التوازن:}$$

$$K = 1,6 \times 10^{-4}$$

05- $pK_a = -\log K_a = 3,8$

06- النسبة النهائية لنقدم التفاعل: $\tau = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{[H_3O^+]_f}{C_0} = \frac{10^{-pH}}{C_0} = 0,12$

نستنتج أن حمض الميثانويك ضعيف و انحلاله في الماء جزئي.

07- من علاقة أندرسون: $pH = pK_a + \log \frac{[H-COO^-]_f}{[H-COOH]_f}$

و منه نجد: $\frac{[H-COO^-]_f}{[H-COOH]_f} = 10^{pH-pK_a} = 0,13$

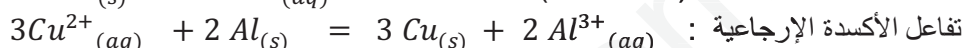
نلاحظ أن: $\frac{[H-COO^-]_f}{[H-COOH]_f} < 1$ أي أن $[H-COO^-]_f < [H-COOH]_f$

إذن الصفة الغالبة هي الصفة الحمضية.

(II) 1- الشكل التخطيطي للعمود:

- الرمز الاصطلاحي للعمود: $Al / Al^{3+} // Cu^{2+} / Cu$

- المعادلتان النصفيتان:



2- $Q_{ri} = \frac{[Al^{3+}]_f}{[Cu^{2+}]_f} = \frac{(0,5)^2}{(0,5)^3} = 2$

الجملة تتطور في الاتجاه المباشر. $Q_{ri} < K$

-3

المعادلة		$3Cu^{2+}_{(aq)} + 2Al_{(s)} = 3Cu_{(s)} + 2Al^{3+}_{(aq)}$			
الحالة	التقدم	كمية المادة بـ (mol)			
الابتدائية	0	n_1	n_1	n_{Cu}	$n_{Al^{3+}}$
الانتقالية	x	$n_1 - 3x$	$n_2 - 2x$	$n_{Cu} + 3x$	$n_{Al^{3+}} + 2x$
النهائية	x_f	$n_1 - 3x_f$	$n_2 - 2x_f$	$n_{Cu} + 3x$	$n_{Al^{3+}} + 2x$

باعتبار شوارد النحاس هي المتفاعل المحد فيكون: $x_{max} = \frac{n_1}{3} = 8,3 \cdot 10^{-3} mol$

ولدينا علاقة كمية الكهرباء: $Q_{max} = Z \cdot X_{max} \cdot F = 4805,7 C$ حيث $Z=6$

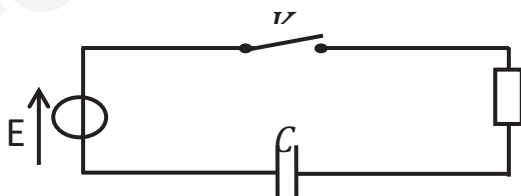
- زيادة كتلة صفيحة النحاس: $m_{Cu} = 3X_{max} \cdot M = 1,58 g$

- مدة صلاحية العمود: $\Delta t = \frac{Q_{max}}{I} = 7172,7 s \approx 2 h$

الجزء الثاني

التمرين التجريبي (06 نقاط)

I-1 طريقة الربط:



الشكل 2 -

2- المعادلة التفاضلية

كتابة المعادلة التفاضلية للدائرة

قانون جمع التوترات $u_c + u_R = 0$

$u_c + Ri = 0$

$u_c + Rc \frac{du_c}{dt} = 0$

حلها: $U_c(t) = E - Ee^{-\lambda t}$

3- إيجاد A و B:

لدينا $U_c(t) = A + Be^{at}$

بالمطابقة نجد

$$A=E \quad B=-E \quad \alpha = -\lambda$$

1-4- عبارة كل من $U_C(t)$; $U_R(t)$:

0.50

$$U_C(t) = E - Ee^{-\lambda t}$$

$$U_R(t) = -U_C + E = Ee^{-\lambda t}$$

0.50

5- اثبات العلاقة:

$$\frac{u_C(t)}{u_R(t)} = \frac{E - Ee^{-\frac{t}{\tau}}}{Ee^{-\frac{t}{\tau}}} = e^{\frac{t}{\tau}} - 1$$

ب- استنتاج τ :

0.50

$$3.5 = e^{30/\tau_1} - 1$$

$$\ln 4.5 = 30/\tau_1$$

$$\tau_1 = 20ms$$

التحقق من قيمة المقاومة:

0.50

$$\tau_1 = R.C \quad R = \tau_1/c = 20.10^{-3}/500.10^{-6} = 0.04.10^3$$

$$R = 40\Omega$$

6- حساب الطاقة المخزنة:

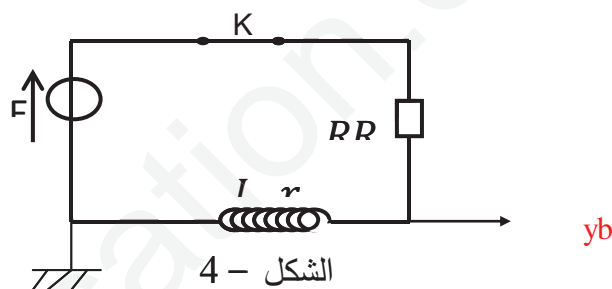
0.50

$$E = \frac{1}{2}CE^2 = \frac{1}{2} \cdot 500.10^{-6} \cdot 6^2 = 9.10^{-3}j$$

0.50

II- 1- الجهاز المناسب: راسم الاهتزاز المهبطي

طريقة التوصيل:



2- المعادلة التفاضلية:

بتطبيق قانون جمع التوترات:

0.50

$$U_R + U_b = E$$

$$Ri(t) + Ldi/dt + ri = E$$

$$\frac{(R+r)}{L} i(t) + \frac{di}{dt} = \frac{E}{L}$$

$$(R+r)/L \cdot i(t) + di/dt = E/(R+r)$$

3- اثبات أن العبارة حل للمعادلة: باشتقاق عبارة التيار بالنسبة للزمن

$$\frac{di}{dt} = \frac{I_0}{\tau_2} e^{-t/\tau_2}$$

0.50

$$\frac{E}{L} = \frac{E}{L}$$

نعوض في المعادلة التفاضلية فنجد:

4- عبارة U_b : نعوض قيمة التيار ومشتقه فنجد:

0.50

$$u_b = ri + L \frac{di}{dt} = r$$

نعوض قيمة التيار ومشتقه فنجد:

$$u_b = ri + L \frac{di}{dt} = rI_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right) + L \frac{I_0}{\tau_2} e^{-t/\tau_2}$$

بعد التبسيط نجد العبارة: $u_b = r \cdot I_0 + RI_0 \cdot e^{-t/\tau_2}$

-إيجاد ثابت الزمن τ

0.50

بإسقاط نقطة تقاطع المماس في اللحظة $t=0$ مع المستقيم المقارب في النظام الدائم

على محور الزمن نجد: $\tau_2=20\text{ms}$

5- اثبات العلاقة: لدينا $u_b(t) = r \cdot I_0 + RI_0 \cdot e^{-t/\tau_2}$

تقاطع المماس مع محور الزمن $t=0$

معادلة المماس للدالة عند $t=0$: $u_b(t) = \frac{du_b}{dt}(0) \cdot (t - 0) + u_b(0)$

بعد الاشتقاق و التعويض نجد :

$$u_b(t) = -\frac{RI_0}{\tau_2} (t - 0) + I_0 \cdot (R + r)$$

0.75

عند التقاطع مع محور الزمن يكون: $u_b(t) = -\frac{RI_0}{\tau_2} (t - 0) + I_0 \cdot (R + r) = 0$

$$r = R \cdot \frac{(t - \tau_2)}{\tau_2} \quad \text{ومنه نجد:}$$

حساب قيمة كل من r و L :

$$r = R \cdot \frac{(t - \tau_2)}{\tau_2} = 40 \cdot \frac{(24 - 20)}{20} = 8 \, \Omega \quad \text{قيمة } r$$

$$L = 0,96H \quad \text{ومنه} \quad L = \tau_2(R+r) = 20 \cdot 10^{-3}(40+8) \quad \text{قيمة الذاتية } L$$

الموضوع الثاني

الجزء الأول
التمرين الأول (05 نقاط)

1- قبل فتح المظلة :

أ- تعريف الجملة الميكانيكية : هي جسم أو عدة أجسام أو جزء من جسم محددة تحديدا تاما لغرض الدراسة وكل ما هو خارج عن هذا التحديد يعتبر وسطا خارجيا .
ب- ايجاد المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة قوة الاحتكاك :
بتطبيق (ق 2 ن) نجد :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \rightarrow \vec{f} + \vec{p} + \vec{\pi} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على محور الحركة نجد :

$$p - \pi - f = ma \rightarrow mg - f - \pi = m \frac{dv}{dt}$$

$$mg - f - \pi = m \frac{d(\frac{f}{k})}{dt}$$

$$\frac{df}{dt} + \frac{k_1}{m} f = k_1 g - \frac{k_1 \pi}{m} = k_1 g (1 - \frac{\rho_f}{\rho_s}) \dots\dots\dots(01)$$

ج- إثبات أن دافعة أرخميدس مهمة :

معادلة البيان :

$$a = A.f + B \dots\dots\dots(02)$$

نظريا لدينا :

$$p - \pi - f = ma \rightarrow a = -\frac{1}{m} f + g - \frac{\pi}{m} \dots\dots\dots(03)$$

بمطابقة (02) و (03) نجد :

$$\left\{ A = -\frac{1}{m} \right.$$

$$\left\{ B = g - \frac{\pi}{m} \Leftrightarrow \pi = m(g - B) = 70(10 - 10) = 0 \right.$$

ومنه دافعة أرخميدس مهمة .

د- الشرح :

بما أن شدة قوة الاحتكاك تتناسب طرديا مع قيمة السرعة فإن :

- عند $t=0$ تكون $f=0$ لأن قيمة السرعة معدومة .
- في النظام الانتقالي تزداد قيمة f لأن قيمة السرعة تزداد بمرور الزمن .
- في النظام الدائم تصل قيمة f إلى قيمة حدية ثابتة لأن قيمة السرعة تكون ثابتة .
- إيجاد شدة قوة الاحتكاك :
- من البيان وعند $a=0$ نجد : $f_L = 700N$.
- هـ- حساب ثابت الاحتكاك k_1 :
- في النظام الدائم يكون :

$$k_1 = \frac{f_L}{v_L} = \frac{700}{50} = 14 Kg / s$$

- حساب الثابت المميز للحركة :

$$\tau = \frac{m}{k_1} = \frac{70}{14} = 5 \text{ s}$$

2- بعد فتح المظلة :

أ- تمثيل القوى المؤثرة على المظلي عند اللحظة $t = 0$:



ب- إيجاد تسارع الجملة عند $t = 0$:

$$= \frac{10 - 50}{1 - 0} = -40 \text{ m/s}^2$$

$$t=0, v_0=50 \text{ m/s} \quad a_0 = \text{ميل المماس}$$

- شدة قوة الاحتكاك عند $t = 0$:

بتطبيق قانون نيوتن الثاني عند اللحظة $t = 0$ وبعد الاسقاط نجد :

$$mg - f_0 = ma_0$$

$$f_0 = m(g - a_0) = 70(10 + 40) = 3500 \text{ N}$$

ج- إيجاد قيمة ثابت الاحتكاك k_2 :

ط1 : من البيان نجد قيمة ثابت الزمن $\tau = 1 \text{ s}$

$$k_2 = \frac{m}{\tau} = \frac{70}{1} = 70 \text{ Kg/s}$$

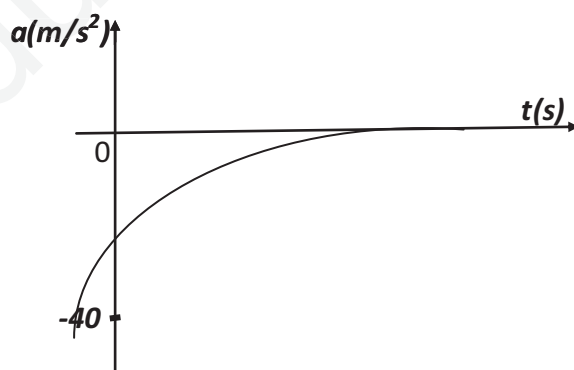
ط2 : في النظام الدائم يكون :



$$P = f_L$$

$$mg = k_2 v_L \Leftrightarrow k_2 = \frac{mg}{v_L} = \frac{70 \times 10}{10} = 70 \text{ Kg/s}$$

د- تمثيل مخطط تسارع الجملة بدلالة الزمن :



التمرين الثاني (04,5 نقاط)

1 - يتم تسخين الخليط الى درجة حرارة عالية للتغلب على التناثر الكهربائي الذي ينشأ بين الأنوية بسبب تماثل الشحنات.

2 - كتابة معادلة الاندماج النووي : $^2_1\text{H} + ^3_1\text{H} = ^4_2\text{He} + ^1_0\text{n}$

3- حساب الطاقة التي يحررها هذا التفاعل :

$$E_{lib} = [m(^2_1\text{H}) + m(^3_1\text{H}) - m(^4_2\text{He}) - m(^1_0\text{n})] \times C^2 \quad \text{ومنه} \quad E_{lib} = [m_i - m_f] \times C^2$$

$$E_{lib} = [2,01355 + 3,01550 - 4,00150 - 1,00866] \times 931,5 = 17,6 \text{ Mev}$$

$$E_{lib} = 17,6 \times 1,6 \times 10^{-13} = 2,82 \times 10^{-12} \text{ J}$$

4- استنتاج الطاقة الناتجة عن استهلاك $m=1Kg$ من الدوتيريوم 2_1H :

حيث : $E_{Total} = N \times E_{lib}$ ، عدد الأنوية الموجودة في الكتلة $m = 1Kg$ من الدوتيريوم

$$E_{Total} = \frac{10^3}{3} \times 6,023 \times 10^{23} \times 2,82 \times 10^{-12} = 5,66 \times 10^{14} J \quad \text{ت ع : } E_{Total} = \frac{m}{M} \times N_A \times E_{lib}$$

0,25

5- حساب بالسنوات المدة الزمنية اللازمة لاستهلاك المخزون العالمي من الدوتيريوم :

- نحسب الطاقة الحرارية المنتجة عند استهلاك كامل المخزون العالمي من الدوتيريوم:

0,25

$$E'_{Total} = E_{Total} \times 4,6 \times 10^{16} = 5,66 \times 10^{14} \times 4,6 \times 10^{16} = 2,6 \times 10^{31} J$$

0,25

- نحسب الطاقة الحرارية المحولة الى طاقة كهربائية:

$$E''_{Total} = \frac{E'_{Total}}{100} \times r(\%) = \frac{2,6 \times 10^{31}}{100} \times 33 = 8,59 \times 10^{30} J$$

0,25

0,25

- نستنتج عدد السنوات: $\begin{cases} 1ans \rightarrow 4 \times 10^{20} J \\ t(ans) \rightarrow 8,59 \times 10^{30} J \end{cases}$ ومنه $t = 21 \times 10^9 ans$

II-1- تستخدم النيوترونات في عملية القذف لأنها متعادلة كهربائيا وهذا من أجل تفادي قوة التناثر الكهربائية

0,5

2- معادلة التفاعل: ${}^{235}_{92}U + {}^1_0n = {}^{139}_{54}Xe + {}^{94}_{38}Sr + a {}^1_0n$

بتطبيق قانون صودي نجد: $235 + 1 = 139 + 94 + a$ ومنه $a = 3$ اي ${}^{235}_{92}U + {}^1_0n = {}^{139}_{54}Xe + {}^{94}_{38}Sr + 3 {}^1_0n$

3- حساب الطاقات:

0,25

0,25

0,25

$$\Delta E_1 = E_l({}^{235}_{92}U) = 7,62 MeV \times 235 = 1790,70 MeV \quad \Delta E_2 = -E_l({}^{139}_{54}Xe) - E_l({}^{94}_{38}Sr) = -1969,54 MeV$$

$$\Delta E = \Delta E_2 + \Delta E_1 = -178,84 MeV$$

4- حساب ب (J) الطاقة الناتجة عن استهلاك $m = 1Kg$ من اليورانيوم ${}^{235}_{92}U$:

حيث : $E_{libér} = N \times |\Delta E|$ ، عدد الأنوية الموجودة في الكتلة $m = 1Kg$ من اليورانيوم

0,5

$$E_{libér} = \frac{10^3}{235} \times 6,023 \times 10^{23} \times 178,84 = 4,58 \times 10^{26} MeV = 7,33 \times 10^{13} J \quad \text{ت ع : } E_{libér} = \frac{m}{M} \times N_A \times |\Delta E|$$

5- حساب بالسنوات المدة الزمنية اللازمة لاستهلاك المخزون العالمي من اليورانيوم :

- نحسب الطاقة الحرارية المنتجة عند استهلاك كامل المخزون العالمي من اليورانيوم:

$$E_{Total} = E_{libér} \times 3,3 \times 10^9 = 7,33 \times 10^{13} \times 3,3 \times 10^9 = 2,41 \times 10^{23} J$$

- نحسب الطاقة الحرارية المحولة الى طاقة كهربائية:

$$E'_{libér} = \frac{E_{libér}}{100} \times r(\%) = \frac{2,41 \times 10^{23}}{100} \times 33 = 7,98 \times 10^{22} J$$

0,25

- نستنتج عدد السنوات: $\begin{cases} 1ans \rightarrow 4 \times 10^{20} J \\ t'(ans) \rightarrow 7,98 \times 10^{22} J \end{cases}$ ومنه $t' = 199,55 ans$

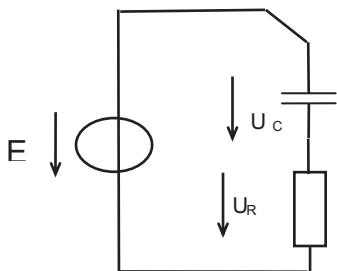
III-1- مقارنة بين الطاقة الناتجة من انشطار $m = 1Kg$ من اليورانيوم ${}^{235}_{92}U$ واندماج $m = 1Kg$ من الدوتيريوم 2_1H :

$$\frac{E_{Total}}{E_{libér}} = \frac{5,66 \times 10^{14} J}{7,33 \times 10^{13} J} = 7,75 \quad \text{اذن طاقة الاندماج اكبر ب 7,75 مرة من طاقة الانشطار.}$$

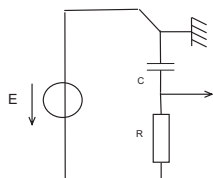
- مخاطر التفاعل النووي: *خطر الاشعاعات الناتجة من التفاعل *الاستخدام العسكري.....
- الاقتراح البديل: استخدام الطاقة النظيفة والمتجددة مثل *الطاقة الشمسية.....

التمرين الثالث (04,5 نقاط)

1- تحديد اتجاه التيار والتوترات على الدارة .



2- تحديد كيفية ربط راسم الاهتزاز المهبطي :



3- المعادلة التفاضلية لشدة التيار :

$$U_C + U_R = E$$

بتطبيق قانون جمع التوترات

$$\frac{q}{C} + Ri = E$$

$$\frac{dq}{dt} = i \quad \text{حيث}$$

$$\frac{1}{C} \frac{dq}{dt} + R \frac{di}{dt} = 0$$

بالاشتقاق بالنسبة للزمن نجد :

$$\frac{di}{dt} + \frac{1}{RC} i = 0 \quad \text{ومنه}$$

أ- $\frac{1}{\beta} = RC$ ويمثل ثابت الزمن τ وهو الزمن اللازم لبلوغ التوتر بين طرفي المكثفة 63% من

التوتر الأعظمي للمولد

ب- عبارة I_0 : في اللحظة $t=0s$ ، $U_C=0$ ، $i=I_0$ أي أن $0+RI_0=E$

$$I_0 = \frac{E}{R} \quad \text{ومنه}$$

-4

(a) في النظام الدائم $i=0$ لكن بيانيا عند $t=35s$ شدة التيار غير معدومة ، ومنه هذه اللحظة لا توافق النظام الدائم .

(b) من بيان شدة التيار نجد $\tau = 20s$ ، وعند هذه اللحظة في بيان التوتر نجد

$$E=12V$$

(c) قيمة R و C :

$$R = \frac{E}{I_0} = 2500\Omega \quad \text{بيانيا } I_0 = 4,8 \times 10^{-3} A \quad \text{أي أن}$$

$$C = \frac{\tau}{R} = 8 \times 10^{-3} F$$

5- الشحنة الكهربائية للمكثفة ، والطاقة المخزنة فيها عند $t=35s$:
 من البيان $U_C=10V$ ومنه $q=CU_C=8 \times 10^{-2}C$

$$E_{(c)} = \frac{1}{2} CU_C^2 = 0,4J$$

-II-

1- الظاهرة التي تحدث هي تفريغ للمكثفة .

2- زمن تناقص الطاقة إلى النصف :

$$t_{1/2} = \frac{\tau}{2} \ln 2 = 6,9s$$

الجزء الثاني

التمرين التجريبي (07 نقاط)



$$K_a = \frac{[H_3O^+]_f \cdot [R - COO^-]_f}{[R - COOH]_f} \quad -2$$

المعادلة		$R - COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = R - COO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$			
الحالة	التقدم	كمية المادة بـ (mol)			
الابتدائية	0	CV	بزيادة	0	0
الانتقالية	x	CV - x		x	x
النهائية	x _f	CV - x _f		x _f	x _f

و لدينا : $[H_3O^+] = [R - COO^-] = 10^{-pH}$

$$[R - COOH]_f = C - [R - COO^-]_f$$

و بما أن $[RCOO] \ll C$ فإن $[R - COOH] \approx C$

$$K_a = \frac{10^{-2pH}}{C} \quad \text{ومنه}$$

3- بإدخال الدالة \log على العبارة السابقة : $\log Ka = \log(10^{-2pH}) - \log C$

و بالتالي : $\log Ka = -2 pH - \log C$

$$pH = -\frac{1}{2} \log C + \frac{1}{2} pKa \quad \text{ومنه}$$

4- من البيان نلاحظ أن : $pH = 0,5(-\log C) + 2,4$

5- من البيان نجد : $\frac{1}{2} pKa = 2,4$ و منه $pKa = 4,8$

و بالتالي تكون الثنائية الموافقة : (CH_3-COOH/CH_3-COO^-)

المجموعة الثانية:

$$n_2 = C_2 V_2 = 0,015 \text{ mol} \quad , \quad n_1 = C_1 V_1 = 0,06 \text{ mol} \quad -1$$

2- جدول تقدم التفاعل:

المعادلة		$CH_3 - COOH + HCOO^- = CO_2 + CH_3 - COO^- + H_2O$				
الحالة	التقدم	كمية المادة بـ (mol)				
الابتدائية	0	$C_1 V_1$	$C_2 V_2$	0	0	بزيادة
الانتقالية	x	$C_1 V_1 - x$	$C_2 V_2 - x$	x	x	بزيادة
النهائية	x _f	$C_1 V_1 - x_f$	$C_2 V_2 - x_f$	x _f	x _f	بزيادة

3- من الجدول نلاحظ أن : $n_{CO_2} = x$

4- حسب قانون الغاز المثالي : $PV = nRT$ و منه : $P = \frac{nRT}{V}$

من العلاقة السابقة نجد : $n_{CO_2} = n = \frac{PV}{RT}$ و منه : $n = \frac{PV}{RT}$

5- المنحنى البياني (يرسم على ورقة ميليمترية):

$P (\times 10^3 \text{ pa})$

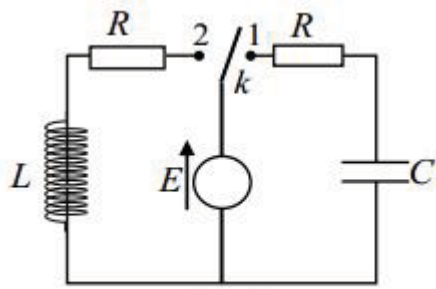
		<p>7</p> <p>tt t(s)</p> <p>60</p> <p>6- عبارة السرعة الحجمية: $v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$ و بالتعويض من $n = \frac{PV}{RT}$ نجد: $\frac{dn}{dt} = \frac{V}{RT} \frac{dp}{dt}$ ومنه: $v = \frac{1}{V} \cdot \frac{V_{CO_2}}{RT} \cdot \frac{dp}{dt}$ بالتعويض نجد: $v = 6,81 \times 10^{-6} \cdot \frac{dp}{dt}$ ومنه $v = \frac{1}{80 \times 10^{-3}} \cdot \frac{1,35 \times 10^{-3}}{8,31 \times 298} \cdot \frac{dp}{dt}$ عند اللحظة $t = 120 s$ نجد أن: $v = 8,14 \times 10^{-4} \cdot \frac{mol}{L.s}$</p> <p>8- زمن نصف التفاعل ($t_{1/2}$) هو الزمن اللازم لبلوغ التفاعل نصف تقدمه النهائي. من البيــــــــــــــــان: $p_{1/2} = \frac{P_f}{2} = 9,2 \times 10^3 pa$ بالإسقاط على البيان نجد: $t_{1/2} = 51 s$</p>
--	--	---

الموضوع الأول

الجزء الأول: (13 نقطة)

التمرين الأول: (06 نقاط)

بهدف تحديد مميزات مكثفة ووشية صرفة نحقق التركيب الموضح في الشكل -1- حيث $R = 50\Omega$.



الشكل -1-

I - البادلة في الوضع (1) :

- 1- جد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين طرفي المكثفة $u_c(t)$.
- 2- العبارة $u_c(t) = A + Be^{-\alpha t}$ تمثل حلا للمعادلة التفاضلية السابقة ، حدد العبارة الحرفية لكل من A, B, α بدلالة المقادير المميزات للدائرة (R, C) .
- 3- باستخدام التحليل البعدي جد وحدة الثابت α .

II - البادلة في الوضع (2) :

- 1- بين أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين طرفي الوشية تكتب بالشكل $\frac{du_L}{dt} + \beta u_L = 0$ حيث يطلب تعيين عبارة الثابت β بدلالة المقادير المميزات للدائرة (R, L) .
- 2- تحقق أن حل هذه المعادلة هو من الشكل : $u_L(t) = ae^{-\beta t}$.

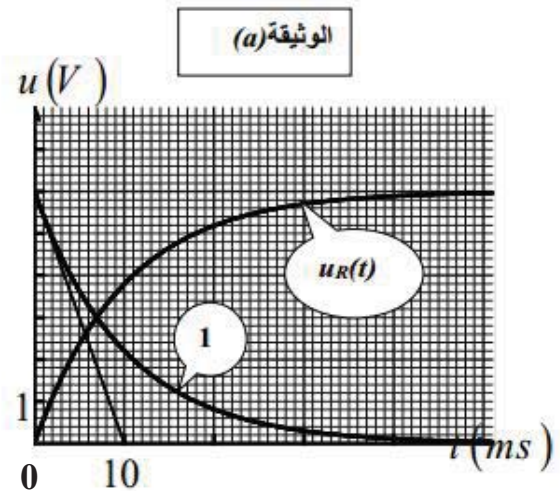
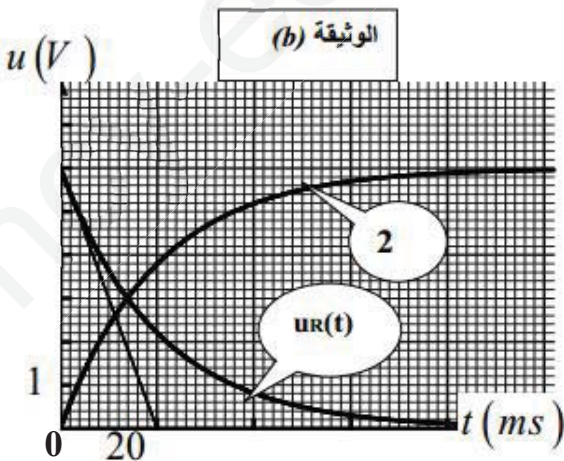
III - الدراسة التجريبية : بواسطة جهاز راسم الاهتزاز المهبطي ذو ذاكرة أمكن

تسجيل الوثيقتين (a) ، (b) الشكل -2-

- في حالة البادلة في الوضع (1) نشاهد المنحنيين $u_R(t)$ و $u_c(t)$.
- في حالة البادلة في الوضع (2) نشاهد المنحنيين $u_R(t)$ و $u_L(t)$.

1- انسب التوتر الموافق للمكثفة والوشية مع التعليل.

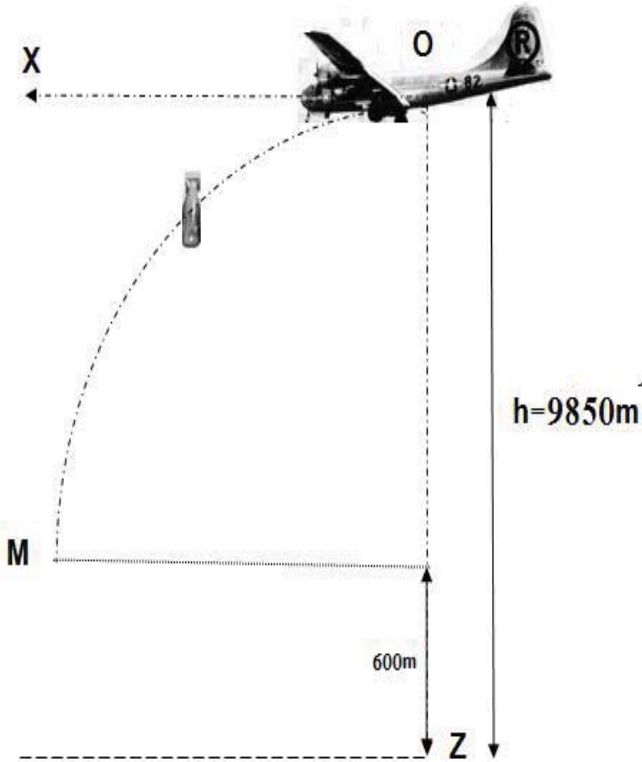
2- عين بيانيا τ_1, τ_2, E .



الشكل -2-

3- استنتج قيم كل من I_0, C, L .**التمرين الثاني: (07 نقاط)**

في السادس من شهر أوت 1945 انطلقت القاذفة الأمريكية اينولا جاي (B29) باتجاه مدينة هيروشيما اليابانية محملة بقنبلة ذرية تسمى الولد الصغير (Little Boy) تزن $m = 4000 \text{ Kg}$



1- تطير القاذفة بسرعة أفقية ثابتة قيمتها $v_0 = 120 \text{ m/s}$ وعلى ارتفاع $h = 9850 \text{ m}$ من سطح الأرض عند اللحظة

$t = 0$ تترك القنبلة لتسقط انطلاقاً من النقطة O التي نعتبرها مبدأ الإحداثيات وبالسّعة الابتدائية الأفقية \vec{v}_0

لتفجر قبل الارتطام بالأرض ب 600 m

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن وبإهمال دافعة أرخميدس و الاحتكاك مع الهواء جد:

أ- المعادلتين الزميتين $x(t)$ و $z(t)$.

ب- معادلة المسار $z = f(x)$.

ج- الزمن اللازم لانفجار القنبلة الذرية.

د- إحداثيات نقطة الانفجار M.

2- إذا علمت أن المدة الزمنية التي استغرقتها القنبلة

للوصول إلى موضع الانفجار هي 57 s . ماذا تستنتج فيما

يخص القوى المؤثرة على القنبلة؟

تعطى: $g = 9,8 \text{ m/s}^2$

II- طاقة انفجار القنبلة النووية التي أقيت على هيروشيما

ناجمة عن التفاعل التسلسلي لانشطار نواة اليورانيوم 235

عن طريق قذفها بنترون وفق المعادلة التالية:



1- باستعمال قوانين الإنحفاظ اوجد كل من x و z .

2- ماذا نعني بالانشطار والتفاعل التسلسلي؟

3- احسب الطاقة المحررة E_{Lib} لانشطار نواة واحدة من اليورانيوم 235.

4- احسب الطاقة الناتجة من انشطار $m = 60 \text{ Kg}$ من اليورانيوم 235 الموجودة بالقنبلة.

5- علماً أن مردود تفاعل الانشطار هو $r = 1,38\%$ فقط ، استنتج الطاقة الناتجة عن انفجار القنبلة النووية.

6- على أي شكل تظهر الطاقة المحررة.

7- ما هي كتلة TNT التي تكافؤ الطاقة الناتجة عن الانفجار علماً أن 1 Kg من TNT يكافئ طاقة قيمتها $4,19 \text{ MJ}$

المعطيات:

$$1 \text{ MJ} = 10^6 \text{ J} , 1 \text{ Mev} = 1,6 \times 10^{-13} \text{ Joule} , 1 \text{ u} = 931,5 \text{ Mev} / c^2 , N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$m({}_{38}^{94}\text{Sr}) = 93,89446 \text{ u} , m({}_0^1\text{n}) = 1,00866 \text{ u} , m({}_{54}^{140}\text{Xe}) = 139,89194 \text{ u} , 1 \text{ u} = 1,66055 \times 10^{-27} \text{ Kg}$$

$$m({}_{92}^{235}\text{U}) = 234,99332 \text{ u}$$

الجزء الثاني: (07 نقاط)**التمرين التجريبي: (07 نقاط)**

يستعمل حمض الايثانويك في تصنيع كثير من المواد العضوية من بينها زيت الياسمين (إيثانوات الإيثيل) و هو إستر

يستعمل في صناعة العطور يمكن تحضيره في المختبر انطلاقاً من التفاعل بين حمض الإيثانويك CH_3COOH و

الكحول البنزيلي $\text{C}_6\text{H}_5 - \text{CH}_2 - \text{OH}$.

1- معايرة حمض الإيثانويك:

نحضر محلولاً مائياً (S_A) لحمض الإيثانويك CH_3COOH حجمه $V = 1L$ وتركيزه المولي C_A بإذابة كمية من هذا الحمض كتلتها m في الماء المقطر.

نعاير بقياس الـ pH الحجم $V_A = 20ml$ من المحلول (S_A) بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم ($Na^+_{(aq)} + OH^-_{(aq)}$) تركيزه المولي $C_B = 2 \times 10^{-3} mol/l$.

1-1- أعط البروتوكول التجريبي مع تحديد الأدوات المستخدمة.

1-2- اكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة للتحويل الحاصل أثناء هذه المعايرة.

1-3- اعتماداً على المنحنى البياني المحصل عليه

$pH = f(V_B)$ (الشكل-3).

أ- عين إحداثيتي نقطة التكافؤ E.

ب- اوجد قيمة التركيز C_A ثم استنتج الكتلة m اللازمة لتحضير المحلول (S_A).

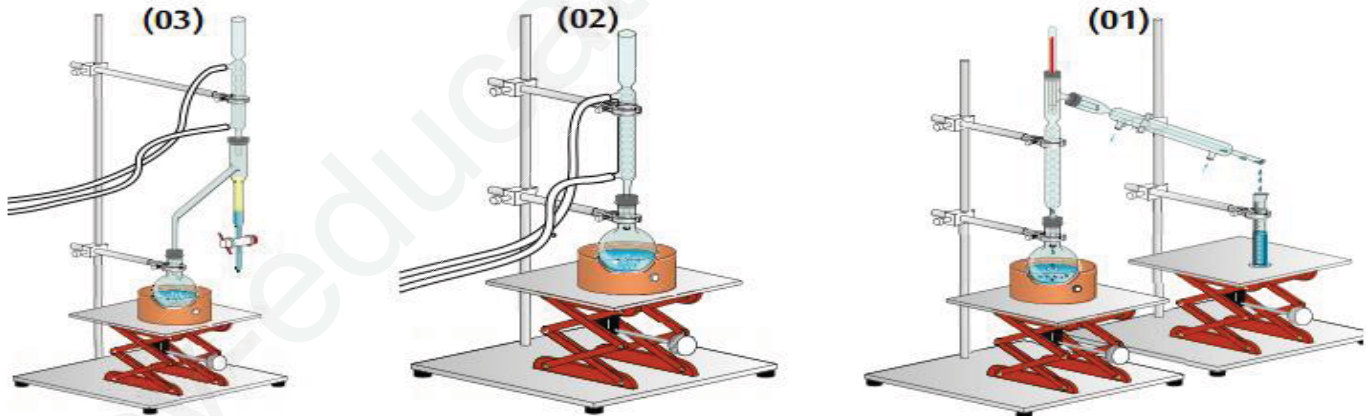
1-4- بين أن تفاعل حمض الإيثانويك مع الماء تفاعل غير تام.

1-5- استنتج قيمة الـ pK_A للثنائية (CH_3COOH / CH_3COO^-).

2- تصنيع الإستر:

نحضر خليطاً يتكون من $m_{ac} = 6g$ من حمض الإيثانويك و $m_{al} = 10,8g$ من الكحول البنزيلي $C_6H_5-CH_2-OH$ في ظروف تجريبية معينة نسخن الخليط بالارتداد بعد إضافة قطرات من حمض الكبريت المركز و بعض حصى الخفان نحصل عند نهاية التفاعل على كتلة $m = 10g$ من إيثانوات البنزيل.

1-2- اختر من بين التراكيب التجريبية (1)، (2)، (3) الآتية التركيب المستعمل لانجاز هذا التصنيع.



2-2- اكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل الأسترة.

2-3- احسب المردود r_1 لتفاعل الأسترة.

2-4- احسب ثابت التوازن K .

2-5- في نفس الظروف التجريبية السابقة نعيد التجربة باستعمال $n_{ac} = 0,1mol$ من حمض الإيثانويك و

$n_{al} = 0,2mol$ من الكحول البنزيلي اوجد المردود r_2 لتفاعل الأسترة في هذه الحالة.

2-6- بمقارنة r_1 و r_2 ماذا تستنتج؟

المعطيات:

المركب العضوي	حمض الايثانويك	الكحول البنزيلي	إيثانوات البنزيل
الكتلة المولية ($g.mol^{-1}$)	60	108	150

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثاني

الجزء الأول: (13 نقطة)

التمرين الأول: (06 نقاط)

I- البولونيوم $^{210}_{84}Po$ أخطر بأكثر من 1000 مرة البلوتونيوم 239، وبأكثر من مليون مرة من السيليد (CN^-) إن كمية قدرها $10\mu g$ من البولونيوم 210 كافية لقتل شخص متوسط الوزن خلال أسابيع. وقد استعمل لقتل الجاسوس الروسي في لندن سنة 2006 والرئيس ياسر عرفات سنة 2004. البولونيوم $^{210}_{84}Po$ نواة مشعة حسب النمط α .

1- ما المقصود بالنمط α ؟ أكتب معادلة التفكك النووي للبولونيوم $^{210}_{84}Po$ علما أن النواة الناتجة هي أحد نظائر

الرصاص Pb .

2- تعطي المعادلة التفاضلية من الشكل $\frac{dN}{dt} + \lambda N = 0$

أ/بين أن حلها من الشكل : $N = N_0 e^{-\lambda t}$.

ب/ماذا يمثل كل من: N, N_0, λ ؟

ج/عرف زمن نصف العمر $t_{1/2}$ وأكتب عبارته بدلالة λ

وبتحليل البعدي أعط وحدة λ في جملة الوحدات الدولية.

3- لدينا التمثيل البياني المقابل الشكل 2-.

أ/استنتج زمن نصف عمر $t_{1/2}$ البولونيوم 210.

ب/في اللحظة $t = 240j$ وجدنا كتلة الرصاص

$$m_{Pb} = 3.41\mu g$$

أحسب نشاط عينة البولونيوم (A_0) عند اللحظة $t = 0$

ج/في أي لحظة يكون قد تفكك 90% من العينة الابتدائية؟

II- من أجل الحصول على نترونات بطيئة يمزج البولونيوم 210 مع البريليوم 9_4Be حيث تصدم الجسيمات α أنوية

البريليوم وتنتقل النترونات البطيئة. تستعمل النترونات البطيئة لقذف أنوية اليورانيوم 235 لإحداث انشطار نووي.

معادلة الانشطار هي : $^{235}_{92}U + ^1_0n \rightarrow ^{94}_{38}Sr + ^{140}_{54}Xe + x ^1_0n$ يستعمل هذا الانشطار في مفاعل نووي لغواصة . استطاعة

المفاعل $P = 150MW$

1- جد قيمتي x, Z في معادلة الانشطار.

2- أحسب الطاقة المحررة في الانشطار واحد .

3- أحسب عدد الانشطارات في الثانية الواحدة .

4- ماهي كتلة اليورانيوم التي يستهلكها المفاعل النووي خلال رحلة للغواصة دامت 60 يوما؟

$$m(n) = 1,00866u \quad , \quad m(^{140}_{54}Xe) = 139,8920u \quad , \quad m(^{94}_{38}Sr) = 93,89451u \quad , \quad m(^{235}_{92}U) = 234,99346u$$

$$1u = 931,5MeV / c^2 \quad , \quad 1MW = 10^6W \quad , \quad 1MeV = 1,6 \times 10^{-13}J \quad , \quad 1\mu g = 10^{-6}g \quad , \quad N_A = 6,02 \times 10^{23} mol^{-1}$$

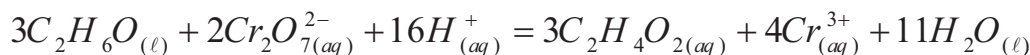
التمرين الثاني: (07 نقاط)

I يمكن الحصول على حمض الإيثانويك ($C_2H_4O_2(l)$) من تفاعل كحول الإيثانول ($C_2H_6O(l)$) مع شوارد ثاني

كرومات ($Cr_2O_7^{2-}(aq)$) برتقالية اللون بوجود حمض الكبريت المركز وفق تفاعل بطيء و تام.

1- علما أن الثنائيتان الداخلتان في التفاعل هما: ($Cr_2O_7^{2-}(aq) / Cr_{(aq)}^{3+}$) و ($C_2H_4O_2(aq) / C_2H_6O(l)$)

بين أن معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الحادث هي:



2- في اللحظة $t = 0$ ، نمزج حجما $V_1 = 3,4 mL$ من كحول الإيثانول كتلته الحجمية $\rho = 0,8 g / mL$ و كتلته

المولية الجزيئية $M = 46 g / mol$ مع حجم $V_2 = 100 mL$ من محلول ثاني كرومات البوتاسيوم تركيزه المولي

$C_2 = 2 \times 10^{-1} mol / L$ و المحمض بحمض الكبريت الموجود بالزيادة. مكننتنا طريقة فيزيائية تدعى القياس اللوني

بمتابعة تطور التركيز $[Cr_2O_7^{2-}(aq)]$ لشوارد ثاني كرومات في المزيج، الذي نعتبر حجمه $V_T \approx 100 mL$ ، خلال أزمنة

معينة فتحصلنا على المنحنى البياني $[Cr_2O_7^{2-}(aq)] = f(t)$ الشكل 1-1

أ/ أحسب كمية المادة الابتدائية للمتفاعلات. هل المزيج الابتدائي ستوكيومتري ؟

ب/ أنجز جدولا لتقدم التفاعل. ثم أحسب التقدم الأعظمي x_{max} .

3- أ/بين أن التقدم x للتفاعل في كل لحظة يعطى بالعلاقة :

$$x(t) = \frac{([Cr_2O_7^{2-}]_0 - [Cr_2O_7^{2-}])V_T}{2} \quad \text{حيث } [Cr_2O_7^{2-}]_0 \text{ التركيز}$$

الابتدائي لشوارد ثاني كرومات عند اللحظة $t = 0$ في المزيج.

ب/ عرف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ و حدد قيمته بيانيا.

4- أوجد عبارة السرعة الحجمية للتفاعل بدلالة $[Cr_2O_7^{2-}(aq)]$.

احسب قيمتها عند اللحظة $t_1 = 18 \text{ min}$.

II نعتبر محلولين لحمضين عضويين :

- (S_1) محلول لحمض الإيثانويك (CH_3COOH) حجمه $V_1 = 200 mL$ وتركيزه المولي $C_1 = 5.10^{-3} mol / l$

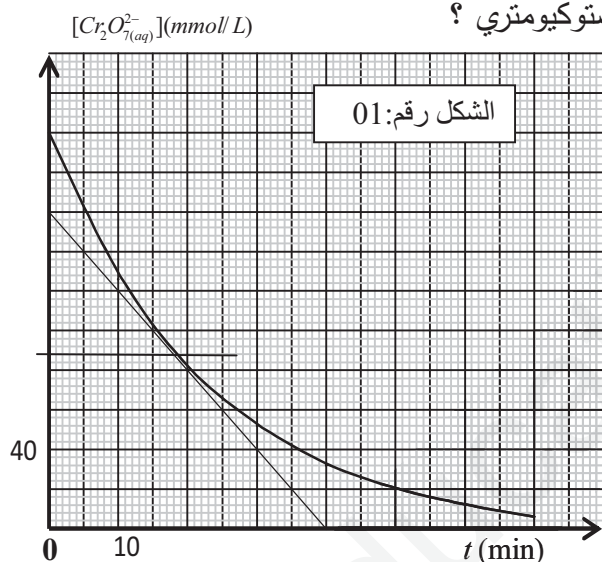
- (S_2) محلول لحمض أحادي كلورالإيثانويك ($CH_2ClCOOH$) حجمه $V_1 = V_2$ وتركيزه المولي $C_1 = C_2$ نقيس pH كل

محلول فنجد $pH_1 = 3,6$ و $pH_2 = 2,6$

1- اكتب معادلة تفاعل كل حمض مع الماء ؟

2- عين تراكيز الأنواع الكيميائية المتواجدة في كل محلول عند نهاية كل تفاعل ؟

3- استنتج ثوابت الحموضة K_{a1} و K_{a2} الموافقتين لكل ثنائية. 4- أي الحمضين أقوى .

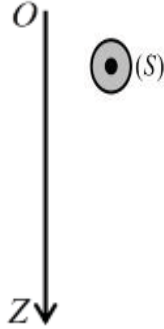


الجزء الثاني: (07 نقاط)

التمرين التجريبي: (07 نقاط)

نقوم بدراسة السقوط الشاقولي في الهواء لكرة تنس (S) كتلتها $m_s = 50g$ حيث نتركها تسقط من ارتفاع قدره $h = 430m$ عن سطح الأرض .

الشكل رقم: 03



I الكرية تخضع أثناء حركتها لتأثير ثقلها فقط.

1- مثل كيفيا القوى الخارجية المؤثرة على كرة تنس (S) .

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن: أ- حدد طبيعة الحركة.

ب- استنتج المعادلة التفاضلية لحركة مركز عطالة الكرة.

ج- أكتب المعادلتين الزميتين $V(t)$ و $Z(t)$.

3- أ- جد الزمن الضروري لوصول كرة التنس (S) لسطح الأرض .

ب- استنتج سرعة كرة التنس (S) لحظة ارتطامها بسطح الأرض .

4- مثل كيفيا البيانيين $a = f(t)$ و $V = g(t)$.

II في حصة للأعمال المخبرية اقترح أستاذ الفيزياء على تلاميذه إجراء تجربة ، قصد تأكد من الكتلة m للكرة (S) . قام

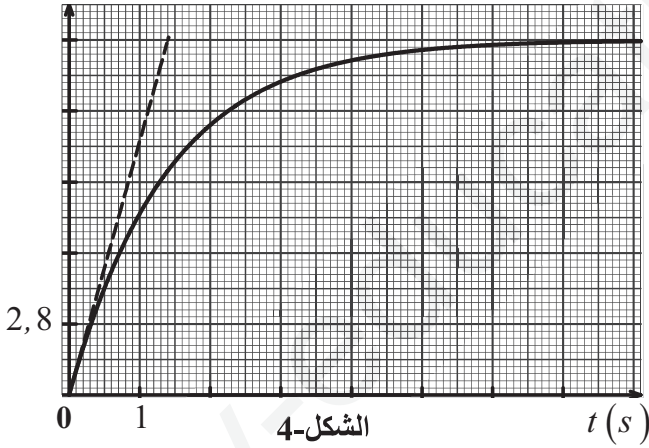
فوج من التلاميذ ، بدراسة السقوط الحقيقي الشاقولي للكرة (S) في الهواء . باستعمال كاميرا رقمية وببرمجية خاصة

عولج الشريط المحصل عليه فكان البيان $v = f(t)$ (الشكل-4) الذي يمثل تغيرات السرعة v بدلالة الزمن t . (نهمل

دافعة ارخميدس) تعطى قيمة قوة الاحتكاك بالعلاقة: $f = k.v$ حيث $K = 3,57 \times 10^{-2} Kg/s$, $g = 10 m/s^2$

1- ماهو المرجع المناسب لدراسة حركة هذه الكرة ؟ وماهي الفرضية المتعلقة به والتي تسمح

$v(m/s)$



الشكل-4

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ؟

2- أكتب نص القانون الثاني لنيوتن.

3- بالاعتماد على البيان :

أ- عين الزمن المميز للحركة τ .

ب- عين قيمة السرعة الحدية v_{lim} التي تبلغها الكرة

ت- حدد قيمة التسارع في اللحظة $t = 0$.

ث- كيف تصبح طبيعة الحركة بعد اللحظة $t = 8s$ ؟

4- أثبت أن المعادلة التفاضلية للحركة تكتب بالشكل:

$$\frac{dv}{dt} = Av + B \text{ حيث } A \text{ و } B \text{ ثوابت يطلب إيجاد عبارتيهما.}$$

5- أحسب قيمة كتلة الكرة m . هل توافق هذه النتيجة مع كتلة الكرة المعطاة في الجزء الأول.

التمرين الأول (6 نقاط) :

I- البادلة في الوضع (1):

1- المعادلة التفاضلية :

0,50

0,50

$$u_R + u_C = E \rightarrow R.i(t) + u_C = E \rightarrow RC \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = E \rightarrow \boxed{\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC}u_C = \frac{E}{RC}}$$

2- تعيين عبارتي α و A :

0,25

0,25

$$u_C(t) = A - A e^{-\alpha t} \quad \text{لدينا :}$$

$$\frac{du_C}{dt} = \alpha - A e^{-\alpha t} \quad \text{بالاشتقاق :}$$

• بالتعويض في المعادلة التفاضلية :

2,00

0,50

$$\alpha - A e^{-\alpha t} + \frac{A}{RC} - \frac{A}{RC} e^{-\alpha t} = \frac{E}{RC} \rightarrow A e^{-\alpha t} \left(\alpha - \frac{1}{RC} \right) = \frac{E}{RC} - \frac{E}{RC}$$

0,50

$$\alpha - \frac{1}{RC} = 0 \rightarrow \boxed{\alpha = \frac{1}{RC}} \quad \text{حتى تكون هذه المساواة محققة من أجل كل لحظة زمنية يجب أن يكون :}$$

• تعيين A من الشروط الابتدائية : لدينا :

0,50

0,50

$$3- \text{وحدة } \alpha \text{ بالتحليلي البعدي : } [\alpha] = \frac{1}{[R] \cdot [C]} = \frac{[I] \cdot [U]}{[U] \cdot [I] \cdot [T]} = \frac{1}{[T]} \equiv s^{-1}$$

II- البادلة في الوضع (2):

1- المعادلة التفاضلية للدائرة :

0,25

0,25

$$u_L + u_R = E \rightarrow \frac{du_L}{dt} + \frac{du_R}{dt} = 0 \rightarrow \boxed{\frac{du_L}{dt} + \frac{R}{L}u_L = 0}$$

$$\beta = \frac{R}{L}$$

وهي على الشكل المطلوب حيث

2- التحقق :

$$u_L(t) = a e^{-\beta t} \quad \text{لدينا :}$$

0,75

$$\frac{du_L}{dt} = -\beta a e^{-\beta t} \quad \text{بالاشتقاق :}$$

• بالتعويض في المعادلة التفاضلية :

0,25

$$-\beta a e^{-\beta t} + \beta a e^{-\beta t} = 0 \rightarrow a e^{-\beta t} (-\beta + \beta) = 0 \quad \text{وهي محققة دوما .}$$

III- الدراسة التجريبية :

1- الوثيقة (a) توافق حالة البادلة في الوضع (1) شحن المكثف لأن :

0,50

0,50

$$\text{عند } t=0 \text{ يكون } u_C(0)=0, u_R(0)=E$$

الوثيقة (b) توافق حالة البادلة في الوضع (2) تطبيق التيار لأن : $u_L(0)=E, u_R(0)=0$

0,50

2- التعيين البياني :

0,25

0,25

0,25

$$\tau_1 = 10ms : \tau_1$$

$$\tau_2 = 20ms$$

$$E = 6V$$

3- الاستنتاج :

0,75

0,25

0,25

$$u_{R_{max}} = R.I_0 \rightarrow \boxed{I_0 = 0,12A}$$

0,25

0,25

0,75

0,25

$$\tau_1 = R.C \rightarrow C = \frac{\tau_1}{R} \rightarrow \boxed{C = 2 \times 10^{-4}F}$$

$$\tau_2 = \frac{L}{R} \rightarrow \boxed{L = 1H}$$

التمرين الثاني (07 نقاط)

1- I. المعادلات: $\Sigma \vec{F} = m \vec{a}$ 0,25 $\vec{P} = m \vec{a} \rightarrow \vec{g} = \vec{a}$ 0,1

بالإضافة وفقه $\alpha_x = 0$ 0,1 $\alpha_z = g$ 0,1

المعادلة الرضوية $x(t) = v_0 t = 120t$ 0,1

الحركة متجهة متغيرة بانتظام $g = \frac{dv}{dt} \rightarrow v = gt = 9,8t$ 0,1

والمعادلة الرضوية $z = \frac{1}{2}gt^2$ 0,1 $z = 4,9t^2$ 0,1

ب. معادلة المسار $z = \frac{g}{2v_0^2} x^2 = 0,00034 x^2$ 0,5 قطع مكافئ

ج. إحداثيات $M(x_M, z_M)$ 0,1 $z_M = h - 600 = 9850 - 600 = 9250 \text{ m}$

معادلة المسار $x_M = 5213,76 \text{ m}$ 0,1

الزمن اللازم لا نفي، القبيلة $z_M = \frac{1}{2}gt_M^2$ 0,5 $t_M = 43,44 \text{ s}$

د. زمن الانحلال 75 ك و الزمن المسموح هو 43,445 0,25

سيع أن القبيلة كقطع f, π 0,1

هـ. معادلة الانحلال ${}^{238}_{92}\text{U} + {}^1_0\text{n} \rightarrow {}^{94}_{38}\text{Sr} + {}^{140}_{54}\text{Xe} + 2{}^1_0\text{n}$ 0,1

$238 + 1 = 94 + 140 + x \rightarrow x = 2$

$92 + 0 = 38 + z \rightarrow z = 54$

و. لا نحتاج: هو عدد نواة قبيلة U^{238} لتعطي نواتين أقل ثقلاً 0,5

ع. كثر استقراراً مع تحرير طاقة 0,1

الفاعل السالب هو U^{238} ذاتياً انه يحترق فيتم تحويله

3. حساب الطاقة المحررة من انشطار نواة واحدة 0,25

الطاقة المحررة $\Delta E = \Delta m c^2 = (m(\text{Sr}) + m(\text{Xe}) + 2m(\text{n}) - m(\text{U}) - m(\text{n})) c^2$ 0,5

$= -184,6 \text{ MeV}$

إذن الطاقة المتحررة E_{ab}

$$E_{ab} = -\Delta E = 184.8 \text{ MeV}$$

0,5

4. الطاقة الناتجة عند انططار 60 كغ

$$E_T = \frac{m}{M} N_A E_{ab} = 2,838 \cdot 10^{28} \text{ MeV}$$

0,5

5. الطاقة الناتجة عند انقطار القنبلة النووية

$$r = \frac{E}{E_n} \rightarrow E = r \cdot E_n = \frac{1,38}{100} (2,838 \cdot 10^{28})$$

$$E = 3,916 \cdot 10^{26} \text{ MeV}$$

0,5

6. تظهر الطاقة

في شكل حرارة ~~و~~ طاقة حركية لجسيمات متحركة.

0,5

7. حساب كتلة TNT المكافئة

$$E = 3,916 \cdot 10^{26} (1,6 \cdot 10^{13}) = 6,266 \cdot 10^7 \text{ MJoule}$$

إذن

$$1 \text{ Kg TNT} \rightarrow 4,19 \text{ MJ}$$

$$m \text{ Kg TNT} \rightarrow 6,266 \cdot 10^7 \text{ MJ}$$

0,5

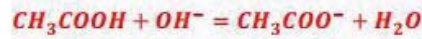
$$m = 1,5 \cdot 10^7 \text{ Kg} = 15000 \text{ t TNT}$$

$$m = 15000 \text{ طن}$$

التمرين التجريبي 07 (نقاط)

1-1. معادلة تفاعل المعايرة:

0,5



2-1. أ. إحداثيات نقطة التكافؤ:

من البيان:

0,25

$$E(20 \text{ mL}; 8, 4)$$

ب. إيجاد قيمة C_A :

عند نقطة التكافؤ:

$$C_A \cdot V_A = C_B \cdot V_{BE}$$

منه:

$$C_A = \frac{C_B \cdot V_{BE}}{V_A} = \frac{2 \times 10^{-2} \times 20}{20} = 2 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1} \quad 0,5$$

إذن:

$$m = C_A \cdot M \cdot V = 2 \times 10^{-2} \times 20 \times 60 \times 1 = 1,2 \text{ g} \quad 0,25$$

3-1. أثبات ان تفاعل حمض الإيثانويك والماء غير تام:

$$\tau = \frac{10^{-pH}}{C_A} = \frac{10^{-3,2}}{2 \times 10^{-2}} = 0,0315 \quad 0,5$$

بما أن $\tau < 0$ ، إذن التفاعل غير تام.

4-1. استنتاج قيمة pK_a :

0,25

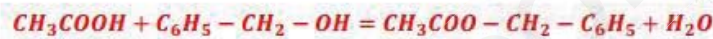
من البيان: $pK_a = 4,7$

0,25

1-2. تحديد التركيب التجريبي: التركيب المستخدم في التجربة: (02)

2-2. معادلة تفاعل الأسترة:

0,5



2-2. حساب المردود r_1 :

$$\begin{cases} n_{ac} = \frac{m_{ac}}{M_{ac}} = \frac{6}{60} = 0,1 \text{ mol} \\ n_{al} = \frac{m_{al}}{M_{al}} = \frac{10,8}{108} = 0,1 \text{ mol} \\ n_E = \frac{m_E}{M_E} = \frac{10}{150} = 0,0666 \text{ mol} \end{cases} \quad 01$$

$$r_1 = \frac{n_E}{n_{ac}} \times 100 = \frac{0,0666}{0,1} \times 100 = 66,6\%$$

3-2. حساب ثابت التوازن K :

0,5

$$K = \frac{[C_9H_{10}O_2]_f \cdot [H_2O]_f}{[C_2H_4O_2]_f \cdot [C_7H_8O]_f} = \frac{n_E^2}{n_{ac} - n_E} = \left(\frac{0,0666}{0,1 - 0,0666} \right)^2 \approx 4$$

4-2. حساب المردود r_2 :

$$K = \frac{x_f^2}{(0,1 - x_f)(0,2 - x_f)} = 4$$

منه:

$$3x_f^2 - 1,2x_f + 0,08 = 0$$

01

$$x_f = 0,085 \text{ mol}$$

ومنه:

$$r_2 = \frac{n_E}{n_{ac}} \times 100 = \frac{0,085}{0,1} \times 100 = 85\%$$

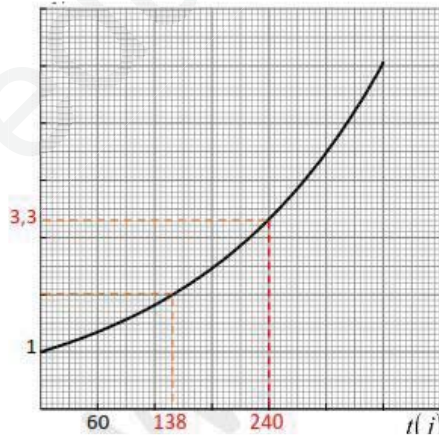
4-2. المقارنة:

نلاحظ أن $r_2 > r_1$ ، نستنتج أن المزيغ غير متساوي المولات يساهم في رفع مردود التفاعل.

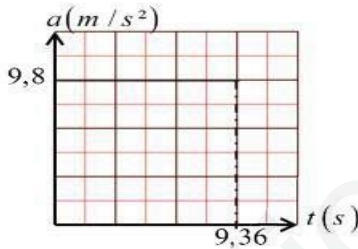
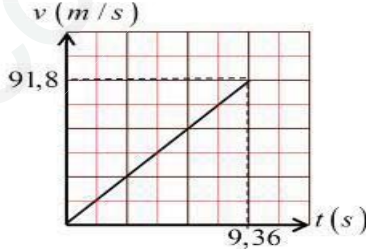
0,5

العلامة		عناصر الإجابة الموضوع الثاني																														
مجموع	مجزأة																															
ع	ة																															
0.5	0.25	التمرين الثاني: (07 نقاط)																														
	0.25	$2 \times (Cr_2O_7^{2-} + 14H^+ + 6e' = 2Cr^{3+} + 7H_2O)$ -1																														
	0.25	$3 \times (C_2H_6O + H_2O = C_2H_4O_2 + 4H^+ + 4e')$																														
	0.25	$n(C_2H_6O) = \frac{m}{M} = \frac{\rho V}{M} = 6 \times 10^{-2} mol$ -2																														
	0.25	$n(Cr_2O_7^{2-}) = C_2V_2 = 2 \times 10^{-2} mol$																														
1.5	0.25	المزيج الابتدائي ليس ستكيومتري $\frac{n(C_2H_6O)}{3} \neq \frac{n(Cr_2O_7^{2-})}{2}$																														
	0.25	ب-																														
	0.25	<table><tr><td>التفاعل</td><td>تقدم</td><td colspan="4">$3C_2H_6O_{(l)} + 2Cr_2O_7^{2-}_{(aq)} + 16H^+_{(aq)} = 3C_2H_4O_{2(aq)} + 4Cr^{3+}_{(aq)} + 11H_2O_{(l)}$</td></tr><tr><td>ل</td><td>م</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>ح إ</td><td>0</td><td>$n(C_2H_6O)$</td><td>C_2V_2</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>ح و</td><td>x</td><td>$n(C_2H_6O) - 3x$</td><td>$C_2V_2 - 2x$</td><td>3x</td><td>4x</td></tr><tr><td>ح ن</td><td>x_f</td><td>$n(C_2H_6O) - 3x_f$</td><td>$C_2V_2 - 2x_f$</td><td>$3x_f$</td><td>$4x_f$</td></tr></table>	التفاعل	تقدم	$3C_2H_6O_{(l)} + 2Cr_2O_7^{2-}_{(aq)} + 16H^+_{(aq)} = 3C_2H_4O_{2(aq)} + 4Cr^{3+}_{(aq)} + 11H_2O_{(l)}$				ل	م					ح إ	0	$n(C_2H_6O)$	C_2V_2	0	0	ح و	x	$n(C_2H_6O) - 3x$	$C_2V_2 - 2x$	3x	4x	ح ن	x_f	$n(C_2H_6O) - 3x_f$	$C_2V_2 - 2x_f$	$3x_f$	$4x_f$
	التفاعل	تقدم	$3C_2H_6O_{(l)} + 2Cr_2O_7^{2-}_{(aq)} + 16H^+_{(aq)} = 3C_2H_4O_{2(aq)} + 4Cr^{3+}_{(aq)} + 11H_2O_{(l)}$																													
	ل	م																														
ح إ	0	$n(C_2H_6O)$	C_2V_2	0	0																											
ح و	x	$n(C_2H_6O) - 3x$	$C_2V_2 - 2x$	3x	4x																											
ح ن	x_f	$n(C_2H_6O) - 3x_f$	$C_2V_2 - 2x_f$	$3x_f$	$4x_f$																											
0.25		التقدم الأعظمي $x_{max} = 1 \times 10^{-2} mol$																														
0.25		$n(t) = n_0 - 2x(t) \Rightarrow \frac{n(t)}{V_T} = \frac{n_0 - 2x(t)}{V_T} \Rightarrow x(t) = \frac{([Cr_2O_7^{2-}]_0 - [Cr_2O_7^{2-}])V_T}{2}$ -3																														
1	0.25	ب/ زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$: زمن اللازم لبلوغ التفاعل نصف تقدمه النهائي																														
	0.25	$t_{1/2} = 15 min$																														
0.5	0.25	-4 عبارة السرعة الحجمية للتفاعل بدلالة $[Cr_2O_7^{2-}]$.																														
	0.25	$V_{vol} = \frac{1}{V_T} \frac{dx}{dt} \Rightarrow V_{vol} = -\frac{d[Cr_2O_7^{2-}]}{dt}$																														
0.5	0.25	قيمتها عند $V_{vol} = -(\frac{88-200}{18-0}) = 6.22 mmol.l^{-1}.min^{-1}$. $t_1 = 18 min$																														
	0.25	II 1- معادلة تفاعل كل حمض مع الماء																														
		$CH_3COOH + H_2O = H_3O^+ + CH_3COO^-$																														

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
0.75	0.25	$CH_2ClCOOH + H_2O = H_3O^+ + CH_2ClCOO^-$
	0.25	
	0.25	
0.75	0.25	2- تراكيز الأنواع الكيميائية المتواجدة في كل محلول عند نهاية كل تفاعل
	0.25	$[CH_3COO^-]_1 = 2.5 \times 10^{-4} \text{ mol / l}$ $[H_3O^+]_1 = 10^{-pH_1} = 2.5 \times 10^{-4} \text{ mol / l}$
	0.25	$[CH_3COOH]_1 = 4.75 \times 10^{-3} \text{ mol / l}$
	0.25	$[CH_2ClCOO^-]_2 = 2.5 \times 10^{-3} \text{ mol / l}$ $[H_3O^+]_2 = 10^{-pH_2} = 2.5 \times 10^{-3} \text{ mol / l}$
1	0.5	$[CH_2ClCOOH]_2 = 2.5 \times 10^{-3} \text{ mol / l}$
0.5	0.25	3- استنتاج ثوابت الحموضة K_{a1} و K_{a2} الموافقتين لكل ثنائية.
	0.25	$K_{a2} = \frac{[H_3O^+][CH_2ClCOO^-]}{[CH_2ClCOOH]} = 2.5 \times 10^{-3}$ $K_{a1} = \frac{[H_3O^+][CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]} = 1.31 \times 10^{-5}$
		4- قوة الحمضين $(CH_2ClCOOH)$ أقوى (CH_3COOH) لأن $K_{a2} > K_{a1}$
0.5	0.25	التمرين الأول: (06 نقاط)
	0.25	1- النمط α هو أحد أنماط التفككات النووية التلقائية ، يتم فيه نقصان 2 بروتون و 2 نوترون من النواة المتفككة
		${}^{210}_{84}Po \rightarrow {}^{206}_{82}Pb + {}^4_2He$
	0.25	2- أ/ $N = N_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow \frac{dN}{dt} = -\lambda N_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow \frac{dN}{dt} = -\lambda N \Rightarrow \frac{dN}{dt} + \lambda N = 0$
	0.25	ب/ N : عدد الأنوية في اللحظة t N_0 : عدد الأنوية في اللحظة $t = 0$ λ : ثابت التفكك
1.25	0.25	ج/ زمن نصف العمر هو الزمن اللازم لتفكك نصف عدد الأنوية الابتدائي في عينة مشعة
	0.25	$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$
	0.25	عبارته بدلالة λ
		$[\lambda] = \frac{1}{[T]} = [T]^{-1}$
		وبتحليل البعدي
	0.25	3- أ/ زمن نصف عمر البولونيوم 210.
	0.25	ب/ ولدنا $N = \frac{N_0}{2}$ ، وبالتالي $t_{1/2} = 138$ ج
	0.25	ب / في اللحظة $t = 240$ ج لدينا من البيان $\frac{N_0}{N} = 3,3$
0.5	0.25	$A_0 = \lambda N_0$ حساب N_0



العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
1.25	0.25	$\frac{N_0}{N_0 - N_{Pb}} = 3,3 \Rightarrow N_0 = 3,3N_0 - 3,3N_{Pb} \Rightarrow N_0 = \frac{3,3}{2,3}N_{Pb}$ <p>نحسب N_{Pb} لكي نجد N_0 :</p> $N_{Pb} = 6,023 \times 10^{23} \frac{4,31 \times 10^{-6}}{206} = 1,26 \times 10^{16}$ $N_0 = \frac{3,3}{2,3} \times 1,26 \times 10^{16} = 1,8 \times 10^{16}$ <p>وبالتالي : $A_0 = \frac{0,69}{138 \times 24 \times 3600} \times 1,8 \times 10^{16} = 1,04 \times 10^9 Bq$</p>
	0.25	
	0.25	
	0.25	
	0.25	
0.5	0.25	$\frac{10}{100}N_0 = N_0 \exp(-\lambda t) \quad / \rightarrow$ $2,3 = \lambda t \Rightarrow t = \frac{2,3}{\lambda} = \frac{2,3}{\frac{0,69}{138}} = 460 j$
	0.25	
	0.25	
	0.25	
	0.25	
0.5	0.25	<p>1 - حسب قانوني صودي للانحفاظ : $236 = 94 + 140 + x \Rightarrow x = 2$</p> <p>$92 = 38 + Z \Rightarrow Z = 54$</p>
	0.25	
	0.25	<p>2 - $E_{lib} = (m_i - m_f) \times 931,5 = (234,99346 - 93,89451 - 139,892 - 1,00866) \times 931,5 = 184,7 MeV$</p>
	0.25	<p>3 - عدد الانشطارات في الثانية :</p> $E_T = Pt = 150 \times 10^6 \times 1 = 15 \times 10^7 J = \frac{15 \times 10^7}{1,6 \times 10^{-13}} = 9,37 \times 10^{20} MeV$
	0.25	<p>عدد الانشطارات هو عدد الأنوية المنشطرة : $N = \frac{9,37 \times 10^{20}}{184,7} = 5 \times 10^{18}$</p>
0.75	0.25	<p>4 - عدد الأنوية المنشطرة في 60 يوما هو $N' = 5 \times 10^{18} \times 60 \times 24 \times 3600 = 2,6 \times 10^{25}$</p>
	0.25	
	0.25	
	0.25	
	0.25	<p>كتلة اليورانيوم المستهلكة : $m = 235 \times \frac{2,6 \times 10^{25}}{6,02 \times 10^{23}} = 10^4 g = 10 kg$</p>
0.5	0.25	<p>التمرين الثالث: 07/07</p> <p>I 1- مثل كيفيا القوى الخارجية المؤثرة على كرة تنس (S).</p>
	0.25	<p>2 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن: $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$ ومنه: $\vec{P} = m\vec{a}$</p>
	0.25	<p>بالإسقاط وفق محور الحركة (oz)</p> <p>إذن: $a = g$ إذن حركة كرة التنس هي حركة مستقيمة متسارعة بانتظام.</p>
	0.25	<p>ب- المعادلة التفاضلية لحركة مركز عطالة الكرة.</p>
	0.25	

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
0.5	0.25	لدينا مما سبق: $a = g$ ومنه: $\frac{dv}{dt} = g$
	0.25	ج- المعادلتين الزنيتين $V(t)$ و $Z(t)$.
0.5	0.25	$z(t) = \frac{1}{2}gt^2$ و $v(t) = gt$
	0.25	3-أ- الزمن الضروري لوصول كرة التنس (S) لسطح الأرض
0.75	0.25	$z(t) = \frac{1}{2}gt^2$ و $t = 9,36s$
	0.25	ب- سرعة كرة التنس (S) لحظة ارتطامها بسطح الأرض.
0.5	0.25	$v^2 - v_0^2 = 2gh$ ولدينا: $v_0 = 0$ ومنه: $v^2 = 2gh$ ومنه: $v = 91,8m/s$
	0.25	4- البيانين $a = f(t)$ و $V = g(t)$.
0.5	0.25	
	0.25	
0.5	0.25	1- المرجع المناسب لدراسة حركة الكرة : سطحي أرضي الفرضية : معلم غاليلي ساكن أو يتحرك حركة مستقيمة منتظمة
	0.25	2- القانون الثاني لنيوتن : $\sum \overline{F_{ext}} = m\overline{a_G}$
1.5	0.25	3-أ- ثابت الزمن $\tau = 1.4s$ ، ب- قيمة $v_L = 14m/s$
	0.25	ت- التسارع الابتدائي $\left(\frac{dv}{dt}\right)_{t=0} = a_0 = \tan(\alpha) = \left(\frac{14-0}{1.4-0}\right) = 10m/s^2$
1.5	0.25	نستنتج أن : $a_0 = g = 10m/s^2$
	0.25	ث- طبيعة الحركة بعد اللحظة $t = 8s$ ح مستقيمة منتظمة
1.5	0.25	4-المعادلة التفاضلية : حسب القانون الثاني لنيوتن : $\sum \overline{F_{ext}} = m\overline{a_G}$
	0.25	$\overline{P} + \overline{f} = m\overline{a_G}$
1.5	0.25	بالإسقاط على المحور (x'x) نجد : $-Kv + mg = ma = m\frac{dv}{dt} \Rightarrow \frac{dv}{dt} = -\frac{K}{m}v + g$
	0.25	حيث : $\begin{cases} A = -\frac{K}{m} \\ B = g \end{cases}$

تابع الإجابة النموذجية لموضوع امتحان البكالوريا دورة: 2016

اختبار مادة: الشعبة: المدة:

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
	0.25 0.25	<p>5- إيجاد قيمة الكتلة m: $\tau = \frac{m}{K}$ بالتعويض نجد: $m = \tau.K = 1.4 \times 3.57 \times 10^{-2} = 0.05 \text{ kg} = 50 \text{ g}$</p> <p>1- نعم توافق هذه النتيجة مع كتلة الكرة المعطاة في الجزء الأول.</p>